

# 函数绘图

数据图形能使视觉感官直接感受到数据的许多内在本质，发现数据的内在联系。MATLAB 可以表达出数据的二维，三维，甚至四维的图形。

## 第 1 节 二维图形

### 一、基本平面图形绘制命令：plot

**功能** 线性二维图。

**格式** `plot(X,'s')` X 为实向量的时候，以该向量元素的下标为横坐标，元素值为纵坐标，绘出一条连续曲线。

`plot(X,Y)` X,Y 为同维向量时，绘制以 X、Y 元素为横、纵坐标的曲线。

X 为向量，Y 为一维或多维矩阵时，绘出多条不同颜色的曲线。X 为这些曲线共同的横坐标。

`plot(Y)`：Y 的维数为 m，则 `plot(Y)` 等价于 `plot(x,Y)`，其中  $x=1:m$

`plot(X1,Y1,X2,Y2,...)`，其中  $X_i$  与  $Y_i$  成对出现

`plot(X1,Y1,LineStyle1,X2,Y2,LineStyle2...)` 将按顺序分别画出由三参数定义  $X_i,Y_i,LineSpec_i$  的线条。其中参数 `LineSpec_i` 指明了线条的类型，标记符号，和画线用的颜色。

可混合使用三参数和二参数的形式：`plot(X1,Y1,LineStyle1,X2,Y2,X3,Y3,LineStyle3)`

`plot(...,'PropertyName',PropertyValue,...)` 对图形对象中指定的属性进行设置。

`h = plot(...)` 返回 line 图形对象句柄的一列向量，一线条对应一句柄值。

允许用户对线条定义的属性

#### 1. 线型

定义符	-	--	:	-.
线型	实线（缺省值）	划线	点线	点划线

#### 2. 线条宽度 'LineWidth'

指定线条的宽度，取值为整数（单位为像素点）

#### 3. 颜色

定义符	r (red)	g(green)	b(blue)	c(cyan)
颜色	红色	绿色	蓝色	青色
定义符	m(magenta)	y(yellow)	k(black)	w(white)
颜色	品红	黄色	黑色	白色

#### 4. 标记类型

定义符	+	o(字母)	*	.	x
标记类型	加号	小圆圈	星号	实点	交叉号
定义符	d	^	v	>	<

标记类型	棱形	向上三角形	向下三角形	向右三角形	向左三角形
定义符	s	h	p		
标记类型	正方形	正六角星	正五角星		

##### 5. 标记大小: 'MarkerSize'

指定标记符号的大小尺寸, 取值为整数 (单位为像素)

##### 6. 标记面填充颜色 'MarkerFaceColor'

指定用于填充标记符面的颜色。取值见上表。

##### 7. 标记周边颜色 'MarkerEdgeColor'

指定标记符颜色或者是标记符 (小圆圈、正方形、棱形、正五角星、正六角星和四个方向的三角形) 周边线条的颜色。取值见上表。

##### 坐标轴的设置

创建图形时, 用户可以制定坐标的范围、数据间隔及坐标名称。用命令 `axis` 可以控制坐标轴的刻度及形式。

`axis[Xmin,Xmax,Ymin,Ymax]`

直角坐标图形的纵横比在默认的情况下与窗口纵横比相同, 用 `axis` 可以控制图形纵横比的格式如下:

`axis square` :将两个轴的长度设置为相等;

`axis equal` :将坐标轴的标记间距设置为相等;

`axis equal tight` :将图形以紧缩的方式显示。

例:

```
t=(pi*(0:1000)/1000);
y1=sin(t);y2=sin(10*t);y12=sin(t).*sin(10*t);
plot(t,y1);axis([0,pi,-1,1])
```

##### 图形标志

图形标志包括图名、坐标轴名、图形注释和图例, 常用格式如下:

`title(s)` :书写图名;

`xlabel(s)` :横坐标轴名;

`ylabel(s)` :纵坐标轴名;

`legend(s1,s2,...)` :绘制曲线所用线型、色彩或数据点形图例;

`text(xt,yt,s)` :在图面 (xt , yt) 坐标处书写字符注释。

##### 多子图

Matlab 允许用户在同一图形框内布置几幅独立的子图。

`subplot(m,n,k)` %使 m\*n 幅子图中的第 k 幅成为当前图。

图形中有 m\*n 幅图, k 是子图的编号。子图的序号原则是: 左上方为第一幅, 向右、下依次排号。subplot 产生的子图相互独立, 所有绘图指令均可以在子图中应用。

##### 参数 LineSpeci 的说明:

参数 LineSpeci 可以定义线条的三个属性: 线型、标记符号和颜色。对线条的上述属性的定义用字符串来定义, 如: `plot(x,y,'-or')`, 表示画点划线 (-.), 在数据点 (x, y) 处画出小圆圈 (o), 线和标记都用红色画出。注: 字符串中的字母、符号可任意组合。若仅仅指定了标记符, 而没有指定非线型, 则 `plot` 只在数据点画出标记符, 如: `plot(x,y,'d')`。

##### 例 1

```
t = 0:pi/20:2*pi;
```

```

plot(t,t.*cos(t),'-r*')
hold on
plot(exp(t/100).*sin(t-pi/2),'--mo')
plot(sin(t-pi),' :bs')
hold off

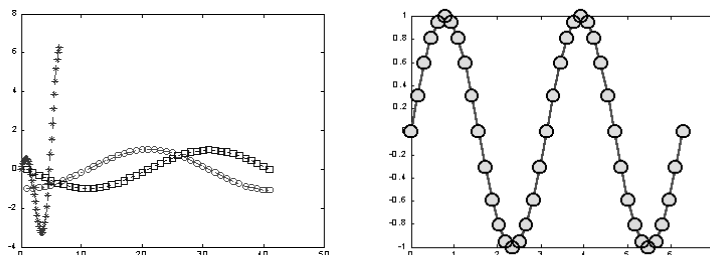
```

## 例 2

```

>> t=1:0.1:10
plot(t,sin(2*t),'-mo','LineWidth',2,...
      'MarkerEdgeColor','k',...
      'MarkerFaceColor',[0.49,1,0.63],...
      'MarkerSize',5)

```



## 二、一元函数 $y=f(x)$ 的绘图命令 `fplot`

`fplot` 采用自适应步长控制来画出函数 `function` 的示意图，在函数的变化激烈的区间，采用小的步长，否则采用大的步长。总之，使计算量与时间最小，图形尽可能精确。

注意：必须是函数，可以是一个 `m`-文件函数或者是一个包含符号变量的函数，如：'`sin(x)*exp(2*x)`'，'`[sin(x),cos(x)]`'。

**格式：**`fplot('function',limits)` 在指定的范围 `limits` 内画出一元函数图形。其中 `limits` 是一个指定 `x`-轴范围的向量 `[xmin xmax]` 或者是 `x` 轴和 `y` 轴的范围的向量 `[xmin xmax ymin ymax]`。

`fplot('function',limits,LineStyle)` 用指定的线型 `LineStyle` 画出函数 `function`。

`fplot('function',limits,tol)` 用相对误差值为 `tol` 画出函数 `function`。相对误差的缺省值为 `2e-3`。

`fplot('function',limits,tol,LineStyle)` 用指定的相对误差值 `tol` 和指定的线型 `LineStyle` 画出函数 `function` 的图形。

`fplot('function',limits,n)` 当  $n \geq 1$ ，则至少画出  $n+1$  个点（即至少把范围 `limits` 分成  $n$  个小区间），最大步长不超过  $(x_{\max} - x_{\min})/n$ 。

`fplot('function',limits,...)` 允许可选参数 `tol`, `n` 和 `LineStyle` 以任意组合方式输入。

`[X,Y] = fplot('function',limits,...)` 返回横坐标与纵坐标的值给变量 `X` 和 `Y`，此时 `fplot` 不画出图形。若想画出，可用命令 `plot(X,Y)`。

`[...] = plot('function',limits,tol,n,LineStyle,P1,P2,...)` 允许用户直接给函数 `function` 输入参数 `P1`, `P2` 等，其中函数 `function` 的定义形式为

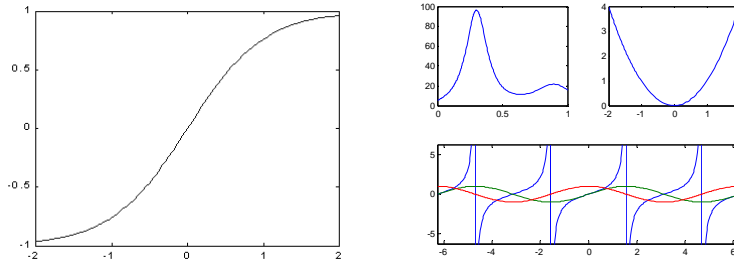
$$y = \text{function}(x, P1, P2, \dots)$$

若想用缺省的 `tol`, `n` 或 `LineStyle` 值，只需将空矩阵 `[]` 传递给函数即可。

```

>> fplot('tanh',[-2 2])
>> subplot(2,2,1); fplot('humps',[0 1])
subplot(2,2,2); fplot('x^2',[-2 2])
subplot(2,1,2); fplot('tan(x),sin(x),cos(x)',2*pi*[-1 1 -1 1])

```



绘制多条曲线：采用 **hold on** 或者 **Y** 为 二维向量

定义myfun函数

```
function Y = myfun(x)
```

```
Y(:,1) = 200*sin(x(:))./x(:);
```

```
Y(:,2) = x(:).^2;
```

```
>> fplot('myfun',[-20 20])
```

```
title('myfun') , xlabel('x'), ylabel('y')
```

三、快速函数作图： **ezplot** (Easy to use function plotter)

例如

```
>> y='-16*x^2+64*x+96' % expression to plot
```

```
y=
```

```
-16*x^2+64*x+96
```

```
>> ezplot(y)
```

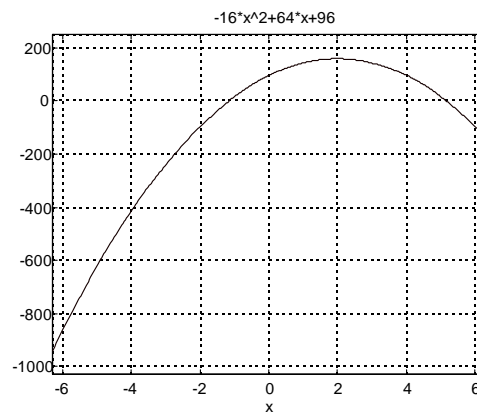


图3.1 符号函数  $-16x^2 + 64x + 96$  ( $-2\pi \leq x \leq 2\pi$ )

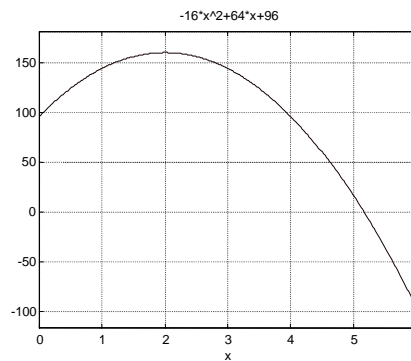


图3.2 符号函数 $16x^2+64x+96$   $0 \leq x \leq 6$

图3.1, ezplot绘制了定义域为 $-2\pi \leq x \leq 2\pi$ 的给定符号函数, 如果感兴趣的时间是从0到6。需要指定范围, 即

```
>> ezplot(y, [0 6]) % plot y for  $0 \leq x \leq 6$ 
```

## 第2节 三维图形

### 一、三维图形等高线

#### 命令1 contour

功能 曲面的等高线图

用法 `contour(z)` 把矩阵  $z$  中的值作为一个二维函数的值, 等高曲线是一个平面的曲线, 平面的高度  $v$  是 Matlab 自动取的;

`contour(x,y,z)`  $(x,y)$  是平面  $z=0$  上点的坐标矩阵,  $z$  为相应点的高度值矩阵。效果同上;

`contour(z,n)` 画出  $n$  条等高线;

`contour(x,y,z,n)` 画出  $n$  条等高线;

`contour(z,v)` 在指定的高度  $v$  上画出等高线;

`contour(x,y,z,v)` 同上;

`[c,h] = contour(...)` 返回如同 `contourc` 命令描述的等高矩阵  $c$  和线句柄或块句柄列向量  $h$ , 这些可作为 `clabel` 命令的输入参量, 每条线对应一个句柄, 句柄中的 `userdata` 属性包含每条等高线的高度值;

`contour(...,'linespec')` 因为等高线是以当前的色图中的颜色画的, 且是作为块对象处理的, 即等高线是一般的线条, 我们可象画普通线条一样, 可以指定等高线的颜色或者线形。

#### 命令2 clabel

功能 在二维等高线图中添加高度标签。在下列形式中, 若有  $h$  出现, 则会对标签进行恰当的旋转, 否则标签会竖直放置, 且在恰当的位置显示一个“+”号。

用法 `clabel(C,h)` 把标签旋转到恰当的角度, 再插入到等高线中。只有等高线之间有足够的空间时才加入, 当然这决定于等高线的尺度。

`clabel(C,h,v)` 在指定的高度  $v$  上显示标签  $h$ , 当然要对标签做恰当的处理。

`clabel(C,h,'manual')` 手动设置标签。用户用鼠标左键或空格键在最接近指定的位置上放置标签, 用键盘上的回车键结束该操作。当然会对标签做恰当的处理。

`clabel(C)` 在从命令 `contour` 生成的等高线结构  $c$  的位置上添加标签。此时标签的放置的位置是随机的。

`clabel(C,v)` 在给定的位置  $v$  上显示标签

`clabel(C,'manual')` 允许用户通过鼠标来给等高线

贴标签

#### 例 7-27

```
>>[x,y] = meshgrid(-2:2:2);
>>z = x.*y.*exp(-x.^2-y.^2);
>>[C,h] = contour(x,y,z);
>>clabel(C,h);
```

图形结果为图 7-27。

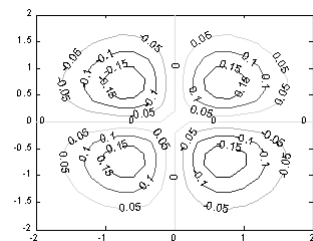


图 7-27

#### 命令 4 contour3

**功能** 三维空间等高线图。该命令生成一个定义在矩形格栅上曲面的三维等高线图。

**用法** `contour3(Z)` 画出三维空间角度观看矩阵  $z$  的等高线图，其中  $z$  的元素被认为是距离  $xy$  平面的高度，矩阵  $z$  至少为  $2 \times 2$  阶的。等高线的条数与高度是自动选择的。若  $[m, n] = \text{size}(z)$ ，则  $x$  轴的范围为  $[1:n]$ ， $y$  轴的范围为  $[1:m]$ 。

`contour3(Z,n)` 画出由矩阵  $z$  确定的  $n$  条等高线的三维图。

`contour3(Z,v)` 在参量  $v$  指定的高度上画出三维等高线，当然等高线条数与向量  $v$  的维数相同；若想只画一条高度为  $h$  的等高线，输入：`contour3(Z,[h,h])`

`contour3(X,Y,Z)`、`contour3(X,Y,Z,n)`、`contour3(X,Y,Z,v)` 用  $X$  与  $Y$  定义  $x$ -轴与  $y$ -轴的范围。若  $X$  为矩阵，则  $X(1,:)$  定义  $x$ -轴的范围；若  $Y$  为矩阵，则  $Y(:,1)$  定义  $y$ -轴的范围；若  $X$  与  $Y$  同时为矩阵，则它们必须同型。不论为哪种使用形式，所起的作用与命令 `surf` 相同。若  $X$  或  $Y$  有不规则的间距，`contour3` 还是使用规则的间距计算等高线，然后将数据转变给  $X$  或  $Y$ 。

`contour3(...,LineStyle)` 用参量 `LineStyle` 指定的线型与颜色画等高线。

`[C,h] = contour3(...)` 画出图形，同时返回与命令 `contourc` 中相同的等高线矩阵  $C$ ，包含所有图形对象的句柄向量  $h$ ；除非没有指定 `LineStyle` 参数，`contour3` 将生成 `patch` 图形对象，且当前的 `colormap` 属性与 `caxis` 属性将控制颜色的显示。不论使用何种形式，该命令都生成 `line` 图形对象。

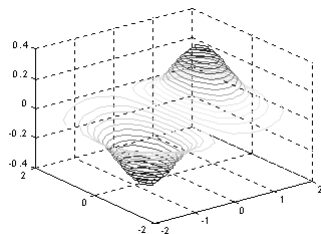


图 7-28

#### 例 7-28

```
>>[X,Y] = meshgrid([-2:.25:2]);  
>>Z = X.*exp(-X.^2-Y.^2);  
>>contour3(X,Y,Z,30)
```

图形结果为图 7-28。

#### 命令 6 pie3

**功能** 三维饼形图

**用法** `pie3(X)` 用  $x$  中的数据画一个三维饼形图。 $X$  中的每一个元素代表三维饼形图中的一部分。

`pie3(X,explode)`  $x$  中的某一部分可以从三维饼形图中分离出来。`explode` 是一个与  $x$  同型的向量或矩阵，`explode` 中非零的元素对应  $x$  中从饼形图中分离出来的分量。

`h = pie3(...)` 返回一个分量为 `patch`，`surface` 和 `text` 图形句柄对象的向量。即每一块对应一个句柄。

**注意：**命令 `pie3` 将  $x$  的每一个元素在所有元素的总和中所占的比例表达出来。若  $x$  中的分量和小于 1（则所有元素小于 1），则认为  $x$  中的值指明三维饼形图的每一部分的大小。

#### 例 7-30

```
>>x = [1 3 0.5 2.5 2]  
>>ex = [0 1 0 0 0]  
>>pie3(x,ex)
```

图形结果为图 7-30。

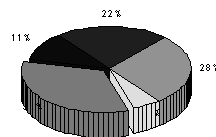


图 7-30

## 二、曲面与网格图命令

#### 命令 1 mesh

**功能** 生成由  $X$ ， $Y$  和  $Z$  指定的网线面，由  $C$  指定的颜色的三维网格图。网格图是作为视点由 `view(3)` 设定的 `surface` 图形对象。曲面的颜色与背景颜色相同（当要动画显示

不透明曲面时, 这时可用命令 `hidden` 控制), 或者当画一个标准的可透视的网线图时, 曲面的颜色就没有 (命令 `shading` 控制渲染模式)。当前的色图决定线的颜色。

**用法** `mesh(X,Y,Z)` 画出颜色由 `c` 指定的三维网格图, 所以和曲面的高度相匹配,

1. 若 `X` 与 `Y` 均为向量,  $\text{length}(X)=n$ ,  $\text{length}(Y)=m$ , 而  $[m, n]=\text{size}(Z)$ , 空间中的点  $(X(j), Y(I), Z(I,j))$  为所画曲面网线的交点, 分别地, `X` 对应于 `z` 的列, `Y` 对应于 `z` 的行。
2. 若 `X` 与 `Y` 均为矩阵, 则空间中的点  $(X(I,j), Y(I,j), Z(I,j))$  为所画曲面的网线的交点。

`mesh(Z)` 由  $[n, m] = \text{size}(Z)$  得, `X=1:n` 与 `Y=1:m`, 其中 `z` 为定义在矩形划分区域上的单值函数。

`mesh(...,C)` 用由矩阵 `c` 指定的颜色画网线网格图。Matlab 对矩阵 `c` 中的数据进行线性处理, 以便从当前色图中获得有用的颜色。

`mesh(...,PropertyName,PropertyValue, ...)` 对指定的属性 `PropertyName` 设置属性值 `PropertyValue`, 可以在同一语句中对多个属性进行设置。

`h = mesh(...)` 返回 `surface` 图形对象句柄。

**运算规则:**

1. 数据 `X`, `Y` 和 `Z` 的范围, 或者是对当前轴的 `XLimMode`, `YLimMode` 和 `ZLimMode` 属性的设置决定坐标轴的范围。命令 `axis` 可对这些属性进行设置。

2. 参量 `c` 的范围, 或者是对当前轴的 `Clim` 和 `ClimMode` 属性的设置 (可用命令 `caxis` 进行设置), 决定颜色的刻度化程度。刻度化颜色值作为引用当前色图的下标。

3. 网格图显示命令生成由于把 `z` 的数据值用当前色图表现出来的颜色值。Matlab 会自动用最大值与最小值计算颜色的范围 (可用命令 `caxis auto` 进行设置), 最小值用色图中的第一个颜色表现, 最大值用色图中的最后一个颜色表现。Matlab 会对数据的中间值执行一个线性变换, 使数据能在当前的范围内显示出来。

### 例 7-31

```
>>[X,Y] = meshgrid(-3:.125:3);  
>>Z = peaks(X,Y);  
>>mesh(X,Y,Z);
```

图形结果为图 7-31。

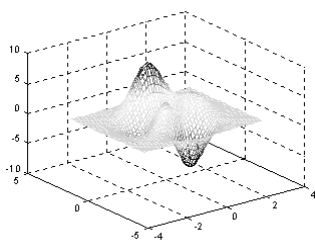


图 7-31

### 命令 2 surf

**功能** 在矩形区域内显示三维带阴影曲面图。

**用法** `surf(Z)` 生成一个由矩阵 `z` 确定的三维带阴影的曲面图, 其中  $[m, n] = \text{size}(Z)$ , 而 `X=1:n`, `Y=1:m`。高度 `z` 为定义在一个几何矩形区域内的单值函数, `z` 同时指定曲面高度数据的颜色, 所以颜色对于曲面高度是恰当的。

`surf(X,Y,Z)` 数据 `z` 同时为曲面高度, 也是颜色数据。 `X` 和 `Y` 为定义 `X` 坐标轴和 `Y` 坐标轴的曲面数据。若 `X` 与 `Y` 均为向量,  $\text{length}(X)=n$ ,  $\text{length}(Y)=m$ , 而  $[m,n]=\text{size}(Z)$ , 在这种情况下, 空间曲面上的节点为  $(X(I), Y(j), Z(I,j))$ 。

**surf(X,Y,Z,C)** 用指定的颜色 **c** 画出三维网格图。Matlab 会自动对矩阵 **c** 中的数据进行线性变换，以获得当前色图中可用的颜色。

**surf(...,'PropertyName',PropertyValue)** 对指定的属性 **PropertyName** 设置为属性值 **PropertyValue**

**h = surf(...)** 返回一个 **surface** 图形对象句柄给变量 **h**。

运算规则：

1. 严格地讲，一个参数曲面是由两个独立的变量 **I**、**j** 来定义的，它们在一个矩形区域上连续变化。例如， $a \leq I \leq b, c \leq j \leq d$ ，三个变量 **X**，**Y**，**Z** 确定了曲面。曲面颜色由第四参数矩阵 **C** 确定。

2. 矩形定义域上的点有如下关系：

$$\begin{array}{c} A(I-1,j) \\ | \\ B(I,j-1) \text{ ---- } C(I,j) \text{ ---- } D(I,j+1) \\ | \\ E(I+1,j) \end{array}$$

这个矩形坐标方格对应于曲面上的有四条边的块，在空间的点的坐标为  $[X(i), Y(j), Z]$ ，每个矩形内部的点根据矩形的下标和相邻的四个点连接；曲面上的点只有相邻的三个点，曲面上四个角上的点只有两个相邻点，上面这些定义了一个四边形的网格图。

3. 曲面颜色可以有两种方法来指定：指定每个节点的颜色或者是每一块的中心点颜色。在这种一般的设置中，曲面不一定为变量 **X** 和 **Y** 的单值函数，进一步而言，有四边的曲面块不一定为平面的，而可以用极坐标，柱面坐标和球面坐标定义曲面。

4. 命令 **shading** 设置阴影模式。若模式为 **interp**，**C** 必须与 **X**，**Y**，**Z** 同型；它指定了每个节点的颜色，曲面块内的颜色由附近几个点的颜色用双线性函数计算出来的。若模式为 **faced**（缺省模式）或 **flat**，**c(I,j)** 指定曲面块中的颜色：

$$\begin{array}{ccc} A(I,j) & \text{-----} & B(I,j+1) \\ | & C(I,j) & | \\ C(I+1,j) & \text{-----} & D(I+1,j) \end{array}$$

在这种情形下，**C** 可以与 **X**，**Y**，和 **Z** 同型，且它的最后一行和最后一列将被忽略，换句话说，就是 **C** 的行数和列数可以比 **X**，**Y**，**Z** 少 1。

5. 命令 **surf** 将指定图形视角为 **view(3)**。

6. 数据 **X**，**Y**，**Z** 的范围或者通过对坐标轴的属性 **XlimMode**，**YlimMode** 和 **ZlimMode** 的当前设置（可以通过命令 **axis** 来设置），将决定坐标轴的标签。

7. 参数 **C** 的范围或者通过对坐标轴的属性 **Clim** 和 **ClimMode** 的设置（可以通过命令 **caxis** 来设置），将决定颜色刻度化。刻度化的颜色值将作为引用当前色图的下标。

#### 例 7-32

```
>>[X,Y,Z] = peaks(30);
>>surf(X,Y,Z)
>>colormap hsv
```

结果图形为图 7-32。

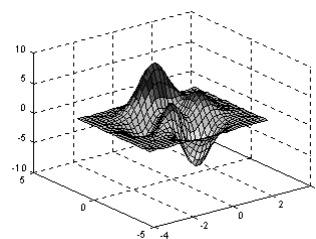


图 7-32

#### 命令 3 surf

**功能** 在矩形区域内显示三维带阴影曲面图，且在曲面下面画出等高线。

**用法** **surfc(Z)**、**surfc(X,Y,Z)**、**surfc(X,Y,Z,C)**、**surfc(...,'PropertyName',PropertyValue)**、**surfc(...)**、**h = surfc(...)**

上面各个使用形式的曲面效果与命令 **surf** 的相同，只不过是在曲面下面增加了曲面的等高线而已。

#### 例 7-33

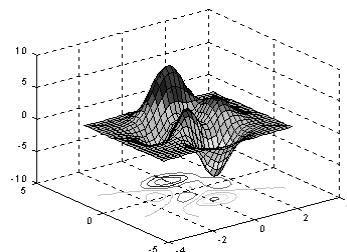


图 7-33



```
>>[X,Y,Z] = peaks(30);
>>surf(X,Y,Z)
>>colormap hsv
```

图形结果为图 7-33。

#### 命令 4 surf

**功能** 画带光照模式的三维曲面图。该命令显示一个带阴影的曲面，结合了周围的，散射的和镜面反射的光照模式。想获得较平滑的颜色过度，要使用有线性强度变化的色图（如：gray, copper, bone, pink 等）。参数 X, Y, Z 确定的点定义了参数曲面的“里面”和“外面”，若用户想曲面的“里面”有光照模式，只要使用：

```
surf(X',Y',Z')
```

**用法** surf(Z) 以向量 z 的元素生成一个三维的带阴影的曲面，其中阴影模式中的光源的方位、光照系数为缺省值（见下面）。

surf(X,Y,Z) 以矩阵 X, Y, Z 生成的一个三维的带阴影的曲面，其中阴影模式中的光源的方位、光照系数为缺省值（见下面）。

surf(...,'light') 用一个 matlab 光照对象（light object）生成一个带颜色、带光照的曲面，这与用缺省光照模式产生的效果不同。

surf(...,'cdata') 改变曲面颜色数据（color data），使曲面成为可反光的曲面。

surf(...,s) 指定光源与曲面之间的方位 s，其中 s 为一个二维向量[azimuth, elevation]，或者三维向量[sx, sy, sz]。缺省光源方位为从当前视角开始，逆时针 45°（度）。

surf(X,Y,Z,s,k) 指定反射系数 k，其中 k 为一个定义环境光（ambient light）系数（ $0 \leq k_a \leq 1$ ）、漫反射(diffuse reflection)系数（ $0 \leq k_b \leq 1$ ）、镜面反射(specular reflection)系数（ $0 \leq k_s \leq 1$ ）与镜面反射亮度（以相素为单位）等的四维向量[ka, kd, ks, shine]，缺省值为 k=[0.55 0.6 0.4 10]。

h = surf(...) 返回一个曲面图形句柄向量 h。

#### 例 7-34

```
>>[X,Y] = meshgrid(-3:1/8:3);
>>Z = peaks(X,Y);
>>surf(X,Y,Z);
>>shading interp
>>colormap(gray);
```

图形结果为图 7-34。

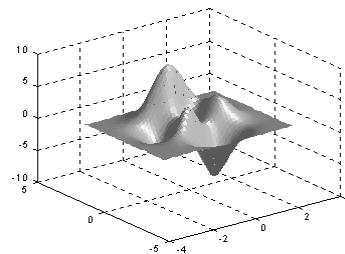


图 7-34

#### 命令 5 waterfall

**功能** 瀑布图

**用法** waterfall(X,Y,Z) 用所给参数 X、Y 与 Z 的数据画一“瀑布”效果图。若 X 与 Y 都是向量，则 X 与 Z 的列相对应，Y 与 Z 的行相对应，即 length(X)=Z 的列数，length(Y)=Z 的行数。参数 X 与 Y 定义了 x-轴与 y-轴，Z 定义了 z-轴的高度，Z 同时确定了颜色，所以颜色能恰当地反映曲面的高度。若想研究数据的列，可以输入：waterfall(Z')或 waterfall(X',Y',Z')

waterfall(Z) 画出一瀑布图，其中缺省地有：X=1:Z 的行数，Y=1:Z 的行数，且 Z 同时确定颜色，所以颜色能恰当地反映曲面高度。

waterfall(...,C) 用比例化的颜色值从当前色图中获得颜色，参量 C 决定颜色的比例，为此，必须与 Z 同型。系统使用一线性变换，从当前色图中获得颜色。

h = waterfall(...) 返回 patch 图形对象的句柄

h, 可用于画出图形。

#### 例 7-35

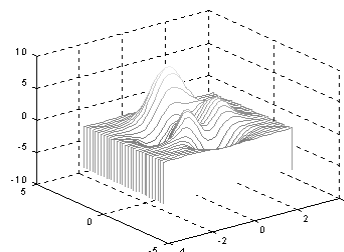


图 7-35

```
>>[X,Y,Z] = peaks(30);
>>waterfall(X,Y,Z)
```

图形结果为图 7-35。

#### 命令 6 cylinder

**功能** 生成圆柱图形。该命令生成一单位圆柱体的  $x$ -,  $y$ -,  $z$ -轴的坐标值。用户可以用命令 `surf` 或命令 `mesh` 画出圆柱形对象，或者用没有输出参量的形式而立即画出图形。

**用法** `[X,Y,Z] = cylinder` 返回一半径为 1、高度为 1 的圆柱体的  $x$ -,  $y$ -,  $z$ -轴的坐标值，圆柱体的圆周有 20 个距离相同的点。

`[X,Y,Z] = cylinder(r)` 返回一半径为  $r$ 、高度为 1 的圆柱体的  $x$ -,  $y$ -,  $z$ -轴的坐标值，圆柱体的圆周有 20 个距离相同的点。

`[X,Y,Z] = cylinder(r,n)` 返回一半径为  $r$ 、高度为 1 的圆柱体的  $x$ -,  $y$ -,  $z$ -轴的坐标值，圆柱体的圆周有指定的  $n$  个距离相同的点。

`cylinder(...)` 没有任何的输出参量，直接画出圆柱体。

#### 例 7-36

```
>>t = 0:pi/10:2*pi;
>>[X,Y,Z] = cylinder(2+(cos(t)).^2);
>>surf(X,Y,Z); axis square
```

图形结果为图 7-36。

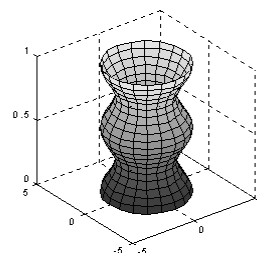


图 7-36

#### 命令 7 sphere

**功能** 生成球体

**用法** `sphere` 生成三维直角坐标系中的单位球体。该单位球体由  $20 \times 20$  个面。

`sphere(n)` 在当前坐标系中画出有  $n \times n$  个面的球体

`[X,Y,Z] = sphere(n)` 返回三个阶数为  $(n+1) \times (n+1)$  的，直角坐标系中的坐标矩阵。该命令没有画图，只是返回矩阵。用户可以用命令 `surf(X, Y, Z)` 或 `mesh(X, Y, Z)` 画出球体。

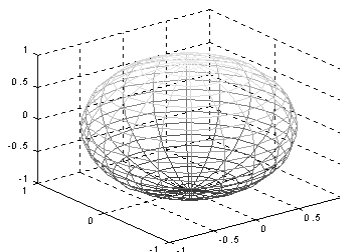


图 7-37

#### 例 7-37

```
>>[X,Y,Z]=sphere;
>>mesh(X,Y,Z)
>>hidden off
```

图形结果为图 7-37。

## 第 3 节 绘制直方图

matlab 中函数 `bar` 绘制直方图中的应用函数 `bar(x)` 可以绘制直方图，这对统计或者数据采集非常直观实用。它共有四种形式：`bar`, `bar3`, `barh` 和 `bar3h`，其中 `bar` 和 `bar3` 分别用来绘制二维和三维竖直直方图，`barh` 和 `bar3h` 分别用来绘制二维和三维水平直方图，调用格式是：

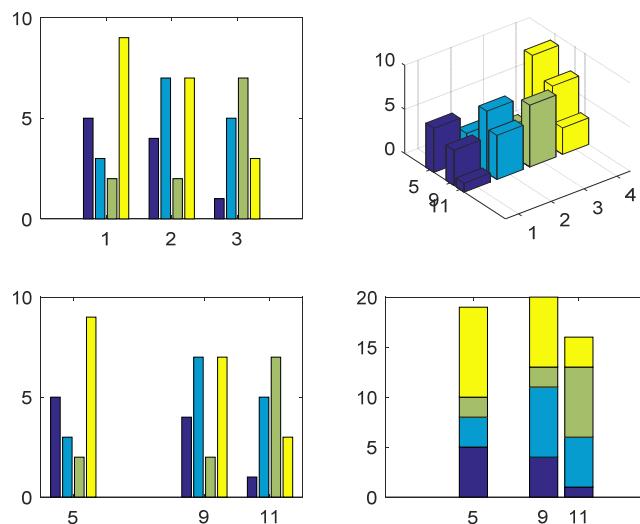
`bar(x,y)` 其中  $x$  必须单调递增或递减， $y$  为  $n \times m$  矩阵，可视化结果为  $m$  组，每组  $n$  个垂直柱，也就是把  $y$  的行画在一起，同一列的数据用相同的颜色表示；`bar(x,y,width)` (或 `bar(y,width)`) 指定每个直方条的宽度，如 `width>1`，则直方条会重叠，默认值为 `width=0.8`；`bar(...,'grouped')` 使同一组直方条紧紧靠在一起；`bar(...,'stack')` 把同一组数据描述在一个直方条上。

#### 例 5.3.2

```

y=[5 3 2 9;4 7 2 7;1 5 7 3];
subplot(2,2,1),bar(y)
x=[5 9 11];
subplot(2,2,2),bar3(x,y)
subplot(2,2,3),bar(x,y,'grouped')
subplot(2,2,4),bar(x,y,'stack')

```



## 第 4 节 求零点

正如人们对寻找函数的极点感兴趣一样，有时寻找函数过零或等于其它常数的点也非常重要。一般试图用解析的方法寻找这类点非常困难，而且很多时候是不可能的。在上述函数 `humps` 的图中(如图 13.3 所示)，该函数在  $x=1.2$  附近过零。

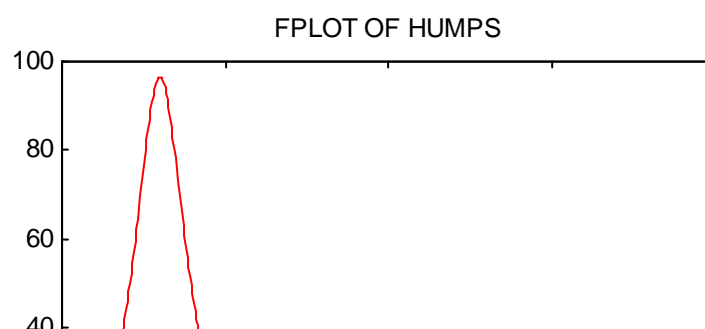


图 13.3 `humps` 函数的图形

MATLAB 再一次提供了该问题的数值解法。函数 `fzero` 寻找一维函数的零点。为了说明该函数的使用，让我们再运用 `humps` 例子。

```
>> xzero=fzero('humps', 1.2)    % 在 1.2 附近找 0 点
xzero=
    1.2995
>> yzero=humps(xzero)           % evaluate at xzero
yzero=
    0
```

所以，`humps` 的零点接近于 1.3。如前所述，寻找零点的过程可能失败。如果 `fzero` 没有找到零点，它将停止运行并提供解释。

当调用函数 `fzero` 时，必须给出该函数的名称。但由于某种原因，它不能接受以 `x` 为自变量的字符串来描述的函数。

`fzero` 不仅能寻找零点，它还可以寻找函数等于任何常数值点。仅仅要求一个简单的再定义。例如，为了寻找  $f(x)=c$  的点，定义函数  $g(x)=f(x)-c$ ，然后，在 `fzero` 中使用 `g(x)`，就会找出  $g(x)$  为零的  $x$  值，它发生在  $f(x)=c$  时。

## 第 5 节 积分

一个函数的积分或面积也是它的另一个有用的属性。MATLAB 提供了在有限区间内，数值计算某函数下的面积的三种函数：`trapz`，`quad` 和 `quadl`。函数 `trapz` 通过计算若干梯形面积的和来近似某函数的积分，这些梯形如图 13.4 所示，是通过使用函数 `humps` 的数据点形成。

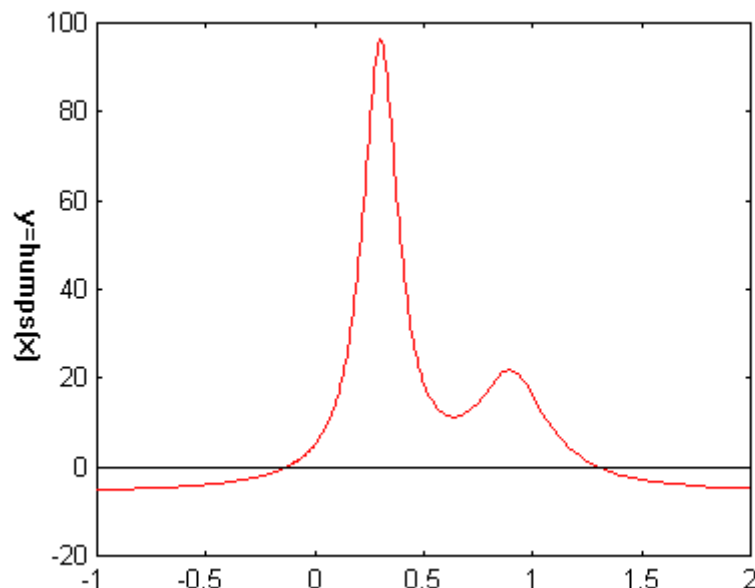


图 13.4 粗略的梯形逼近曲线下的面积示意图

从图中可明显地看出，单个梯形的面积在某一段欠估计了函数真正的面积，而在其它段又过估计了函数的真正面积。如同线性插值，当梯形数目越多时，函数的近似面积越准确。例如，在图 13.4 中，如果我们大致增加一倍数目的梯形，我们得到如下页（如图 13.5）

所示的更好的近似结果。

对如上所示的两个曲线，用 `trapz` 在区间  $-1 < x < 2$  上计算  $y=x^2$  下面的面积：

```
>>x=-1 : 0.1 : 2;                % rough approximation
>> y=x.^2;
>>area=trapz(x , y)              % call trapz just like the plot command
area =
    3.0050
>>x=-1 : 0.01 : 2;              % better approximation
>> y=x.^2;
>>area=trapz(x , y)
area =
    3.0000
```

自然地，上述两个结果不同。基于对图形的观察，粗略近似可能低估了实际面积。除非特别精确，没有准则说明哪种近似效果更好。很明显，如果人们能够以某种方式改变单个梯形的宽度，以适应函数的特性，即当函数变化快时，使得梯形的宽度变窄，这样就能够得到更精确的结果。

例 求定积分。

(1) 建立被积函数文件 `fesin.m`。

```
function f=fesin(x)
f=exp(-0.5*x).*sin(x+pi/6);
```

(2) 调用数值积分函数 `quad` 求定积分。

```
[S,n]=quad('fesin',0,3*pi)
S =
    0.9008
n =
    77
```

例 求定积分。

(1) 被积函数文件 `fx.m`。

```
function f=fx(x)
f=x.*sin(x)./(1+cos(x).*cos(x));
```

(2) 调用函数 `quadl` 求定积分。

```
I= quadl('fx',0,pi)
I =
    2.4674
```

符号积分

```
f='x^2'
int(f,'x',0,1)
```