- capitolo I
 - o conversione numeri notazione posizionale in quantità

[1.5, 1.6, 1.10, 1.11, 1.12]

(notare che Fibonacci non dà un nome alle quantità oltre al migliaio)

- input: 123
- output: 1 centinaio

2 decine

3 unità

- o conversione numeri notazione posizionale in parole
 - input: 123
 - output: cento-venti-tre
- o conversione numeri romani <-> numeri arabi [1.7, 1.8]
- o rappresentare i numeri con le mani [I.13]
- tabelline dell'addizione e moltiplicazione [T.1]
- capitolo II
 - → algoritmo di moltiplicazione in colonna
 [II.2, II.10, II.13, II.16, II.19, II.28, II.35, II.41]
 - o ERRORE [II.26]: alla quinta riga è "si moltiplichino 7 per 5"
 - ERRORE [II.18, II.23, II.26, II.27, II.33, II.34]: nei diagrammi il risultato ha degli zeri in più non presenti nei fattori

 - algoritmo di elevamento al quadrato [II.37 II.40]
 (non so perché l'ho segnato, non c'è niente di speciale)
 - o fare moltiplicazioni a mente [II.45 II.49]
- capitolo III
 - algoritmo di addizione in colonna [III.1]
 - → algoritmo di moltiplicazione "a scacchiera" [III.2 III.4]
 - o prova del 9 (dimostrazione geometrica) [III.9 III.11]
 - o sommare molti numeri [III.14]
- capitolo IV
 - o algoritmo di sottrazione in colonna [IV.1, IV.2]

capitolo V

conversione frazioni ordinarie <-> frazioni multiple e altri tipi di frazione
 [V.3 – V.5]

("infilzare i rotti" da multiple a ordinarie e "traslatare i rotti" viceversa)

- o divisione in colonna per i numeri tabulati [V.6]
- ERRORE [V.17]: nello schema i resti in nero vanno traslati di uno a destra
- o fare divisioni a mente [V.19]
- divisione per 10 [V.21]
- o divisione per eccesso e per difetto [V23 V.25, V.34]
- o prova con altri resti [V.38, V.66]
- ERRORE [V.41]: 24059 = 6 x 3 + 3 = 21 = 0 (mod 7)
- ERRORE (?): lo schema a [V.40] dovrebbe essere posto a [V.44]
- regola (scomposizione in fattori primi) [V.47]
- o regola dei numeri pari [V.55]
- o divisione mediante scomposizione del dividendo [V.64]
- o semplificare i fattori comuni prima di dividere [V.67]

capitolo VI

- → moltiplicazione di numeri misti con una frazione semplice [VI.1.3 – VI.1.5, VI.1.9]
- o semplificazione incrociata [VI.1.7 VI.1.8]
- o una "forma canonica" per le frazioni multiple [VI.1.12]
- → semplificazione di frazioni semplici mediante calcolo del MCD con l'algoritmo di Euclide [VI.1.14 – VI.1.15]
- 0 -
- o moltiplicazione di numeri misti con una frazione multipla [VI.2.1]
- 0 -
- o moltiplicazione di numeri misti con due frazioni semplici [VI.3.1]
- conversione frazioni multiple a frazione semplici [VI.3.3] (vedi anche capitolo V)
- 0 -
- addizione di frazioni (semplici) [VI.3.6 VI.3.8]
 (notare che l'algoritmo che usa Fibonacci quando i denominatori hanno fattori in comune è sostanzialmente equivalente a quello usato oggi con il minimo comune multiplo)
 (vedi anche capitolo VII)

- 0 -
- moltiplicazione di numeri misti con due frazioni multiple [VI.4.1 – VI.4.3]
- ERRORE [VI.5.4]: sulla 10a riga dovrebbe essere "moltiplicalo per 8, e per 9, e per 3, e per 7 che stanno sotto la seconda e la prima linea, farà 10584, il cui resto è 2"

(questo è un typo di Fibonacci, ha scritto 7 invece di 3)

- 0 -
- o moltiplicazione di numeri misti con tre frazioni semplici [VI.5.1]
- sommare le frazioni che hanno denominatori con fattori in comune [VI.5.2 – VI.5.3]
- moltiplicazione di numeri misti con tre frazioni multiple [VI.5.4 – VI.5.5, VI.5.6]
- 0 -
- o moltiplicazione di frazioni senza interi [VI.6]

(notare che la discussione di questa parte può essere ricondotta a quelle delle parti precedenti pensando le frazioni come numeri misti con parte intera nulla oppure la discussione delle parti precedenti può essere ricondotta a questa parte pensando gli interi come frazioni di denominatore 1)

- o
- o moltiplicazione di frazioni multiple con cerchietto [VI.7.1]
- o riduzione di frazioni multiple con cerchietto [VI.7.2, VI.7.3]
- 0 -
- moltiplicazione di parti di numeri misti (frazioni a sinistra e destra)
 [VI.8]
- capitolo VII
 - addizione/sottrazione/divisione di frazioni semplici (2 modi)
 [VII.1.1, VII.1.2, VII.1.4 VII.1.5]
 - o –
 - addizione/sottrazione/divisione di coppie di frazioni semplici (2 modi)
 [VII.2.1, VII.2.2]
 - o ERRORE [VII.2.5]: typo nella penultima riga, ci sono due "perché"
 - semplificazione di frazioni semplici e minimo comune multiplo
 [VII.2.5 VII.2.6, VII.2.14]
 - o

```
divisione di numeri misti per numeri interi e viceversa [VII.3.1]
–
addizione di numeri misti (2 modi) [VII.4.1, VII.4.2 – VII.4.3, VII.4.10]
sottrazione di numeri misti (2 modi) [VII.4.1, VII.4.4]
divisione di numeri misti [VII.4.1, VII.4.4]
–
addizione, sottrazione, divisione di parti di numeri misti [VII.5]
(rileggere parte [VII.5])
–
```

TO DO

• *init_MIXNUM* senza pipe (per numeri senza parte intera)

o algoritmi di disgregazione [VII.6]

• frazioni che non funzionano per *infilzare* (es. 3,2,40/4,19,1049)

moltiplicazione

$$A = a_n \cdot 10^n + a_{n-1} \cdot 10^{n-1} + \dots + a_1 \cdot 10 + a_0$$

$$B = b_m \cdot 10^m + b_{m-1} \cdot 10^{m-1} + \dots + b_1 \cdot 10 + b_0$$

$$A \cdot B = (a_n \cdot 10^n + a_{n-1} \cdot 10^{n-1} + \dots + a_1 \cdot 10^1 + a_0 \cdot 10^0) \cdot (b_m \cdot 10^m + b_{m-1} \cdot 10^{m-1} + \dots + b_1 \cdot 10^1 + b_0 \cdot 10^0) =$$

$$= (a_n b_m) \cdot 10^{n+m} + (a_n b_{m-1} + a_{n-1} b_m) \cdot 10^{n+m-1} + \dots + (a_1 b_0 + a_0 b_1) \cdot 10^1 + (a_0 b_0) \cdot 10^0$$

prova del 9

$$A = a_n \cdot 10^n + a_{n-1} \cdot 10^{n-1} + \dots + a_1 \cdot 10 + a_0$$
$$A \equiv a_n + a_{n-1} + \dots + a_1 + a_0 \pmod{9}$$

$$[A \cdot B]_9 = [[A]_9 \cdot [B]_9]_9$$

 $[A + B]_9 = [[A]_9 + [B]_9]_9$