



Ayudantía 1

Introducción a ASP y Clingo

Por Daniel Florea y Kaina Galdames

25 de marzo 2024



Contenidos

1. ¿Qué es ASP y para qué se usa?
2. Predicados
3. Átomos / proposiciones
4. Modelo
5. Reglas
6. Restricciones de cardinalidad
7. Anexo



¿Qué es ASP y para qué se usa?

Answer Set Programming

=

Programación de Conjuntos de Respuestas

- Paradigma de programación lógica
- Busca conjuntos de elementos que cumplan con ciertas reglas o propiedades.



¿Qué es ASP y para qué se usa?

Ejemplo clásico de lógica proposicional:

"Todos los hombres son mortales"

y

"Sócrates es hombre"



"Sócrates es mortal"



¿Qué es ASP y para qué se usa?

Programación declarativa

- Describe hechos como
 "El sol existe"
 "El sol emite radiación"
- Lenguajes como clingo

```
existe(sol).
```

Programación imperativa

- Da órdenes como
 "Suma 6+17"
 "Imprime 'Hola Mundo'"
- Lenguajes como Python

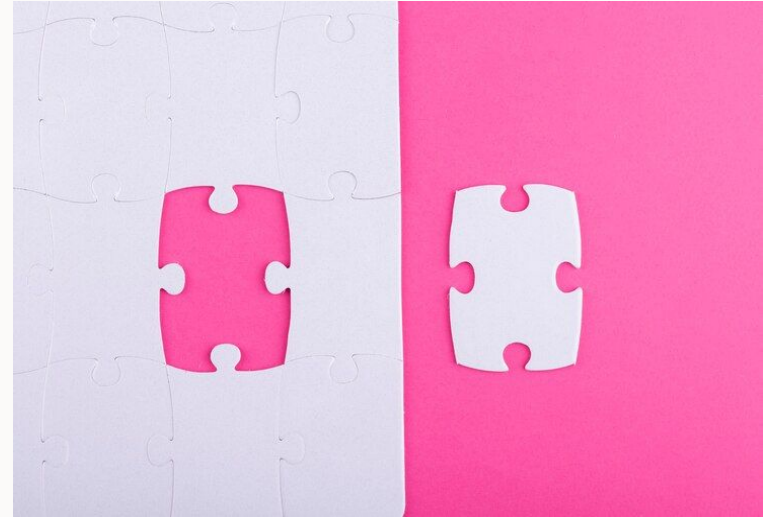
```
print('Hola Mundo')
```



¿Qué es ASP y para qué se usa?

Se usa para resolver:

- Problemas de búsqueda
- Puzzles lógicos
- Problemas que requieran usar el **sistema 2** → Pensamiento normativo





¿Qué es ASP y para qué se usa?

Clingo

- Es un lenguaje que combina **ASP** con solucionadores de satisfacibilidad **SAT**.
- Es el lenguaje que usaremos para escribir programas lógicos.
- Sus archivos tienen extensión **.lp** y para ejecutarlos se debe escribir en consola:

```
clingo {nombre_archivo}.lp
```



Predicados

- Constantes que representan una propiedad, relación o característica de sus términos.
- **Siempre** comienzan con **minúscula**.

```
existe(sol).      % Tiene una constante simbólica  
existe(1).        % Tiene una constante numérica  
existe(X).        % Tiene una Variable
```

*Las variables sólo existen dentro de los predicados y siempre comienzan con **mayúscula**.



Predicados

Aridad

- Corresponde al **número de términos** que reciben.

p.	% Predicado nulario (aridad 0)
ayudante(dani).	% Predicado unario (aridad 1)
amigo(shrek, burro).	% Predicado binario (aridad 2)



Átomos / proposiciones

- Definen propiedades o reglas que pueden ser ciertas o falsas.
- Un mismo predicado puede definir múltiples proposiciones, si se definen con la misma palabra pero distinta aridad.

```
p.  
p(q).
```

```
aprende(estudiante).  
aprende(estudiante, profesor).
```



Modelo

- Es la **solución** del programa lógico.
- Es un conjunto de **minimal** átomos que satisfacen las condiciones lógicas.
- Pueden existir varios, así como ninguno.

Ejemplo de output
de Clingo

```
Solving...  
Answer: 1  
p r q  
SATISFIABLE
```

```
Models      : 1
```

El modelo obtenido
{p, r, q}



Modelo

Minimalidad

- Solo son modelos aquellos conjuntos con la **mínima cantidad** posible de átomos.
- De lo contrario, podrían existir infinitos modelos.
- Para el ejemplo anterior, si $\{p, r, q\}$ es un modelo, $\{p, r, q, s\}$ no puede serlo.



Reglas

$$Head \leftarrow Body$$

- Si *Body* es verdadero, algo en *Head* también debe serlo.
- Tanto *Head* como *Body* son conjuntos de átomos o proposiciones.
- Se pueden construir hechos a partir de reglas que carezcan de *Body*.

```
llueve.  
mojado(niño) :- llueve.  
enojado(niño) :- mojado(niño) % D:
```

¿Cuál o cuáles son los modelos de este programa?



Reglas

$$Head \leftarrow Body$$

- Si *Body* es verdadero, algo en *Head* también debe serlo.
- Tanto *Head* como *Body* son conjuntos de átomos o proposiciones.
- Se pueden construir hechos a partir de reglas que carezcan de *Body*.

```
llueve.  
mojado(niño) :- llueve.  
enojado(niño) :- mojado(niño) % D:
```

El modelo es **{llueve, mojado(niño), enojado(niño)}**



Reglas

Body con varios átomos

- Generan una **conjunción** de proposiciones, es decir, se deben cumplir todo en *Body* para que la regla se exija.

```
a.           % a se encuentra en el modelo
b.           % b se encuentra en el modelo
c :- a, b.    % c está solo si a y b lo están
d :- a, m.    % d está solo si a y m lo están
```

¿Cuál o cuáles son los modelos de este programa?



Reglas

Body con varios átomos

- Generan una **conjunción** de proposiciones, es decir, se deben cumplir todo en *Body* para que la regla se exija.

```
a.           % a se encuentra en el modelo
b.           % b se encuentra en el modelo
c :- a, b.    % c está solo si a y b lo están
d :- a, m.    % d está solo si a y m lo están
```

El modelo es {a, b, c}



Reglas

Head con varios átomos

- Generan una **disyunción** de proposiciones, es decir, cuando se cumple el *Body*, se cumple sólo uno de los átomos del *Head*.
- A excepción, de que se fuerce la presencia de más átomos.

```
p.  
q, r, k :- p.
```

¿Por qué sucede esto? (psst... minimalidad)



Reglas

Predicados con variables

- Permiten definir múltiples proposiciones de manera simultánea.

```
arbol(platano_oriental).  
arbol(quillay).  
arbol(roble).  
fotosintesis(platano_oriental).  
fotosintesis(quillay).  
fotosintesis(roble).
```

Esto...

```
arbol(platano_oriental).  
arbol(quillay).  
arbol(roble).  
fotosintesis(Z) :- arbol(Z)
```

...es equivalente a esto



Restricciones de cardinalidad

- En el contexto de la Head de una regla, estas permiten elegir **distintas combinaciones** de átomos o predicados para que aparezcan en los modelos.
- Por ejemplo, para el programa:

```
p.  
{q; r} :- p.      % Si p está en el modelo,  
                  % alguna combinación entre q y r también lo está
```

¿Qué combinaciones de átomos pueden generarse desde la restricción?



Restricciones de cardinalidad

- En el contexto de la Head de una regla, estas permiten elegir **distintas combinaciones** de átomos o predicados para que aparezcan en los modelos.
- Por ejemplo, para el programa:

```
p.  
{q; r} :- p.      % Si p está en el modelo,  
                  % alguna combinación entre q y r también lo está
```

Las combinaciones pueden ser **{p}**, **{p,q}**, **{p,r}** y **{p,q, r}**.



Restricciones de cardinalidad

Limitando combinaciones

- Por defecto, Clingo prueba con todas las combinaciones posibles.
- Puede limitarse el número de elementos a incluir rodeando con números el conjunto de la restricción:

```
p.  
1{q; r; s}2 :- p.      % Si p está en el modelo, alguna combinación  
                        % de 1 a 2 elementos entre q, r y s  
                        % también lo está
```

¿Cuántos modelos genera este programa?



Restricciones de cardinalidad

Limitando combinaciones

- Por defecto, Clingo prueba con todas las combinaciones posibles.
- Puede limitarse el número de elementos a incluir rodeando con números el conjunto de la restricción:

```
p.  
1{q; r; s}2 :- p.      % Si p está en el modelo, alguna combinación  
                        % de 1 a 2 elementos entre q, r y s  
                        % también lo está
```

Ahora, las combinaciones pueden ser **$\{p;q\}$, $\{p;r\}$, $\{p;s\}$, $\{p,q;r\}$, $\{p;r;s\}$ y $\{p;q;s\}$** 6 modelos



Restricciones de cardinalidad

Ejercicio

- Supongamos que tenemos un programa con N líneas del tipo:

```
p.  
1 {a_1, b_1} 2 :- p.  
1 {a_2, b_2} 2 :- p.  
(...)  
1 {a_n, b_n} 2 :- p.
```

¿Cuántos modelos genera este programa?



Restricciones de cardinalidad

Ejercicio

- Supongamos que tenemos un programa con N líneas del tipo:

```
p.  
1 {a_1, b_1} 2 :- p.  
1 {a_2, b_2} 2 :- p.  
(...)  
1 {a_n, b_n} 2 :- p.
```

$\left\{ \begin{array}{l} \{a_i\} \\ \{b_i\} \\ \{a_i, b_i\} \end{array} \right\} \times N \text{ veces}$

El programa genera 3^N modelos distintos



Ejercicios

Ejercicio 2.3.1: Reglas básicas

```
p :- p, q. % si p y q se encuentran en el modelo, p también
r :- s, t. % si s y t se encuentran en el modelo, r también
q :- s.    % si s se encuentra en el modelo, q también
p.         % p se encuentra en el modelo
```

¿Qué modelo es la única solución a este programa??

- a) {p}
- b) {p, q}
- c) Vacío
- d) El problema es insatisfacible (no existe un modelo que lo solucione)

Ejercicio obtenido de 'Intro a la Inteligencia Artificial' por Daniel Florea



Ejercicios

Ejercicio 2.3.1: Reglas básicas

```
p :- p, q. % si p y q se encuentran en el modelo, p también  
r :- s, t. % si s y t se encuentran en el modelo, r también  
q :- s.    % si s se encuentra en el modelo, q también  
p.         % p se encuentra en el modelo
```

¿Qué modelo es la única solución a este programa??

- a) {p}
- b) {p, q}
- c) Vacío
- d) El problema es insatisfacible (no existe un modelo que lo solucione)

Ejercicio obtenido de 'Intro a la Inteligencia Artificial' por Daniel Florea



Ejercicios

```
q.           % q se encuentra en el modelo  
p :- q, r.   % si q y r se encuentran en el modelo, p también  
r :- p.      % si p se encuentra en el modelo, r también
```

¿Qué modelo genera este programa?

Ejercicio inspirado de 'Intro a la Inteligencia Artificial' por Daniel Florea



Ejercicios

```
q.           % q se encuentra en el modelo
p :- q, r.   % si q y r se encuentran en el modelo, p también
r :- p.      % si p se encuentra en el modelo, r también
```

El modelo que genera es **{q}**

Ejercicio inspirado de 'Intro a la Inteligencia Artificial' por Daniel Florea



Ejercicios

```
q.           % q se encuentra en el modelo
p :- q, r.   % si q y r se encuentran en el modelo, p también
r :- p.      % si p se encuentra en el modelo, r también
```

El modelo que genera es **{q}**

Ejercicio inspirado de 'Intro a la Inteligencia Artificial' por Daniel Florea



Anexo

Uso de *statements*

#show

Muestra en las respuestas solo los átomos que nos interesan.

#show predicado/aridad.

```
triste(niño) :- mojado(niño).  
mojado(niño) :- llueve.  
llueve.  
#show triste/1.
```

#const

Permite reemplazar términos de constantes.

Se puede hacer directo por consola también con -c constante=valor

```
grande(c0)  
#const c0 = 64.
```



Anexo

- Para que el programa muestre n modelos al ejecutar, se debe escribir en consola el número **N** al final del comando de ejecución.
- Si se quieren ver todos los modelos posibles, se debe escribir el número 0.

```
clingo {nombre_archivo}.lp N
```



Anexo

¿Por qué una regla sin Body es verdadera?

Se puede considerar que el Body vacío es igual a Falso, luego en una implicancia lógica, la tabla de verdad es la siguiente:

p	q	$(p \Rightarrow q)$
V	V	V
V	F	F
F	V	V
F	F	V

La implicancia también se puede escribir como una disyunción:

$$\neg p \vee q$$

$$\neg v \vee v = \text{falso o verdadero} = \text{verdadero}$$

$$\neg v \vee f = \text{falso o falso} = \text{falso}$$

$$\neg f \vee v = \text{verdadero o verdadero} = \text{verdadero}$$

$$\neg f \vee f = \text{verdadero o falso} = \text{verdadero}$$



Anexo

Libros/apuntes para más información:

- <https://github.com/dfloreaa/Apuntes-IIC2613/blob/main/Intro%20a%20la%20Inteligencia%20Artificial%20-%20Daniel%20Floreaga.pdf> (en proceso de escritura)
- <https://www.cs.utexas.edu/users/vl/teaching/378/ASP.pdf>
- http://wp.doc.ic.ac.uk/arusso/wp-content/uploads/sites/47/2015/01/clingo_guide.pdf



Ayudantía 1

Introducción a ASP y Clingo

Por Daniel Florea y Kaina Galdames

25 de marzo 2024