

证明

设集合中有 n 个事件，此刻时间为 t ，把它们按截至时间由小到大排序，变为 d_1, d_2, \dots, d_n ，并且 $d_1 - q_1 \geq t$ 。现在证明按照此算法，能够使完成事件数 k 最大的情况下，时间也最少。

采用归纳证明，易得在 $n = 1, n = 2$ 的情况下结论成立，现在假设对 $n - 1$ 成立。

那么，在此事件集中，先不管 d_n ，以该策略做前 $n - 1$ 件事，设完成了 k' 件事，时间到了 t' 。如果 $t' + q_n \leq d_n$ ，那么这种策略就能够对 n 也成立了。而如果 $t' + q_n > d_n$ ，假设现在可以通过改变做前 $n - 1$ 件事的策略，如果该策略做了 d_n ，且 d_n 不是最后做的，其他 $n - 1$ 件事中完成的事一定 $< k'$ ，因为如果 $= k'$ ，我们可以把 d_n 放到最后做也一定能够完成，这样，做前 $n - 1$ 件事的数目不变而时间减少，这就矛盾了。如果该策略做了 d_n ，且 d_n 是最后做的，那么其他 $n - 1$ 件事中完成的事一定 $< k'$ ，因此事件数不会更优。而如果它没做 d_n ，那么由归纳假设，事件数不会更优。

现在证明事件更优。已经知道此时事件数一定更优，而其他策略如果也要达到一样的事件数并且事件更优，那么意味着有一个已完成事件的 $q_i < d_i$ ，这样，算法中的策略也能更新时间，并且更优。

得证。