## 思路:

所有的序列必须连接在一起才能得到最优解。并且, 应尽量利用重复序列。

所以,如果一个序列包含于另一个序列,则它对解没有影响。

于是先删除这些序列,得到一个序列的集合。

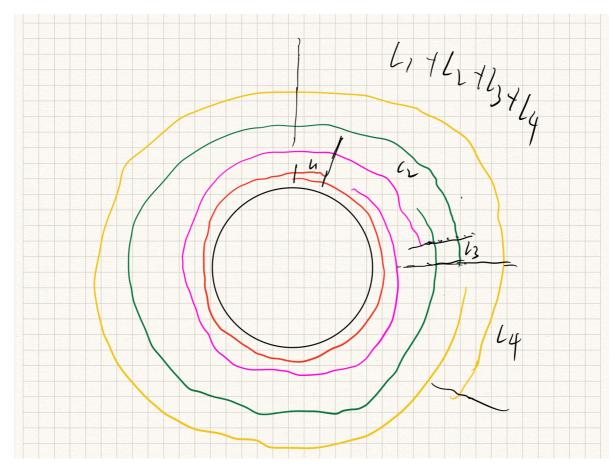
集合中的所有序列连接成环状。

任何一个序列都有两种可能的方向,生成它的小朋友们的顺序可能与序列一致或相反。

于是,我们可以任取一个序列,把它看成第一个序列,并且标准的旋转顺序就是它的顺序(不妨设这个标准顺序为顺时针)。于是,经过程序中的dp就能求得解。

如果所有序列都不满一圈,该设计肯定能找到解,但如果有序列满了一圈呢?

首先,设序列中有 $0+d1,1+d1,2+d1,\dots max+d_n$ ,(i+j表示i圈多j个),那么由事先的处理,序列集合中全剩下了max+d'型的序列,显然这些序列和1+d'是完全等价的。于是考虑1+d'的集合。



假设小朋友围成了图中中心的圈,产生了图中4个序列。现在来证明,该算法必然能找到该圈的长度。

设选择红线为第一个序列,那么现在长度为 $L+l_1$ ,以此往后添加其余三条线,那么易得长度变为  $L+l_1+l_2+l_3+l4$ ,并且,重要的是, $l_1,l_2,l_3,l_4$ 是连接在一起的。最后再减去第一条线交第四条线的长度,则 $l_1+l_2+l_3+l4$ 又被删去了,得到圆圈长度L。得证。