

证明

看了很多题解，其中下面这个贪心属于是诈胡，没有什么依据，为什么一定要看最大最小值呢？如果这种情况下不符合，也有可能中间一点的值符合条件。

比如说 5 15 1 20 10；

它是满足 $N_q > N_s > N_p > N_r, 1 \leq p < q < r < s \leq k$ 情况的，然而

`if(a[i]<a[j]&&pos[t1]<pos[t2])return 1;` 无法得到结果，还得和另外一种配合才可以。

现在给出证明:如果在取极值无法得到解的情况下有另外的解，那么那个解也一定会被找出。

枚举的是 p, s 。

假设 $a_i < a_j$, 但 $pos[a_{max}] > pos[a_{min}]$;

假设存在一个 a_{mmax} , 它比 a_{max} 小, 但比 a_j 大。分布 $i, mmax, min, max, j$ 。

那么我们可以选取 $[mmax, j]$ 的区间。满足 $a_{mmax} > a_j$, 同时, a_{min}, a_{max} 仍然是这个区间的最小与最大值。满足 $a_{max} > a_{mmax}, a_{min} < a_j; pos[a_{max}] > pos[a_{min}]$, 那么我们就找到了另一种情况下的解。

假设存在一个 a_{mmin} , 它比 a_{min} 大, 但比 a_i 小。分布 $i, min, max, mmin, j$ 。

那么我们可以选取 $[i, mmin]$ 的区间。满足 $a_i > a_{mmin}$, 同时, a_{min}, a_{max} 仍然是这个区间的最小与最大值。满足 $a_{max} > a_i, a_{min} < a_{mmin}; pos[a_{max}] > pos[a_{min}]$, 那么我们就找到了另一种情况下的解。

假设存在一个 a_{mmax} , 一个 a_{mmin} , 它们的大小满足上面的关系。在上面的讨论下, 只有一种分布需要考虑: $i, min, mmax, mmin, max, j$;

那么选择区间 $[mmax, j]$, 满足 $a_{mmax} > a_j$. 此时, a_{max} 仍为该区间最大值, 如果 a_{mmin} 是此区间最小值, 那么我们找到了另一种情况下的解。如若不是, 那么存在 a_{remin} , 它是该区间最小值。它如果在 a_{max} 的左边, 不用考虑, 则找到了另一种情况下的解; 如果它在右边, 那么存在分布 $i, min, max, remin, j$, 返回了之前考虑的情况, 则找到了另一种情况下的解。

假设 $a_i > a_j$, 但 $pos[a_{max}] < pos[a_{min}]$; 和上面类似, 也能证明。

证毕。