FCalendar ライブラリ

佐原伸 ss@shinsahara.com

2005年12月31日

概要

暦 (カレンダー) に関わる関数を提供する、いわゆる日付計算のためのモジュールである。本モジュールは、グレゴリオ暦切替日(1582年10月15日)以後はグレゴリオ暦を、それより前(1582年10月4日以前)はユリウス暦の日付を使用する。各国でのグレゴリオ暦切替日は異なる(日本の場合1873年)ので、歴史上の暦計算は注意しなければならない。

本モジュールは、暦日付を修正ユリウス日¹で表しているため、その有効桁の範囲内(紀元前 4294288353+1 年から、4295646239 年まで)で使うことができるはずである。もっとも、グレゴリオ暦は 4909 年に 1日ずれる予定なので、実際にはこのあたりまでが有効であろう。少なくとも、グレゴリオ暦切替前日(1582 年 10 月 4 日)から、2099 年の秋分まではテストで確認している。3000 年の春分以後は、秋分・秋分の計算は現在の天文観測計算の精度と誤差のため特定できないので、秋分・秋分の計算は 3000 年以降使えない。

なお、本モジュールは、ユリウス暦の閏年の計算を紀元前と紀元後とで同一にすることができるよう、ユリウス暦の紀元前1年を0年または-0年と表し、紀元前4713年は-4712年と表す。すなわち、紀元前の年を表すときは、以下の式が成り立つ。

本モジュールのユリウス暦の年 = ユリウス暦の年 + 1

時刻に関わる計算はグリニッジ標準時を使用しているので、本クラスのサブクラスとして各国別・標準時別の暦クラスを作成し、**グリニッジ標準時との差**に相当する値を設定しなければならない。

0.1 用語の定義

ふなばただよし氏による用語の定義2を参考に記述する。

0.1.1 暦日付

暦日付は、通常の年月日による日付である。

¹後述。

 $^{^2 \}rm http://www.funaba.org/$

0.1.2 ユリウス日

紀元前 4713 年 1 月 1 日 (ユリウス暦) 正午 (グリニッジ平均時) を暦元とした通日(経過日数)である。

0.1.3 修正ユリウス日

1858年11月17日(グレゴリオ暦)0時(協定世界時)を暦元とした通日 (経過日数)である。もともとはユリウス日を暦の計算に用いていたが、桁数 があふれないように修正したユリウス日である。

0.1.4 日付

本モジュールで日付という場合、修正ユリウス日を表す Date 型 (実体は 実数型) の値を言う。

0.1.5 年日付(年間通算日)

年の中の序数によって指定される日付で、例えば、1月 10日の年日付は 10で、2月 1日の年日付は 32である。

0.1.6 実数年日付

整数部が年、小数点以下が**年日付 / 年間総日数**を表す形式の日付。日付計算の過程で使用するので、通常は気にする必要はない。例えば、暦日付 2001 年 7 月 1 日は、実数年日付では 2001.5 となる。

0.1.7 月日付(月間通算日)

月の中の序数によって指定される日付で、例えば、1月31日の月日付は31で、2月1日の月日付は1である。

0.2 謝辞

本モジュールの算法は、Nifty-Serve 天文計算フォーラムの方々の助言を参考に実装した。また、HowManyDayOfWeekWithin2Days 関数の算法は、山崎利治さんのアイデアによるものである。

0.3 歴史

本モジュールの最初の版は Digitalk Smalltalk で実装した。次に、VisualWorks(Smalltalk の本家)に移植し、その後関数型プログラミング言語 Concurrent Clean に移植し、最後に VDM++に移植した。本ライブラリーは、(SSLib と称するライブラリーに含まれる) オブジェクト指向で作成した VDM++版を、さらに関数型指向に移植したものである。なお、数多くのディスクトラブルを経て、Digitalk Smalltalk 版と VisualWorks 版は現存しない。もっとも、バックアップ用のディスクなどに残っている可能性はあるが、まだ確認していない。

0.4 FCalendar

```
グレゴリオ暦に関わる関数を定義する。
class FCalendar
 使用する型は以下の通りである。Date は、修正ユリウス日を表すので実数
型である。DayOfWeek は、曜日計算が便利なように 0,....6 の値を各曜日に
ふっていて、日曜日が0、土曜日が6である。
types
 1.0 public Date = \mathbb{R};
    public DayOfWeekName = Sun | Mon | Tue | Wed | Thu | Fri |
2.0
SAT:
 3.0 public DayOfWeek = \mathbb{N}
 .1 inv dayOfWeek \triangle dayOfWeek < 6
 使用する値は以下の通り。diffJDandMJD はユリウス日 (Julian Date) と
修正ユリウス日 (Modified Julian Date) の日数差である。reviseMonths は、
日付計算が便利なように使用する月数を意味する。
values
private
4.0
     diffJDandMJD = 2400000.5;
private
     DayOfWeekSequence = [Sun, Mon, Tue, Wed, Thu, Fri, Sat];
5.0
private
 6.0
     daysIn Year = 365.25;
private
    monthsIn Year = 12;
7.0
private
 8.0 reviseMonths = 14;
private
9.0
     daysInWeek = 7;
private
     averageDaysInMonth = 30.6001;
10.0
private
11.0
    yearsInCentury = 100;
private
     constForDayCalc = 122.1;
12.0
private
     constFor Year Calc = 4800;
13.0
private
     constForCenturyCalc = 32044.9;
14.0
private
     the Day Before Gregorian Calendar = 2299160;
15.0
private
     the First Day Of Gregorian Calendar = 1582.78;
16.0
public
    max = FNumber'Max[\mathbb{R}] (FNumber'GT);
17.0
18.0 min = FNumber'Min[\mathbb{R}] (FNumber'GT)
 DateFromInt は、(yyyy)(mm)(dd)で表した暦日付に対応する日付を返す。
```

日 dd は、(1,...,31) でなくてよい。0 日は、前月末尾に補正され、12 月 32 日

は翌年1月1日に補正される。

```
functions
public static
19.0
      DateFromInt: \mathbb{Z} \to \mathbb{Z} \to \mathbb{Q} \to Date
      DateFromInt(yyyy)(mm)(dd) \triangleq
        let [year, month] =
  .2
               if (mm > reviseMonths - monthsInYear)
  .3
               then [yyyy + constForYearCalc, mm + 1]
  .4
               else [yyyy + constForYearCalc - 1, mm + reviseMonths - 1],
  .5
           aCentury = year div yearsInCentury,
  .6
           constCentury =
  .7
               if (ConvToYear(yyyy, mm, dd))
  .8
the First Day Of Gregorian Calendar)
               then aCentury \text{ div } 4 - aCentury - 32167
               else -32205,
  .10
           halfDay = 0.5 in
  .11
        floor (daysInYear \times year) +
  .12
        floor (averageDaysInMonth \times month) +
  .13
  14
        constCentury - halfDay - diffJDandMJD;
  .15
  GetLegalDate は、年月日を通常の値の範囲内に変換する。月 tempM は、
(1,...12) でなく、13 以上や 0 や負数でもよい。例えば、13 は翌年 1 月に補正
され、0 年は前年 12 月に補正される。日 dd も、(1,...,31) でなくてよい。0 日
は、前月末尾に補正され、12月32日は翌年1月1日に補正される。
public static
20.0 GetLegalDate : \mathbb{Z} \to \mathbb{Z} \to \mathbb{Z} \to Date
      GetLegalDate(tmpY)(tempM)(dd) \triangleq
        let mk-(yyyy, mm) = GetLegalMonth(tmpY)(tempM) in
  .3
        DateFromInt(yyyy)(mm)(dd);
  GetLegalMonth は、年月を通常の値の範囲内に変換する。
public static
      GetLegalMonth: \mathbb{Z} \to \mathbb{Z} \to \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}
21.0
      GetLegalMonth(tempY)(tempM) \triangleq
  .1
  .2
        let y =
  .3
               if tempM < 0
               then temp Y + (temp M - 12) div months In Year
  .4
               else temp Y + (temp M - 1) div months In Year,
  .5
           m = FInteger`amod(tempM)(monthsInYear) in
  .6
        mk-(y, m);
  .7
  Int3FromDate は、日付から三つ組み数 (yyyy, mm, dd) で表した暦日付を
得る。
public static
22.0 Int3FromDate: Date \rightarrow \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}
     Int3FromDate(aDate) \triangleq
        mk-(Year(aDate), Month(aDate), Day(aDate));
  Year は、日付から、その日付の属する年を得る。
public static
```

```
Year: Date \rightarrow \mathbb{Z}
     .1
               Year(aDate) \triangle
                     if MonthAux(aDate) < reviseMonths
     .2
                    then YearAux(aDate) - constForYearCalc
     .3
                     else YearAux(aDate) - constForYearCalc + 1;
     Month は、日付から、その日付の属する月を得る。
public static
24.0 Month: Date \rightarrow \mathbb{Z}
               Month(aDate) \triangleq
     .1
                     if MonthAux(aDate) < reviseMonths
     .2
                    then MonthAux(aDate) - 1
     .3
                     else MonthAux(aDate) - 13;
     .4
     Dayは、日付から、日を得る。
public static
25.0 Day: Date \rightarrow \mathbb{Z}
               Day(aDate) \triangleq
     .1
                     DayInMonth (aDate);
     DayInYear は、年日付を得る。
public static
26.0 DayIn Year : Date \rightarrow \mathbb{Z}
               DayInYear(aDate) \triangle
     .1
                     let firstDay = DateFromInt(Year(aDate))(1)(0) in
     .2
                     Diff(aDate)(firstDay);
     DayInMonth は、月日付けを得る。
public static
27.0 DayInMonth: Date \rightarrow \mathbb{Z}
               DayInMonth(aDate) \triangleq
                     floor (DayInMonthAsReal(aDate));
     DayInMonthAsReal は、実数の月日付けを得る。
               DayInMonthAsReal: Date \rightarrow \mathbb{R}
28.0
               DayInMonthAsReal(aDate) \triangleq
                     YMDAUX (aDate) + constForDayCalc - floor (daysInYear \times Autority + constForDayCalc - floor (daysInYear \times Autority + constForDayCalc - floor (daysInYear + constForDayCalc - floor - f
 YearAux(aDate)) -
                     floor (averageDaysInMonth \times MonthAux (aDate));
     MonthAux は、日付計算上都合の良い月 (4..15) を返す補助関数。
              MonthAux: Date \rightarrow \mathbb{Z}
               MonthAux(aDate) \triangleq
     .1
                     floor ((YMDAUX (aDate) + constForDayCalc -
                         floor (daysInYear \times YearAux(aDate)))/
     .3
                       averageDaysInMonth);
     YMDAUX は、日付を年月日に変更するための補助関数。グレゴリオ暦切
```

替前と、グレゴリオ暦切替後の考慮を行っている。

```
30.0 YMDAUX : Date \rightarrow \mathbb{R}
```

- .1 $YMDAUX(aDate) \triangle$
- .2 let JD = MJD2JD (aDate),
- .3 aCentury = floor ((JD + constForCenturyCalc)/36524.25) in
- .4 if JD > the Day Before Gregorian Calendar
- .5 then JD + constForCenturyCalc + aCentury aCentury div 4+0.5
- .6 else JD + 32082.9 + 0.5;

Year Aux は、日付から日付計算に都合の良い補正をした年数を求めるための補助関数。

- 31.0 $YearAux : Date \rightarrow \mathbb{Z}$
 - .1 $YearAux(aDate) \triangle$
 - .2 floor (YMDAUX (aDate)/daysInYear);

ConvToYear は、(整数三つ組の) 暦日付を年 3 に変換する。例えば、ConvToYear(2001,7,1) は 2001.5 を返す。

public static

- 32.0 $Conv To Year : \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \times \mathbb{Q} \to \mathbb{R}$
 - .1 $ConvToYear(yyyy, mm, dd) \triangleq$
- .2 yyyy+(mm-1)/monthsInYear+(floor (dd)-1)/daysInYear; MJD2JD は、修正ユリウス日をユリウス日に変換する。 public static
- 33.0 $MJD2JD: Date \rightarrow \mathbb{R}$
 - .1 $MJD2JD(aMJD) \triangleq$
 - aMJD + diffJDandMJD;

JD2MJD は、ユリウス日を修正ユリウス日すなわち日付に変換する。 public static

- 34.0 $JD2MJD: \mathbb{R} \to Date$
 - .1 $JD2MJD(aJD) \triangleq$
 - aJD diffJD and MJD;

0.4.1 計算関数群

Diff は、2つの日付 d1, d2 の差を得る。 public static

35.0 $Diff: Date \rightarrow Date \rightarrow \mathbb{Z}$

- .1 $Diff(d1)(d2) \triangleq$
- .2 floor (d1 d2);

0.4.2 照会関数群

IsLeapYear は、閏年であれば true、平年であれば false を返す。public static

- 36.0 $IsLeap Year : \mathbb{Z} \to \mathbb{B}$
 - .1 $IsLeap Year (yyyy) \triangleq$
- .2 $yyyy \mod 400 = 0 \lor (yyyy \mod yearsInCentury \neq 0 \land yyyy \mod 4 = 0);$

³整数部が年、小数点以下が年の中での日付を表す形式で、修正ユリウス日ではない。

```
GetDayOfWeek は、曜日数を得る。
public static
37.0
     GetDayOfWeek: Date \rightarrow DayOfWeek
     GetDayOfWeek(d) \triangleq
       (floor (d) - 4) mod daysInWeek;
  GetDayOfWeekName は、曜日名を得る。
public static
38.0
     GetDayOfWeekName: Date \rightarrow DayOfWeekName
     GetDayOfWeekName(d) \triangle
       DayOfWeekSequence (GetDayOfWeek (d) + 1);
  GetDayOfWeekFromName は、曜日名から曜日数を求める。
public static
39.0
     GetDayOfWeekFromName: DayOfWeekName \rightarrow DayOfWeek
     GetDayOfWeekFromName(dn) \triangle
  .1
       FSequence'Index[DayOfWeekName] (dn) (DayOfWeekSequence) -
  .2
1:
  FirstDayOfWeekOfMonth は、指定した yyyy 年 m 月の最初の dayOfWeek-
Name 曜日名の日付を得る。
public static
     FirstDayOfWeekOfMonth: DayOfWeekName \rightarrow \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{Z} \rightarrow Date
40.0
     FirstDayOfWeekOfMonth(dayOfWeekName)(m)(yyyy) \triangleq
       let \ dayOfWeek = GetDayOfWeekFromName (dayOfWeekName),
  .2
          firstDayOfMonth = GetFirstDayOfMonth(m)(yyyy),
  .3
          diff = dayOfWeek - GetDayOfWeek (firstDayOfMonth) in
  .4
  .5
       cases true:
         (diff = 0) \rightarrow firstDayOfMonth,
  .6
         (diff > 0) \rightarrow firstDayOfMonth + diff,
  .7
         (diff < 0) \rightarrow firstDayOfMonth
                                               ((daysInWeek
                                                               +
diff) mod daysInWeek)
       end:
  GetLastDayOfWeekOfMonth は、指定した yyyy 年 m 月の最後の day-
OfWeekName 曜日名の日付を得る。
  指定された月の翌月の最初の指定曜日から7日前を返す。月が12月の場
合でも本クラスの関数は yyyy 年 13 月を yyyy+1 年 1 月と解釈するので、問
題ない。
public static
     GetLastDayOfWeekOfMonth: DayOfWeekName \rightarrow \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{Z}
Date
     GetLastDayOfWeekOfMonth(dayOfWeekName)(m)(yyyy) \triangleq
  .1
  .2
       FirstDayOfWeekOfMonth(dayOfWeekName)(m+1)(yyyy)
daysInWeek;
  GetNthDayOfWeekOfMonth は、指定された yyyy 年 m 月 dayOfWeek-
Name 曜日名の、第 n 曜日を求める。第 n 曜日が存在しなければ nil を返す。
```

月初指定曜日の (n - 1) * 7日後を返す。

public static

```
42.0 GetNthDayOfWeekOfMonth: DayOfWeekName \rightarrow \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{Z}
\rightarrow [Date]
  .1
      GetNthDayOfWeekOfMonth(dayOfWeekName)(n)(m)(yyyy) \triangleq
        let\ firstDayOfWeekOfMonth = FirstDayOfWeekOfMonth (dayOfWeekName) (m) (yyyy),
  .2
           r = firstDayOfWeekOfMonth + (daysInWeek \times (n-1)) in
  .3
  .4
        cases Month(r):
          (m) \rightarrow r,
  .5
          \mathsf{others} \to \mathsf{nil}
  .6
  .7
  GetFirstDayOfMonth は、指定した yyyy 年 m 月の月初日を得る。
public static
      GetFirstDayOfMonth: \mathbb{Z} \to \mathbb{Z} \to Date
43.0
      GetFirstDayOfMonth(m)(yyyy) \triangle
        GetLegalDate(yyyy)(m)(1);
  GetLastDayOfMonth は、指定した yyyy 年 m 月の月末日を求める。
  翌月の月初日の1日前を返す。
public static
44.0 GetLastDayOfMonth: \mathbb{Z} \to \mathbb{Z} \to Date
      GetLastDayOfMonth(m)(yyyy) \triangleq
        GetLegalDate(yyyy)(m+1)(1)-1;
  IsSunday は、指定日が日曜日か否かを返す。
public static
45.0 IsSunday: Date \rightarrow \mathbb{B}
      IsSunday(d) \triangleq
        GetDayOfWeek(d) = 0;
  IsSaturday は、指定日が土曜日か否かを返す。
public static
46.0 IsSaturday: Date \rightarrow \mathbb{B}
      IsSaturday(d) \triangle
  .1
        GetDayOfWeek(d) = 6;
  IsWeekDay は、指定日がウィークデイか否かを返す。
public static
47.0 IsWeekDay: Date \rightarrow \mathbb{B}
  .1 IsWeekDay(d) \triangleq
        GetDayOfWeek(d) \in \{1, ..., 5\};
  IsDayOFWeekNameWeekDay は、指定した dayOfWeekName 曜日名がウ
ィークデイか否かを返す。
public static
48.0 IsDayOFWeekNameWeekDay: DayOfWeekName \rightarrow \mathbb{B}
      IsDayOFWeekNameWeekDay(dayOfWeekName) \triangle
  .1
        dayOfWeekName \notin \{SAT, SUN\};
```

0.4.3 指定された曜日が何日あるかを返す関数

HowManyDayOfWeekWithin2Days は、指定された dayOfWeekName 曜日 名が、指定された日付間(d1 と d2 の間)に何日あるかを返す。d1 と d2 が 指定された曜日であれば勘定に入れる。

以下は、HowManyDayOfWeekWithin2Days 関数の山崎利治さんによる段階的洗練を佐原が「翻訳」した記述である。

前件は以下である。

 $type\ R = \{ | rng[n \rightarrow n/7 | n \in Int] | \}$ (注) 7 で割った商の集合

 $f, t \in Int, w \in R, 0 \le f \le t, h: Int \to R$ (注)環準同型 (ring homomorphism) 後件は以下のようになる。

$$\exists S \cdot \in Int \bullet S = h^{-1}(w) \cap f..t \wedge$$
答え $\equiv card(S)$

すなわち、整数系を環(ring)と見て、その商環(quotient ring)への準同型写像があり、その代数系上で後件(事後条件)を満たすプログラムを作るという問題に抽象化された。HowManyDayOfWeekWithin2Days は、7で割る特殊な場合の実装であるということになる。

 $I = \{f..t\}$ d = t - f + 1 -- = card(I) q = d / 7 $r = d \setminus 7 --7$ で割った余り

とすると、答え A に対して $q \le A \le q+1$ が成り立つ。なぜなら、

- 任意の連続する7日間には、必ずw曜日がちょうど1日存在する。
- $card(I) = 7 \times q + r(0 \le r < 7)$ であるから、I には少なくとも q 個の連続する 7 日間が存在するが、q+1 個は存在しない。
- 余りのr日間にw曜日が存在するかも知れない。

次に、

 $x ++ y = (x + y) \setminus 7$ $x \perp y = max(x - y, 0)$

として、

 $T = \{h(f)..h(f) ++ (r \perp 1)\}$

を考える。T は余り r 日間の曜日に対応する (card(T) = r)。すると、

A \equiv if $w \in T$ then q + 1 els q end

ここで、

x minus y = if $x \ge y$ then x - y else x - y + 7 end $\xi \ne h t \xi$.

 $w \in T \Leftrightarrow (w \text{ minus } h(f)) + 1 \leq r$

である。なぜならば

 $w \in T \Leftrightarrow \{0..(r \perp 1)\} \ni w = w \text{ minus } h(f) \Leftrightarrow r \perp 1 \ge w$

 \Leftrightarrow r \geq (w minus h(f)) + 1

従って、プログラムは以下のようになる。

```
A(f, t w) \equiv
let
d \equiv t - f + 1
q \equiv d / 7
r \equiv d \setminus 7
delta \equiv if (w minus h(f)) + 1 \leq r then 1 els 0 end
x minus y \equiv if x \geq y then x - y els x - y + 7 end
q + delta
      あとは、上記プログラムを VDM++に翻訳すればよい。
public static
49.0 HowManyDayOfWeekWithin2Days: DayOfWeekName \rightarrow Date \rightarrow
Date \rightarrow \mathbb{Z}
                 HowManyDayOfWeekWithin2Days(dayOfWeekName)(d1)(d2) \triangleq
      .1
                       let \ dayOfWeek = GetDayOfWeekFromName (dayOfWeekName),
                               f = \min(d1)(d2),
      .3
      .4
                                t = max(d1)(d2),
                                days = Diff(t)(f) + 1,
      .5
                                q = days \text{ div } daysInWeek,
      .6
                                r = days \mod daysInWeek,
      .7
                                delta = if SubtractDayOfWeek (dayOfWeek) (GetDayOfWeek (f)) +
      .8
1 \leq r
                                                      then 1
      .9
      .10
                                                      else 0 in
                        q + delta;
     SubtractDayOfWeek は、曜日数の減算を行う。
private static
50.0 SubtractDayOfWeek : \mathbb{Z} \to \mathbb{Z} \to \mathbb{Z}
               SubtractDayOfWeek(x)(y) \triangleq
      .1
      .2
                       if x \geq y
      .3
                       then x-y
                       else x - y + daysInWeek;
      GetVernalEquinoxInGMT は、yyyy 年のグリニッジ標準時の春分を得る。
public static
51.0 GetVernalEquinoxInGMT: \mathbb{Z} \rightarrow Date
                 GetVernalEquinoxInGMT(yyyy) \triangleq
                       let y = yyyy/1000 in
                        JD2MJD~(1721139.2855 + 365.242138 \times yyyy + y \times y \times (0.067919 -
0.002788 \times y);
      GetSummerSolsticeInGMT は、yyyy 年のグリニッジ標準時の夏至を得る。
public static
52.0 GetSummerSolsticeInGMT : \mathbb{Z} \rightarrow Date
                 GetSummerSolsticeInGMT(yyyy) \triangleq
                       let y = yyyy/1000 in
                        JD2MJD~(1721233.2486 + 365.241728 \times yyyy - y \times y \times (0.053018 - yyy - y \times y \times (0.053018 - yyy - y \times y \times (0.053018 - yyy - y \times y 
      .3
0.009332 \times y);
      GetAutumnalEquinoxInGMT は、yyyy 年のグリニッジ標準時の秋分を得
 る。
```

public static

- 53.0 $GetAutumnalEquinoxInGMT: \mathbb{Z} \rightarrow Date$
 - .1 $GetAutumnalEquinoxInGMT(yyyy) \triangle$
 - .2 let y = yyyy/1000 in
- .3 JD2MJD (1721325.6978+365.242505× $yyyy-y \times y \times$ (0.126689-0.00194×y));

GetWinterSolsticeInGMT は、yyyy 年のグリニッジ標準時の冬至を得る。public static

- 54.0 $GetWinterSolsticeInGMT : \mathbb{Z} \rightarrow Date$
 - .1 $GetWinterSolsticeInGMT(yyyy) \triangleq$
 - .2 let y = yyyy/1000 in
- .3 JD2MJD (1721414.392 + 365.24289 × $yyyy y \times y \times$ (0.010965 0.008485 × y));

GetDateInST は、GMT 基準の日付と、求めたい(日本標準時などの)標準時との差 diff (単位=時間)を与えて、標準時基準の日付を得る。日本の場合、日本標準時 = GMT + 9 時間。

public static

- 55.0 $GetDateInST : \mathbb{Q} \rightarrow Date \rightarrow Date$
 - .1 $GetDateInST(diff)(d) \triangleq$
 - .2 floor (d + diff/24);

0.4.4 休日に関わる照会関数群

以下は、休日の考慮をした機能である。

GetHolidaysWithinDates は、ある年の休日の集合を得る getHolidays 関数で決まる、2つの日付の間の休日の集合を返す。日曜日である休日も含むが、休日でない日曜日は含まない。

public static

56.0 $GetHolidaysWithinDates: (\mathbb{Z} \rightarrow Date\text{-set}) \rightarrow Date \rightarrow Date \rightarrow Date\text{-set}$

- .1 $GetHolidaysWithinDates(getHolidays)(d1)(d2) \triangle$
- .2 let date1 = min(d1)(d2),
- .3 date2 = max(d1)(d2),
- .4 $setOfYear = \{ Year(date1), \dots, Year(date2) \},$
- .5 $holidays = \bigcup \{getHolidays(y) \mid y \in setOfYear\} \text{ in}$
- $.6 \{h \mid h \in holidays \cdot d1 \le h \land h \le d2\};$

GetHolidaysWithinDatesNotSunday は、ある年の休日の集合を得る getHolidays 関数で決まる、2つの日付の間の日曜日を含まない休日の集合を返す。 public static

- 57.0 $GetHolidaysWithinDatesNotSunday: (\mathbb{Z} \rightarrow Date-set) \rightarrow Date \rightarrow Date \rightarrow Date-set$
 - .1 $GetHolidaysWithinDatesNotSunday(getHolidays)(d1)(d2) \triangleq$
 - let holidays = GetHolidaysWithinDates(getHolidays)(d1)(d2) in
 - .3 $\{h \mid h \in holidays \cdot \neg IsSunday(h)\};$

GetHolidaysWithinDatesAsSunday は、日曜日である休日の集合を返す。public static

```
Date \rightarrow Date-set
      GetHolidaysWithinDatesAsSunday(getHolidays)(d1)(d2) \triangleq
        let holidays = GetHolidaysWithinDates(getHolidays)(d1)(d2) in
        \{h \mid h \in holidays \cdot IsSunday(h)\};
  GetNumberOfHolidaysWithinDates は、2つの目付の間の休日数を返す。
日曜日である休日も含むが、休日でない日曜日は含まない。
59.0 GetNumberOfHolidaysWithinDates: (\mathbb{Z} \rightarrow Date-set) \rightarrow Date \rightarrow
Date \rightarrow \mathbb{Z}
      GetNumberOfHolidaysWithinDates(getHolidays)(d1)(d2) \triangleq
        {\it card} \ {\it GetHolidaysWithinDates} \ ({\it getHolidays}) \ ({\it d1}) \ ({\it d2});
  GetNumberOfDayOff は、2つの日付の間の休日あるいは日曜日の数を返
す (両端が該当日であれば含む)
public static
      GetNumberOfDayOff: (\mathbb{Z} \to Date - \mathsf{set}) \to Date \to Date \to \mathbb{Z}
60.0
  .1
      GetNumberOfDayOff (getHolidays)(d1)(d2) \triangleq
        let date1 = min(d1)(d2),
  .2
           date2 = max(d1)(d2),
  .3
           numOfSunday = HowManyDayOfWeekWithin2Days (Sun) (d1) (d2) in
  .4
        numOfSunday
card GetHolidaysWithinDatesNotSunday (getHolidays) (date1) (date2);
  GetNumberOfDayOff1 は、2つの日付の間の休日あるいは日曜日の数を返
す (開始日を含まない)
public static
      GetNumberOfDayOff1: (\mathbb{Z} \rightarrow Date\text{-set}) \rightarrow Date \rightarrow Date \rightarrow \mathbb{Z}
61.0
      GetNumberOfDayOff1(getHolidays)(d1)(d2) \triangleq
  .1
  .2
        let date1 = min(d1)(d2),
           date2 = max(d1)(d2) in
  .3
        GetNumberOfDayOff\ (getHolidays)\ (date1+1)\ (date2);
  .4
```

58.0 $GetHolidaysWithinDatesAsSunday: (\mathbb{Z} \rightarrow Date-set) \rightarrow Date \rightarrow$

0.4.5 休日に関わる計算関数群

BusinessDateToFuture は、休日でない日付を返す(未来へ向かって探索する)。

```
public static
```

```
BusinessDateToFuture: (\mathbb{Z} \to Date	ext{-set}) \to Date \to Date
1 BusinessDateToFuture (getHolidays)(d) 	riangle
2 cases IsDayOff\ (getHolidays)\ (d) \lor IsSaturday\ (d):
3 true \to BusinessDateToFuture\ (getHolidays)\ (d+1),
4 others \to d
5 end;
BusinessDateToPast は、休日でない日付を返す(過去へ向かって探索する)。public static
```

```
BusinessDateToPast: (\mathbb{Z} \rightarrow Date - \mathsf{set}) \rightarrow Date \rightarrow Date
  .1
       BusinessDateToPast(getHolidays)(d) \triangleq
         cases IsDayOff (getHolidays)(d) \lor IsSaturday(d):
  .2
            true \rightarrow BusinessDateToPast(getHolidays)(d-1),
  .3
            others \rightarrow d
  .4
  .5
         end:
  AddBusinessDays は、与えられた平日 d に、平日 n 日分を加算する。
public static
      AddBusinessDays: (\mathbb{Z} \to Date\text{-set}) \to Date \to \mathbb{Z} \to Date
       AddBusinessDays(getHolidays)(d)(n) \triangleq
  .1
  .2
         AddBusinessDaysAux (getHolidays) (BusinessDateToFuture (getHolidays) (d)) (n);
public static
       AddBusinessDaysAux: (\mathbb{Z} \to Date\text{-set}) \to Date \to \mathbb{Z} \to Date
65.0
       AddBusinessDaysAux (getHolidays)(d)(n) \triangleq
  .1
         cases IsDayOff\ (getHolidays)\ (d) \lor IsSaturday\ (d):
  .2
  .3
            true \rightarrow AddBusinessDaysAux (getHolidays) (d + 1) (n),
  .4
            others \rightarrow if n < 0
                      then d
  5
                      else AddBusinessDaysAux (getHolidays) (d + 1) (n - 1
  .6
1)
  .7
  SubtractBusinessDays は、与えられた平日に、平日 n 日分を減算する。
public static
       SubtractBusinessDays: (\mathbb{Z} \rightarrow Date - \mathsf{set}) \rightarrow Date \rightarrow \mathbb{Z} \rightarrow Date
      SubtractBusinessDays (getHolidays)(d)(n) \triangleq
  .1
  .2
         SubtractBusinessDaysAux (getHolidays) (BusinessDateToPast (getHolidays) (d)) (n);
public static
       SubtractBusinessDaysAux: (\mathbb{Z} \to Date\text{-set}) \to Date \to \mathbb{Z} \to Date
67.0
       SubtractBusinessDaysAux (getHolidays)(d)(n) \triangle
  .1
         cases IsDayOff (getHolidays) (d) \vee IsSaturday (d):
  .2
            true \rightarrow SubtractBusinessDaysAux (getHolidays) (d-1) (n),
  .3
  .4
            others \rightarrow if n \leq 0
                      then d
  .5
                      else SubtractBusinessDaysAux (getHolidays) (d-1) (n-1)
  .6
1)
  .7
         end;
         休日に関わる検査関数群
  IsHoliday は、指定した日 d が休日か否かを返す。
```

```
public static
68.0 IsHoliday: (\mathbb{Z} \to Date-\mathsf{set}) \to Date \to \mathbb{B}
      IsHoliday(qetHolidays)(d) \triangleq
  .1
         d \in getHolidays (Year (d));
  IsDayOff は、指定した日 d が休み(休日または日曜日)であるか否かを
返す。
public static
```

 $69.0 \quad \textit{IsDayOff}: (\mathbb{Z} \rightarrow \textit{Date-set}) \rightarrow \textit{Date} \rightarrow \mathbb{B}$

.1 $IsDayOff (getHolidays)(d) \triangleq$

.2 $IsSunday(d) \lor IsHoliday(getHolidays)(d)$

 $\mathsf{end}\ FCalendar$

Test Suite: vdm.tc Class: FCalendar

Name	#Calls	Coverage
FCalendar 'Day	9	√
FCalendar'Diff	43	√
FCalendar'Year	207	√
FCalendar'Month	593	√
FCalendar'JD2MJD	320	
FCalendar'MJD2JD	3031	√
FCalendar'YMDAUX	3029	√
FCalendar'YearAux	1618	√
FCalendar'IsDayOff	109	√
FCalendar'IsSunday	2340	√
FCalendar'MonthAux	1402	√
FCalendar 'DayInYear	12	√
FCalendar'IsHoliday	100	√
FCalendar'IsWeekDay	7	√
FCalendar ConvToYear	2392	√
FCalendar DayInMonth	9	√
FCalendar'IsLeapYear	10	√
FCalendar'IsSaturday	58	√
FCalendar'DateFromInt	2392	√
FCalendar'GetDateInST	306	√
FCalendar'GetDayOfWeek	3072	√
FCalendar'GetLegalDate	653	√
FCalendar'Int3FromDate	8	√
FCalendar'GetLegalMonth	675	√
FCalendar'AddBusinessDays	4	√
FCalendar DayInMonthAsReal	9	√
FCalendar'GetDayOfWeekName	22	
FCalendar'GetLastDayOfMonth	31	
FCalendar'GetNumberOfDayOff	18	√
FCalendar'SubtractDayOfWeek	29	√
FCalendar'AddBusinessDaysAux	19	√

Name	#Calls	Coverage
FCalendar'BusinessDateToPast	22	$\sqrt{}$
FCalendar'GetFirstDayOfMonth	604	√
FCalendar'GetNumberOfDayOff1	9	√
FCalendar'BusinessDateToFuture	31	√
FCalendar'GetDayOfWeekFromName	637	87%
FCalendar'SubtractBusinessDays	5	√
FCalendar'FirstDayOfWeekOfMonth	600	√
FCalendar'GetVernalEquinoxInGMT	148	√
FCalendar'GetHolidaysWithinDates	43	√
FCalendar'GetNthDayOfWeekOfMonth	584	√
FCalendar'GetSummerSolsticeInGMT	5	√
FCalendar'GetWinterSolsticeInGMT	5	√
FCalendar'IsDayOFWeekNameWeekDay	7	√
FCalendar'GetAutumnalEquinoxInGMT	148	√
FCalendar'GetLastDayOfWeekOfMonth	9	√
FCalendar'SubtractBusinessDaysAux	31	√
FCalendar'HowManyDayOfWeekWithin2Days	29	√
FCalendar'GetHolidaysWithinDatesAsSunday	3	√
FCalendar'GetNumberOfHolidaysWithinDates	10	√
F Calendar `Get Holidays Within Dates Not Sunday	21	$\sqrt{}$
Total Coverage		99%

0.5 FCalendarT

FCalendar のテストを行う。 本テストは、以下の WWW ページの暦計算結果によってもチェックした。

http://www.funaba.org/calendar-conversion.cgi

また、テストデータのいくつかは、Edward M. Reingold, Nachum Dershowitz: Calendrical Calculations The Millennium Edition, Cambrudge University Press, 2001, ISBN 0-521-77752-6 を参考にした。

class FCalendarT is subclass of FCalendar

```
functions
```

```
public static
```

```
 \begin{array}{ll} 70.0 & run: () \rightarrow \mathbb{B} \\ .1 & run \, () \stackrel{\triangle}{\subseteq} \\ .2 & \text{let } test cases = \\ .3 & [t1 \, (), t2 \, (), t3 \, (), t4 \, (), t5 \, (), t6 \, (), t7 \, (), t8 \, (), t9 \, (), t10 \, (), \\ .4 & t11 \, (), t12 \, (), t13 \, (), t14 \, ()] \text{ in} \\ .5 & FTest Driver' run \, (test cases); \end{array}
```

0.5.1 DateFromInt, Int3FromDate を検査する

修正ユリウス日開始日(1858 年 11 月 17 日 0 時)、グレゴリオ暦切替前日 正午(1582 年 10 月 4 日 12 時)、グレゴリオ暦初日正午(1582 年 10 月 15 日 12 時)を確認することで、DateFromInt 関数などをテストする。

```
t1:() \rightarrow FTestDriver`TestCase
  .1
      t1() △
        mk-FTestDriver, TestCase
  .2
  .3
              "FCalendarT01:\t DateFromInt, Int3FromDate を検査す
  .4
る".
              DateFromInt (1858) (11) (17) = 0 \land
  .5
              Int3FromDate(0) = mk-(1858, 11, 17) \land
  .6
              DateFromInt (1582) (10) (4.5) = JD2MJD (2299160) \land
  .7
              Int3FromDate (DateFromInt (1582) (10) (4.5))
  .8
mk-(1582, 10, 4) \land
              DateFromInt (1582) (10) (15.5) = JD2MJD (2299161) \land
  .9
              Int3FromDate (DateFromInt (2004) (2) (28))
  .10
mk-(2004, 2, 28) \land
              DateFromInt (2094) (7) (18) = 86076 \land
  .11
              DateFromInt (2038) (11) (10) = 65737 \land
  .12
  .13
              DateFromInt (1996) (2) (25) = 50138 \land
              DateFromInt (1648) (6) (10) = -76860 \land
  14
              DateFromInt (1560) (2) (24) = -109099 \land
  .15
              DateFromInt (1436) (1) (25) = -154420 \land
  .16
              DateFromInt (1391) (6) (4) = -170726 \land
  .17
              DateFromInt (1096) (5) (18) = -278491 \land
  .18
              DateFromInt (1013) (4) (19) = -308836 \land
  .19
              DateFromInt (694) (11) (7) = -425149 \land
  .20
              DateFromInt (70) (9) (26) = -653107 \land
  .21
              DateFromInt(-168)(12)(8) = -739963 \land
  .22
  .23
              DateFromInt(-586)(7)(30) = -892769;
```

0.5.2 MJD2JD, JD2MJD を検査する

修正ユリウス日開始日(1858年11月17日0時)、グレゴリオ暦切替前日正午(1582年10月4日12時)、グレゴリオ暦初日正午(1582年10月15日12時)、ユリウス日起算開始日(紀元前4713年1月1日正午)を確認することで、MJD2JD 関数などをテストする。ユリウス日は12時が起算時刻なので、DateFromInt(-4712, 1, 1.5) がユリウス日0になる。

```
t2:() \rightarrow FTestDriver`TestCase
72.0
     t2() \triangle
  .1
        {\sf mk-} FTestDriver`TestCase
  .2
  .3
              "FCalendarT02:\t MJD2JD, JD2MJD を検査する",
  .4
              DateFromInt (1582) (10) (4.5) = JD2MJD (2299160) \land
  .5
              DateFromInt (1582) (10) (15.5) = JD2MJD (2299161) \land
  .6
              MJD2JD (DateFromInt (-4712) (1) (1.5)) = 0 \land
  .7
              FCalendar'JD2MJD(0)
  .8
FCalendar'DateFromInt(-4712)(1)(1.5) \land
  .9
              DateFromInt(-586)(7)(30) = JD2MJD(1507231.5) \land
              DateFromInt (2094) (7) (18) = JD2MJD (2486076.5));
  .10
```

0.5.3 DayInYear を検査する

```
t3:() \rightarrow FTestDriver`TestCase
73.0
      t3() \triangle
  .1
  .2
        {\sf mk-} FTestDriver`TestCase
  .3
              "FCalendarT03:\t DayInYear を検査する",
  .4
  .5
              DayIn Year (DateFromInt (2000) (1) (1)) = 1 \land
              DayIn Year (DateFromInt (2000) (2) (1)) = 32 \land
  .6
              DayInYear (DateFromInt (2000) (3) (1)) = 61 \land
  .7
              DayInYear (DateFromInt (2000) (12) (31)) = 366 \land
  .8
              DayInYear (DateFromInt (2001) (3) (1)) = 60 \land
  .9
              DayInYear (DateFromInt (2001) (12) (31)) = 365);
  .10
```

0.5.4 日付の計算を検査する

```
t4:() \rightarrow FTestDriver'TestCase
  .1
      t4() \triangleq
         {\sf mk-} FTestDriver`TestCase
  .2
  .3
               "FCalendarT04:\t 日付の計算を検査する",
  .4
               let d1 = DateFromInt (2000) (1) (1),
  .5
                  d2 = DateFromInt(2000)(3)(1) in
  .6
               Diff(d2)(d1) = 60 \wedge
  .7
               d1 + 60 = d2 \wedge
  .8
               Int3FromDate\left(d1+60\right)=\text{mk-}\left(2000,3,1\right)\wedge
  .9
               d2 - 60 = d1 \wedge
  .10
                                                            2
  .11
               DateFromInt(2004)(2)(28)
DateFromInt(2004)(3)(1) \land
               DateFromInt (2004) (3) (1)
                                                           2
  .12
DateFromInt(2004)(2)(28) \land
               DateFromInt (2094) (7) (18)
DateFromInt(-586)(7)(30) + 214193 + 764652);
```

0.5.5 閏年の判定を検査する

```
t5:() \rightarrow FTestDriver`TestCase
75.0
  .1
      t5() \triangle
        {\sf mk-} FTestDriver`TestCase
  .2
  .3
               "FCalendarT05:\t 閏年の判定を検査する",
  .4
               IsLeap Year (1996) \land
  .5
               IsLeap Year (2000) \land
  .6
               IsLeap Year (2004) \land
  .7
  .8
               IsLeap Year (1900) = false \land
  .9
               IsLeap Year (2003) = false);
```

0.5.6 曜日に関する関数を検査する

```
t6:() \rightarrow FTestDriver`TestCase
76.0
      t6() \triangle
  .1
        mk-FTestDriver, TestCase
  .2
  .3
              "FCalendarT06:\t 曜日に関する関数を検査する",
  .4
  .5
              GetDayOfWeek (DateFromInt (2004) (3) (1)) = 1 \land
              GetDayOfWeek (DateFromInt (2004) (3) (2)) = 2 \land
  .6
              GetDayOfWeek\ (DateFromInt\ (2004)\ (3)\ (3)) = 3 \land
  .7
              GetDayOfWeek (DateFromInt (2004) (3) (4)) = 4 \land
  .8
              GetDayOfWeek (DateFromInt (2004) (3) (5)) = 5 \land
  .9
              GetDayOfWeek (DateFromInt (2004) (3) (6)) = 6 \land
  .10
              GetDayOfWeek (DateFromInt (2004) (3) (7)) = 0 \land
  .11
  .12
              GetDayOfWeek (DateFromInt (2004) (3) (8)) = 1 \land
              GetDayOfWeekName\ (DateFromInt\ (2004)\ (3)\ (1))
  .13
Mon ∧
              GetDayOfWeekName\ (DateFromInt\ (2004)\ (3)\ (2))
  .14
\mathrm{Tue} \, \wedge
              GetDayOfWeekName (DateFromInt (2004) (3) (3))
  .15
Wed \wedge
              GetDayOfWeekName\ (DateFromInt\ (2004)\ (3)\ (4))
  .16
Thu A
              GetDayOfWeekName\ (DateFromInt\ (2004)\ (3)\ (5)) = Fri \land
  .17
              GetDayOfWeekName\ (DateFromInt\ (2004)\ (3)\ (6)) = Sat \land
  .18
              GetDayOfWeekName\ (DateFromInt\ (2004)\ (3)\ (7)) = Sun \land
  .19
  .20
              GetDayOfWeekName (DateFromInt (2004) (3) (8))
Mon ∧
              GetDayOfWeekName (DateFromInt (-586) (7) (30))
  .21
                                                                        =
Sun \wedge
  .22
              GetDayOfWeekName\ (DateFromInt\ (70)\ (9)\ (26)) = Wed
              GetDayOfWeekName (DateFromInt (2094) (7) (18))
  .23
Sun \wedge
  .24
              GetDayOfWeekFromName (SUN) = 0 \land
              GetDayOfWeekFromName (Mon) = 1 \land
  .25
              GetDayOfWeekFromName (Tue) = 2 \land
  .26
              GetDayOfWeekFromName (WED) = 3 \land
  .27
              GetDayOfWeekFromName (Thu) = 4 \land
  .28
              GetDayOfWeekFromName (FRI) = 5 \land
  .29
  .30
              GetDayOfWeekFromName (SAT) = 6);
```

0.5.7 日付の大小を検査する

```
77.0 t7:() \rightarrow FTestDriver`TestCase
     t7() \triangleq
  .1
  .2
       {\sf mk-} FTestDriver`TestCase
  .3
             .4
             DateFromInt (2004) (3) (1) = DateFromInt (2004) (3) (1) \land
  .5
             DateFromInt (2004) (3) (1) \leq DateFromInt (2004) (3) (1) \wedge
  .6
             DateFromInt (2004) (3) (1) \geq DateFromInt (2004) (3) (1) \land
  .7
             DateFromInt (2004) (3) (1) > DateFromInt (2004) (2) (29) \land
  .8
  .9
             DateFromInt (2003) (12) (31)
DateFromInt (2004) (1) (1));
```

0.5.8 指定曜日の日付獲得を検査する

```
t8:() \rightarrow FTestDriver`TestCase
  .1
     t8() \triangleq
 .2
        mk-FTestDriver, TestCase
  .3
             "FCalendarT08:\t 指定曜日の日付獲得を検査する".
  .4
             FirstDayOfWeekOfMonth (Sun) (3) (2004)
  .5
DateFromInt(2004)(3)(7) \land
             FirstDayOfWeekOfMonth (Mon) (3) (2004)
  .6
DateFromInt(2004)(3)(1) \land
             FirstDayOfWeekOfMonth (Tue) (3) (2004)
  .7
DateFromInt(2004)(3)(2) \land
             FirstDayOfWeekOfMonth (WED) (3) (2004)
  .8
DateFromInt(2004)(3)(3) \land
             FirstDayOfWeekOfMonth (THU) (3) (2004)
DateFromInt(2004)(3)(4) \land
             FirstDayOfWeekOfMonth (FRI) (3) (2004)
DateFromInt(2004)(3)(5) \land
             FirstDayOfWeekOfMonth (SAT) (3) (2004)
  .11
DateFromInt(2004)(3)(6) \land
             GetLastDayOfWeekOfMonth (Sun) (2) (2004)
DateFromInt(2004)(2)(29) \wedge
  .13
             GetLastDayOfWeekOfMonth (Sun) (3) (2004)
DateFromInt(2004)(3)(28) \land
             GetLastDayOfWeekOfMonth (Mon) (3) (2004)
DateFromInt(2004)(3)(29) \land
             GetLastDayOfWeekOfMonth (Tue) (3) (2004) = DateFromInt (2004) (3) (30)\land
  .15
             GetLastDayOfWeekOfMonth (WED) (3) (2004) = DateFromInt (2004) (3) (31)\land
  .16
             GetLastDayOfWeekOfMonth (THU) (3) (2004) = DateFromInt (2004) (3) (25)\land
  .17
  .18
             GetLastDayOfWeekOfMonth (FRI) (3) (2004) = DateFromInt (2004) (3) (26)\land
             GetLastDayOfWeekOfMonth (SAT) (3) (2004) = DateFromInt (2004) (3) (27)\land
  .19
             GetNthDayOfWeekOfMonth (Sun) (5) (2) (2004) = DateFromInt (2004) (2) (29)\land
  .20
             GetNthDayOfWeekOfMonth (Sun) (6) (2) (2004) = nil \land
  .21
             GetNthDayOfWeekOfMonth (SAT) (5) (2) (2004) = nil \land
  .22
             GetNthDayOfWeekOfMonth (Sun) (2) (3) (2004) = DateFromInt (2004) (3) (14)\land
  .23
             GetNthDayOfWeekOfMonth (Sun) (3) (3) (2004) = DateFromInt (2004) (3) (21)\land
  .24
             GetNthDayOfWeekOfMonth (Sun) (4) (3) (2004) = GetLastDayOfWeekOfMonth (Sun) (3) (2004)
  .25
             GetNthDayOfWeekOfMonth (Mon) (2) (3) (2004) = DateFromInt (2004) (3) (8)\land
  .26
             GetNthDayOfWeekOfMonth (Tue) (3) (3) (2004) = DateFromInt (2004) (3) (16) \land
  .27
             GetNthDayOfWeekOfMonth (WED) (4) (3) (2004) = DateFromInt (2004) (3) (24)\land
  .28
             GetNthDayOfWeekOfMonth (THU) (5) (1) (2004) = DateFromInt (2004) (1) (29)\land
  .29
             GetNthDayOfWeekOfMonth (FRI) (5) (7) (2004) = DateFromInt (2004) (7) (30)\land
  .30
             GetNthDayOfWeekOfMonth (SAT) (5) (5) (2004) = DateFromInt (2004) (5) (29));
  .31
```

78.0

0.5.9 月初日、月末日、曜日の照会を検査する

```
t9:() \rightarrow FTestDriver`TestCase
79.0
      t9() \triangle
  .1
        mk-FTestDriver, TestCase
  .2
  .3
              "FCalendarT09:\t 月初日、月末日、曜日の照会を検査する
  .4
              GetFirstDayOfMonth (3) (2004)
  .5
DateFromInt(2004)(3)(1) \land
              GetFirstDayOfMonth (4) (2004)
  .6
DateFromInt(2004)(4)(1) \land
              GetLastDayOfMonth (2) (2004)
  .7
DateFromInt(2004)(2)(29) \wedge
              GetLastDayOfMonth (8 + 6) (2003)
  .8
DateFromInt(2004)(2)(29) \land
  .9
              GetLastDayOfMonth (2) (2004)
                                                         1
                                                                       =
GetFirstDayOfMonth (3) (2004) \land
              GetLastDayOfMonth (2) (2004)
GetFirstDayOfMonth (3) (2004) -1 \land
              GetLastDayOfMonth (2) (2003)
  .11
DateFromInt(2003)(2)(28) \land
  .12
              GetLastDayOfMonth (2) (1900)
DateFromInt (1900) (2) (28) \wedge
              IsSunday (DateFromInt (2004) (3) (14)) \land
  .13
              IsSunday (DateFromInt (2004) (3) (15)) = false \land
  .14
  .15
              IsSaturday (DateFromInt (2004) (3) (13)) \land
              IsSaturday (DateFromInt (2004) (3) (14)) = false \land
  .16
              IsWeekDay(DateFromInt(2004)(3)(13)) = false \land
  .17
              Is WeekDay (DateFromInt (2004) (3) (14)) = false \land
  .18
              IsWeekDay(DateFromInt(2004)(3)(1)) \land
  .19
              IsWeekDay(DateFromInt(2004)(3)(2)) \land
  20
              IsWeekDay(DateFromInt(2004)(3)(3)) \land
  .21
  .22
              IsWeekDay (DateFromInt (2004) (3) (4)) \land
              IsWeekDay(DateFromInt(2004)(3)(5)) \land
  .23
              IsDayOFWeekNameWeekDay (Mon) \land
  .24
              IsDayOFWeekNameWeekDay(Tue) \land
  .25
              IsDayOFWeekNameWeekDay(Wed) \land
  .26
              IsDayOFWeekNameWeekDay(Thu) \land
  .27
              IsDayOFWeekNameWeekDay (FRI) \land
  .28
              IsDayOFWeekNameWeekDay(SAT) = false \land
  .29
  .30
              IsDayOFWeekNameWeekDay(Sun) = false);
```

0.5.10 指定された曜日が何日あるかを検査する

```
t10:() \rightarrow FTestDriver`TestCase
  .1
     t10() \triangle
 .2
       {\sf mk-} FTestDriver`TestCase
  .3
             "FCalendarT10:\t 指定された曜日が何日あるかを検査する
  .4
             let f = DateFromInt in
  .5
             HowManyDayOfWeekWithin2Days (Sun) (f(2001)(7)(11))(f(2001)(3)(1)) =
  .6
19 \wedge
             HowManyDayOfWeekWithin2Days (Sun) (f(2001)(7)(11))(f(1001)(3)(1)) =
 .7
52196 \land
             HowManyDayOfWeekWithin2Days (Sun) (f(2004)(1)(1))(f(2004)(3)(1)) =
 .8
9 \wedge
             HowManyDayOfWeekWithin2Days (Mon) (f(2004)(1)(1))(f(2004)(3)(1)) =
  .9
9 \wedge
             HowManyDayOfWeekWithin2Days (Tue) (f(2004)(1)(1))(f(2004)(3)(1)) =
  .10
8 \wedge
             HowManyDayOfWeekWithin2Days (WED) (f(2004)(1)(1))(f(2004)(3)(1)) =
  .11
8 \wedge
             HowManyDayOfWeekWithin2Days (Thu) (f(2004)(1)(1))(f(2004)(3)(1)) =
  .12
9 \wedge
             HowManyDayOfWeekWithin2Days (FRI) (f(2004)(1)(1))(f(2004)(3)(1)) =
  .13
9 \wedge
             HowManyDayOfWeekWithin2Days (SAT) (f(2004)(1)(1))(f(2004)(3)(1)) =
  .14
9 \wedge
             HowManyDayOfWeekWithin2Days (SAT) (f(-586)(7)(30))(f(2094)(7)(18)) =
  .15
(214193 + 764652) \text{ div } 7 \land
             HowManyDayOfWeekWithin2Days (Sun) (f(-586)(7)(30))(f(2094)(7)(18)) =
(214193 + 764652) div 7 + 1);
```

0.5.11 春分・夏至・秋分・冬至を検査する

グリニッジ標準時の春分などを求め、それを日本標準時 (GMT+9) に変換して比較している。

```
81.0 t11:() \rightarrow FTestDriver`TestCase
  .1
     t11() \triangleq
  .2
        {\sf mk-} FTestDriver`TestCase
  .3
              "FCalendarT11:\t 春分・夏至・秋分・冬至を検査する",
  .4
             let f = DateFromInt,
  .5
                diff = 9 \text{ in}
  .6
              GetDateInST (diff) (GetVernalEquinoxInGMT (2001)) =
f(2001)(3)(20) \land
              GetDateInST (diff) (GetVernalEquinoxInGMT (2999)) =
f(2999)(3)(20) \land
              GetDateInST(diff)(GetSummerSolsticeInGMT(2001)) =
f(2001)(6)(21) \wedge
              GetDateInST (diff) (GetSummerSolsticeInGMT (2999)) =
  .10
f(2999)(6)(20) \land
              GetDateInST (diff) (GetAutumnalEquinoxInGMT (2001)) =
f(2001)(9)(23) \land
              GetDateInST(diff)(GetAutumnalEquinoxInGMT(2999)) =
  .12
f(2999)(9)(22) \land
              GetDateInST\left(diff\right)\left(GetWinterSolsticeInGMT\left(2001\right)\right) \ =
f(2001)(12)(22) \land
              GetDateInST(diff)(GetWinterSolsticeInGMT(2999)) =
f(2999)(12)(22);
```