

Lab 2: Logic Gate

서울대학교 BI LAB (장병탁 교수님)
김정현, 신수연
2023.06.05



Biointelligence Laboratory
Dept. of Computer Science and Engineering
Seoul National University

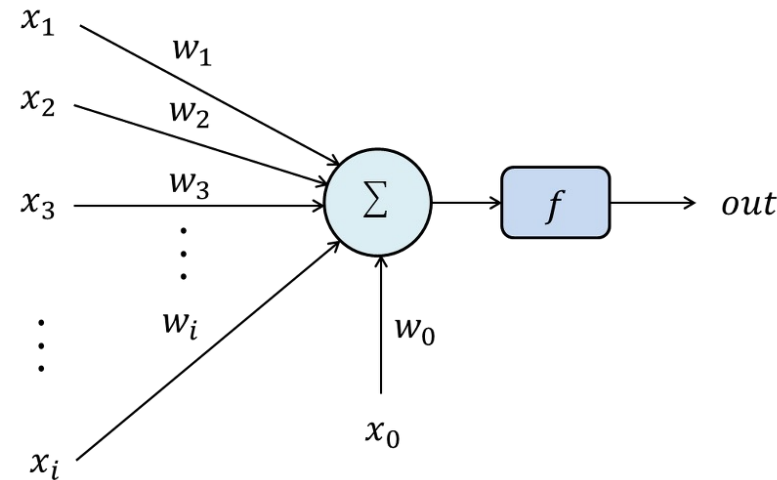


Logic Gate Example

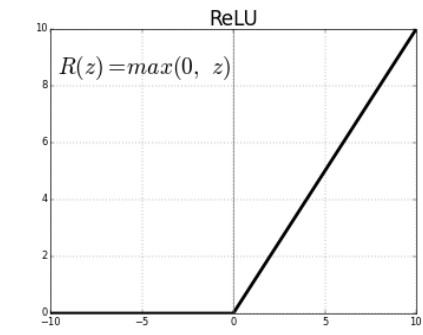
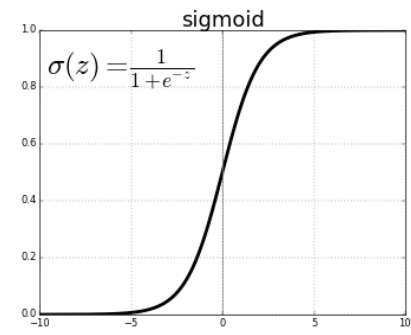
Logic Gate Example

- Single Perceptron Separator

$$net = \sum_i^N w_i x_i + w_0 x_0$$



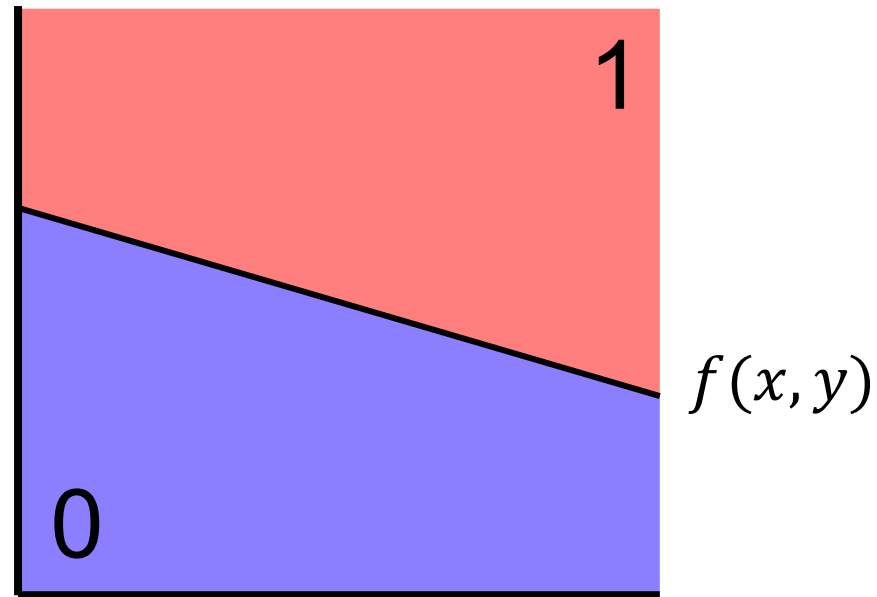
- Activation function $g(x)$: sigmoid, relu, etc.



Logic Gate Example

■ Single Perceptron Separator

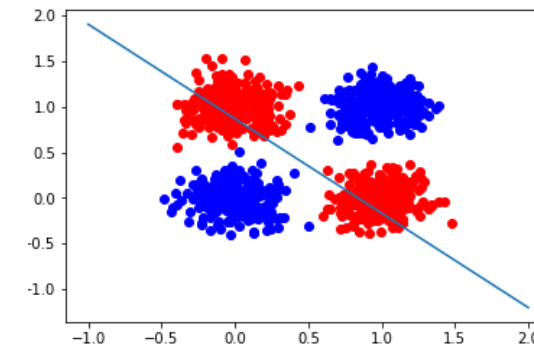
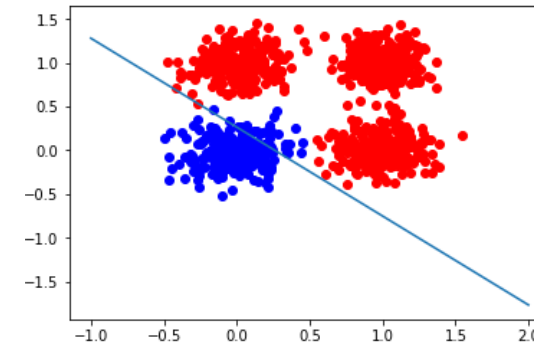
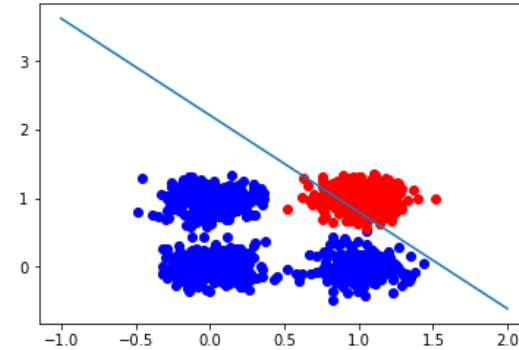
- 단일 퍼셉트론 : $\text{out} = f(x, y) = g(ax + by - c \times 1) = g(ax + by - c)$
- 공간 분할 측면에서의 퍼셉트론 (Sigmoid)



Logic Gate Example

■ Single Perceptron Separator

- 문제 : 단순한 Boolean 함수 근사(AND, OR, XOR)
- 입력
 - 노이즈를 포함하는 0 혹은 1의 값을 가지는 x, y
- 출력
 - 예측된 함수의 결과 : val
- Loss function
 - 정답과 예측된 결과의 차이를 최소화
 - $\mathcal{L} = \sum_{n=1}^N (val - val^*)^2$



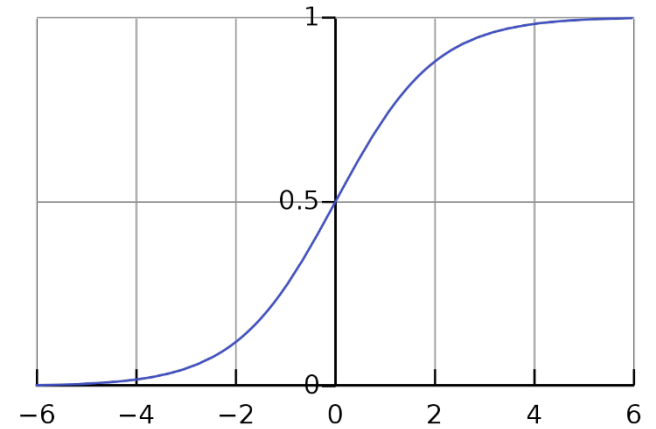
Logic Gate Example

■ Imports

- torch : 가장 기본적인 pytorch 모듈
- torch.nn : 인공신경망 관련 함수/클래스 등이 선언된 모듈
- torch.optim : optimizer가 정의된 모듈
 - Adam : Adam Optimizer
- torch.utils.data.* : 학습 세팅을 편하게 해주기 위한 dataset의 class가 선언된 모듈들
- matplotlib : 결과를 시각화 하는 모듈

```
import torch
import torch.nn as nn
from torch.optim import Adam
from torch.utils.data.dataset import Dataset
from torch.utils.data import DataLoader
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
```

Logic Gate Example



■ Class Separator

- `torch.nn.Parameter(TENSOR)`
 - 학습의 대상이 되는 변수(w)를 설정
- `torch.Tensor(INITIAL_VALUE)`
 - Tensor의 형태로 initial value를 변환
 - Pytorch에서는 Tensor로 연산
 - `Tensor.item()` : 값을 가져옴
- `torch.sigmoid`
 - 모든 원소에 sigmoid 함수 연산 수행
- `forward(INPUT)`
 - 모델이 계산할 main function

```
class Separator(nn.Module):
    def __init__(self, func = None):
        super(Separator, self).__init__()
        self.a = torch.nn.Parameter(torch.Tensor([np.random.normal()]))
        self.b = torch.nn.Parameter(torch.Tensor([np.random.normal()]))
        self.c = torch.nn.Parameter(torch.Tensor([np.random.normal()]))
        if func is not None:
            self.func = func
        else:
            self.func = torch.sigmoid

    def forward(self, x, y):
        val_ = self.func(self.a * x + self.b * y - self.c)
        return val_, (self.a.item(), self.b.item(), self.c.item())
```

Logic Gate Example

■ Class DataGenerator

- val
- (x,y)값이 (0,0), (0,1), (1,0), (1,1)일 때의 값을 저장함
- x,y
- {0,1}에서 값을 가져오고 N(0,0.16)의 노이즈를 더함

```
class DataGenerator(Dataset):  
  
    def __init__(self, type_, length, custom=None):  
        self.length=length  
        if type_ == 'and':  
            self.val_l = [0,0,0,1]  
        elif type_ == 'or':  
            self.val_l = [0,1,1,1]  
        elif type_ == 'xor':  
            self.val_l = [0,1,1,0]  
        elif type_ == 'custom' and custom is not None:  
            self.val_l = custom  
        else:  
            self.val_l = [0,0,0,0]  
  
        self.dataset = []  
        for i in range(length):  
            x = np.random.normal(i%2,0.16)  
            y = np.random.normal((i//2)%2,0.16)  
            val = self.val_l[i%4]  
            self.dataset.append((x,y,val))  
  
    def get_dataset(self):  
        return self.dataset  
  
    def __len__(self):  
        return self.length  
  
    def __getitem__(self, idx):  
        x,y,val = self.dataset[idx]  
        return (torch.Tensor([x]),torch.Tensor([y]), torch.Tensor([val]))
```


Logic Gate Example

■ Training setup

■ LEARNING_RATE

- 한번의 학습을 통해 변화시키는 정도
- 문제마다 적절한 값 설정 필요

■ BATCH_SIZE

- 한번에 전체 데이터를 넣는 것은 크기가 너무 클 뿐 아니라, 좋지 않음
- Batch의 크기를 설정하여 random sampling

■ NUM_EPOCHES

- 전체 반복할 총 epoch의 수
- 1 epoch == 데이터셋의 한 iter

```
DATASET = DataGenerator('and', 1000)
LEARNING_RATE = 0.01
BATCH_SIZE = 20
NUM_EPOCHES = 20
NUM_WORKERS = 4
GRAPH_X = np.linspace(-1.0, 2, 2)

params = {
    'batch_size': BATCH_SIZE,
    'shuffle': True,
    'num_workers': 4,
}

dataloader = DataLoader(DATASET, **params)
model = Separator().cuda()
optimizer = Adam(model.parameters(), lr=LEARNING_RATE)
```

Logic Gate Example

■ Training part

- tot_loss
 - 한 epoch에서의 모든 loss를 계산
 - 결과 출력을 위함
- Tensor.cuda()
 - 기본적으로 Tensor를 선언하면 CPU에 할당
 - .cuda()를 통해 GPU로 계산하도록 함
- optimizer.zero_grad()
 - 각 batch마다 gradient 값을 초기화

```
for epoch in range(NUM_EPOCHES):
    tot_loss = 0
    for x, y, val in dataloader:
        x = x.cuda()
        y = y.cuda()
        val = val.cuda()
        optimizer.zero_grad()
        val_, params = model(x,y)
        loss = torch.sum(torch.pow(val-val_,2))

        loss.backward()
        optimizer.step()
        tot_loss+=loss.item()
    print("Loss : {:.5f}".format(tot_loss/len(DATASET)))

    if epoch % 5 == 4:
        for item in DATASET.get_dataset():
            x,y,val = item
            if val ==1:
                plt.scatter(x,y,c='red')
            else:
                plt.scatter(x,y,c='blue')
        plt.plot(GRAPH_X, -(GRAPH_X*params[0]-params[2])/(params[1]+1e-10))
        plt.show()
```

Logic Gate Example

■ Training part

- `loss.backward()`
 - 계산된 tensor에 대해 역으로 계산하며 gradient를 구함
- `optimizer.step()`
 - gradient를 활용하여 backpropagation을 수행, w를 update

■ Test part (matplotlib)

- `plt.scatter`
 - 그래프에 산포도를 찍는 함수
- `plt.plot`
 - 그래프에 선을 긋는 함수
- `plt.show`
 - 그래프를 보여주는 함수

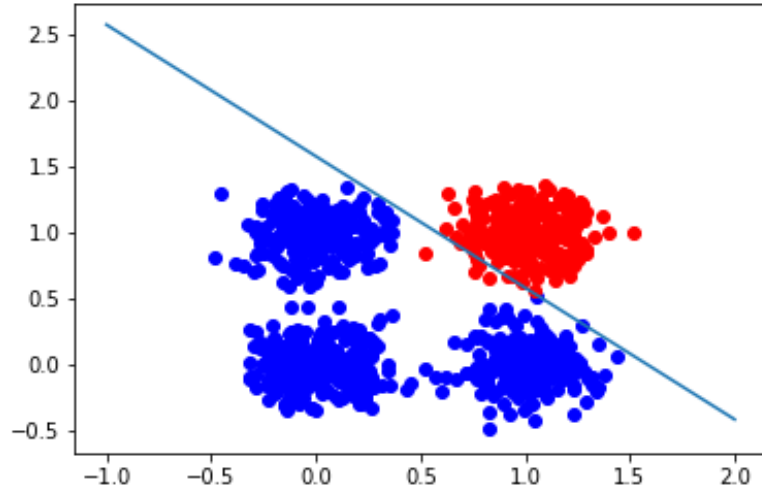
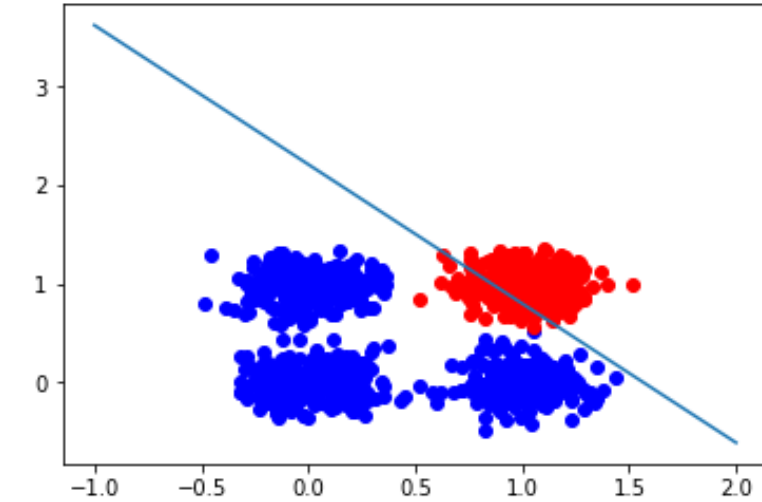
```
for epoch in range(NUM_EPOCHES):
    tot_loss = 0
    for x, y, val in dataloader:
        x = x.cuda()
        y = y.cuda()
        val = val.cuda()
        optimizer.zero_grad()
        val_, params = model(x,y)
        loss = torch.sum(torch.pow(val-val_,2))

        loss.backward()
        optimizer.step()
    tot_loss+=loss.item()
    print("Loss : {:.5f}".format(tot_loss/len(DATASET)))

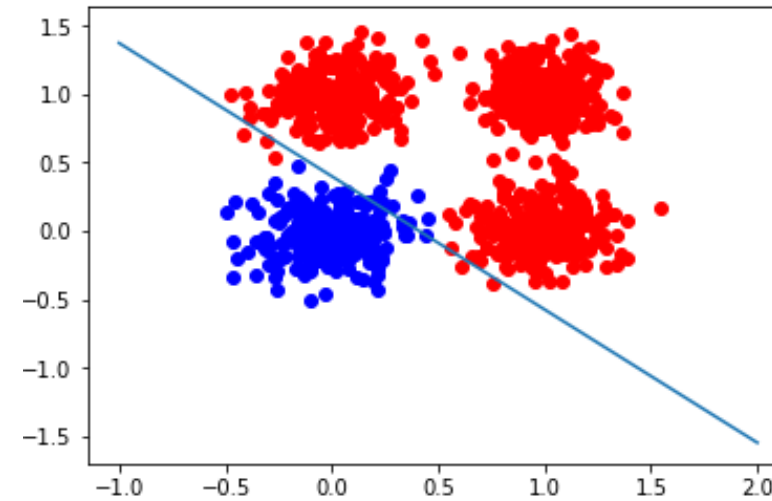
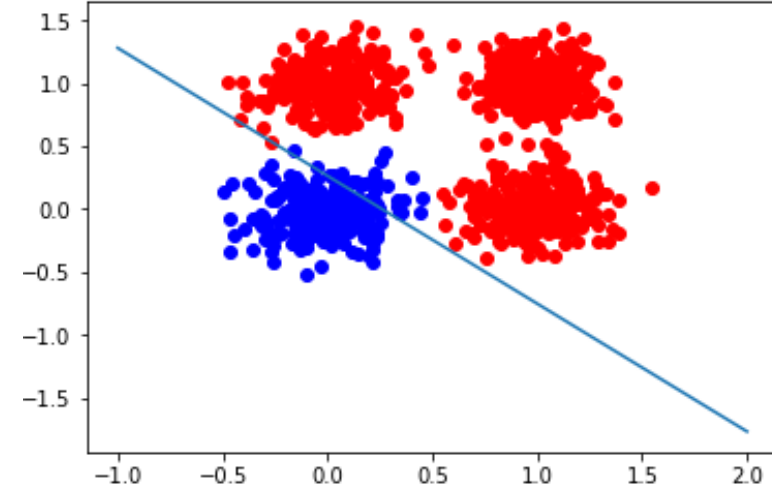
if epoch % 5 == 4:
    for item in DATASET.get_dataset():
        x,y,val = item
        if val ==1:
            plt.scatter(x,y,c='red')
        else:
            plt.scatter(x,y,c='blue')
    plt.plot(GRAPH_X,-(GRAPH_X+params[0]-params[2])/(params[1]+1e-10))
    plt.show()
```

Logic Gate Example

■ 결과 1 (AND)



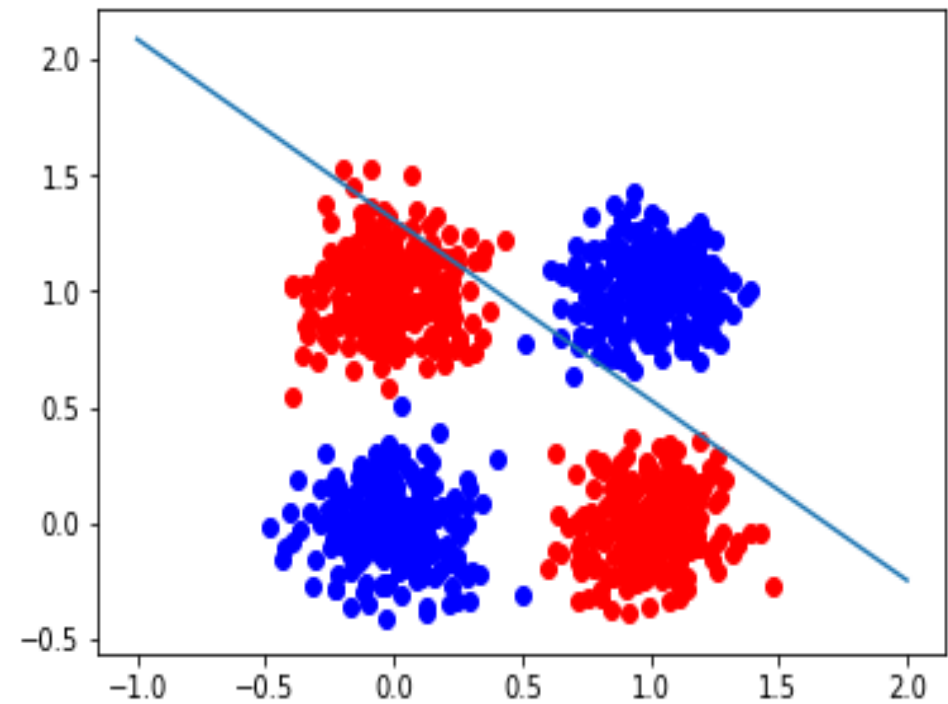
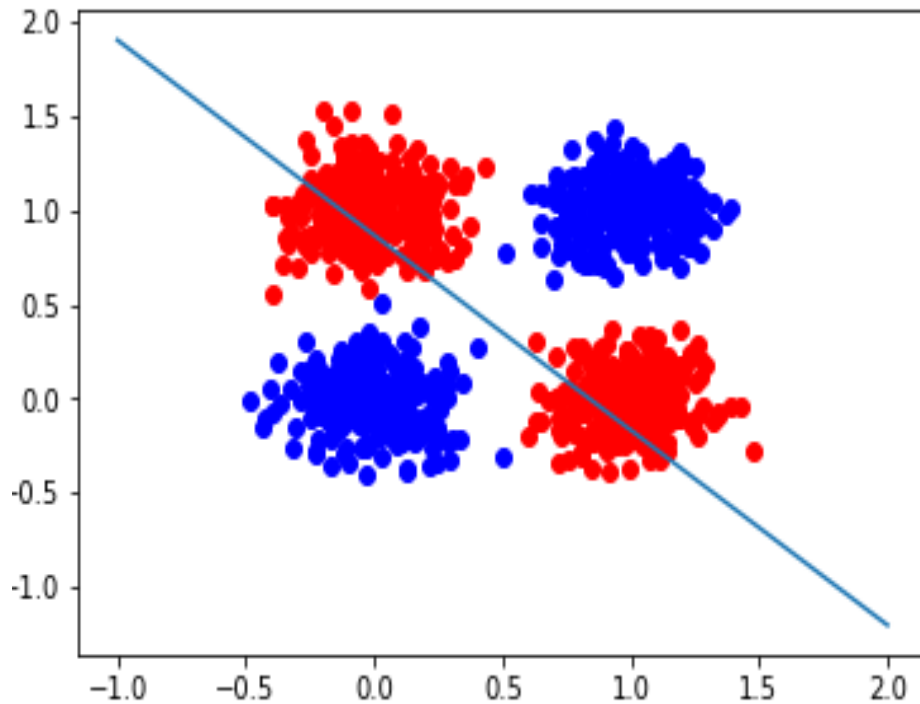
■ 결과 2 (OR)



Logic Gate Example

■ 결과 3 (XOR)

- 단일 퍼셉트론만으로는 XOR에 해당하는 함수를 근사할 수 없음
- 해결방법?



Codes

- 실습 코드 Github 주소
 - https://github.com/JHKim-snu/AI_Expert/tree/main