-	
- (	Υ
-	=
- 2	$\overline{}$
- 3	=
	_
,	_
	~
	$\overline{}$
	$\leq$
(	$\frac{\sim}{\sim}$
	π
	•••
	a
-	5
	_
-	7
	7
	$\overline{}$
	ç
	7
	$\approx$
	LD 3C
	$\subseteq$
	_
	a.
	F
	nTE
-	=
_	_
	_
	π
-	
	_
	U
	ř
	J
	5
	=
	2
-	-
-	_
	_

Asignatura	Datos del alumno	Fecha
Metodología de la	Apellidos: Jiménez Acosta	
Investigación	Nombre: Ronaldo	

# Índice

- 1. Introducción
- 2. Idea de investigación
- 3. Cuadro de análisis
- 4. Justificación
- 5. Referencias

Asignatura	Datos del alumno	Fecha
Metodología de la	Apellidos: Jiménez Acosta	
Investigación	Nombre: Ronaldo	

## 1. Introducción

La conjetura de Goldbach es uno de los problemas abiertos más antiguos de la teoría de números. Establece que todo número par mayor que dos puede expresarse como la suma de dos números primos. A pesar de su simplicidad, la conjetura no ha sido demostrada formalmente, aunque sí verificada computacionalmente para valores hasta  $4\times10^{18}$  (Oliveira e Silva, 2014). En la actualidad, sistemas distribuidos como Gridbach han extendido estas comprobaciones con récords recientes (Nakata, 2025).

Más allá de la matemática pura, la conjetura ha tenido un notable impacto en el desarrollo de la informática. Su verificación ha impulsado la creación de algoritmos más eficientes, cribas rápidas y sistemas de cómputo en paralelo. Estos avances contribuyen al progreso de la criptografía, la optimización y el análisis de grandes volúmenes de datos (National Science Foundation, 2020). Además, la conjetura ha trascendido lo académico, siendo parte de la cultura popular gracias a la novela El tío Petros y la conjetura de Goldbach (Doxiadis, 2000), lo que subraya su relevancia histórica y educativa.

# La Conjetura de Goldbach y su impacto en Informática y Matemáticas

Asignatura	Datos del alumno	Fecha
Metodología de la	Apellidos: Jiménez Acosta	
Investigación	Nombre: Ronaldo	

El presente trabajo propone investigar el impacto de la Conjetura de Goldbach en el desarrollo de la informática y la matemática moderna, con un enfoque cuantitativo. El estudio se centrará en cómo la informática ha permitido verificar la conjetura en rangos cada vez más grandes y cómo estos avances tecnológicos han influido en la investigación matemática y en aplicaciones prácticas como la criptografía y el análisis de algoritmos. La investigación tendrá un alcance global, dado que los principales avances provienen de proyectos internacionales de cómputo distribuido.

#### 3. Cuadro de análisis

	Conjetura de Goldbach
Ventaja ▶ ▶	<ul> <li>La conjetura de Goldbach ha impulsado desarrollos en algoritmos de factorización y verificación de primos, fundamentales en criptografía (Nakata, 2025).</li> </ul>
Necesidad •	<ul> <li>Se requiere optimizar los métodos computacionales para verificar la conjetura en rangos cada vez mayores, lo que ha promovido nuevas técnicas de paralelización (Oliveira e Silva, 2014).</li> </ul>
Exigencia/Política  •	<ul> <li>Organismos de investigación exigen que los resultados se publiquen en repositorios abiertos para validación global, siguiendo buenas prácticas de ciencia abierta (European Commission, 2021).</li> </ul>
Desventaja	A pesar de su verificación computacional, la conjetura sigue sin una demostración formal, lo que limita su aceptación como teorema matemático (Ribenboim, 1996).
Problema	<ul> <li>La verificación consume enormes recursos de cómputo, lo que plantea retos de sostenibilidad energética (National Science Foundation, 2020).</li> </ul>
Oportunidad	▶ El estudio de la conjetura de Goldbach abre oportunidades para desarrollar nuevos enfoques heurísticos y modelos computacionales aplicables en optimización y ciencias de la información. Por ejemplo, Caraccioli Abrego (2025) propone un marco heurístico desde la física computacional que interpreta la conjetura como un principio de economía informacional, mostrando su potencial más allá de la teoría de números clásica.

Mendeley Reference Manager

Asignatura	Datos del alumno	Fecha
Metodología de la	Apellidos: Jiménez Acosta	
Investigación	Nombre: Ronaldo	



#### 4. Justificación

La Conjetura de Goldbach representa un puente entre matemáticas puras y aplicaciones tecnológicas. Aunque enunciada en 1742, hoy sigue siendo un motor de innovación. Su verificación masiva ha sido posible gracias al desarrollo de algoritmos y sistemas de cómputo distribuido, que a su vez han impactado en la informática moderna (Nakata, 2025). La relevancia de este objeto de estudio reside en demostrar cómo un problema clásico puede impulsar nuevas metodologías en ciencias aplicadas.

Metodológicamente, el estudio es cuantitativo porque se fundamenta en el análisis computacional de grandes cantidades de datos numéricos. Oliveira e Silva (2014) verificó la conjetura hasta  $4 \times 10^{18}$ , demostrando que el avance matemático depende del poder informático disponible. Estos hallazgos confirman que los algoritmos de generación y verificación de primos son herramientas centrales tanto en la investigación matemática como en aplicaciones como la criptografía.

-	_
	Υ
(	_
- :	=
-	/
- 3	
- 5	=
	_
	-
	_
	Ÿ
(	_
	π
	_
	a
	4
	C
	2
	$\overline{}$
	((
	$\subseteq$
	$\subseteq$
	-
	C
	$\bar{\alpha}$
	.,
	⊆
	LL LL
	a
	ч
	TP
	$\subset$
-	_
	_
	ã
	"
-	7
	U
	_
	a
	2
	=
	2
-	-
	_
	_

Asignatura	Datos del alumno	Fecha
Metodología de la	Apellidos: Jiménez Acosta	
Investigación	Nombre: Ronaldo	

## 5. Referencias

- ✓ Doxiadis, A. (2000). El tío Petros y la conjetura de Goldbach. Casa del Libro.
- ✓ Nakata, H. (2025). Gridbach: Verifying Goldbach's Conjecture with Distributed Computing. Mathematics of Computation (preprint).
- ✓ Ribenboim, P. (1996). The new book of prime number records. Springer.
- ✓ Oliveira e Silva, T. (2014). Computations on the Goldbach conjecture up to 4·10^18. Mathematics of Computation, 83(290), 2033–2060. https://doi.org/10.1090/S0025-5718-2013-02787-1
- ✓ European Commission. (2021). Open Science Policy Platform recommendations. Publications Office of the European Union. https://data.europa.eu/doi/10.2777/958647
- ✓ Caraccioli Abrego, R. A. (2025). The Goldbach Conjecture as an Informational Economy Principle: A Heuristic Framework from Computational Physics [Preprint]. arXiv. <a href="https://arxiv.org/abs/2508.18273">https://arxiv.org/abs/2508.18273</a>
- ✓ OpenAI. (2025). ChatGPT (versión GPT-5). OpenAI. <a href="https://chatgpt.com/">https://chatgpt.com/</a>