



# **Gramáticas Tipo 3** (gramáticas regulares)

Para una gramática de la forma  $G = (N, \Sigma, S, P)$ 

 $\mathbf{G_1} = (\{A, B\}, \{0, 1\}, A, \{A \rightarrow B1 \mid 1, B \rightarrow A0\})$ 

Gramática lineal por la izquierda que describe el lenguaje:

 $L_1 = \{ 1, 101, 10101, \dots \} = \{1(01)^n | n = 0, 1, 2, \dots \}$ 

 $G_2 = (\{ 0, 1\}, \{A, B\}, A, \{ A \rightarrow 1B \mid 1, B \rightarrow 0A\})$ 

Gramática lineal derecha que genera el mismo lenguaje que la gramática anterior.

<u>Teoría Computacional</u> Prof. Luis Enrique Hernández Olvera

9



# Gramáticas Tipo 2(independientes o libres de contexto)

 Generan los lenguajes libres de contexto. Están definidas por reglas de la forma:

#### $A \rightarrow \gamma$

- A es un no terminal
- $-\gamma$  es una cadena de terminales y no terminales (incluye  $\lambda$ ).
- Se denominan independientes de contexto porque A puede sustituirse por  $\gamma$  independientemente de las cadenas por las que esté acompañada.
- Estos lenguajes son todos los lenguajes que pueden ser reconocidos por los autómatas de pila.

<u>Teoría Computacional</u> Prof. Luis Enrique Hernández Olvera

10



## Gramáticas Tipo 2(independientes

### o libres de contexto)

- Los lenguajes independientes de contexto constituyen la base teórica para la sintaxis de la mayoría de los lenguajes de programación. Definen la sintaxis de las declaraciones, las proposiciones, las expresiones, etc.
- Sea la gramática  $G = (\{S\}, \{a, b\}, S, \{S \rightarrow aSb \mid ab\}).$
- La derivación de la palabra aaabbb será:
- $S \Rightarrow aSb \Rightarrow aaSbb \Rightarrow aaabbb$
- Puede verse que el lenguaje definido por esta gramática es {a<sup>n</sup>b<sup>n</sup> | n=1, 2, ...}

<u>Teoría Computacional</u> Prof. Luis Enrique Hernández Olvera

11



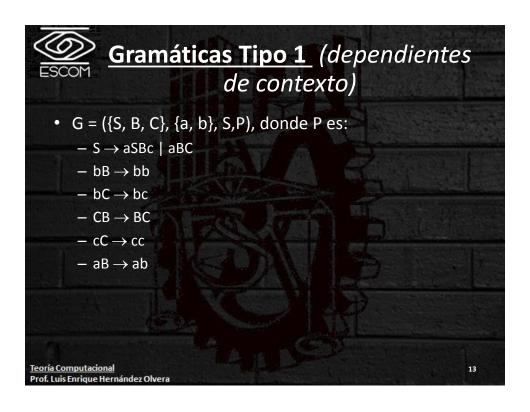
## **Gramáticas Tipo 1** (dependientes de contexto)

Generan los lenguajes dependientes de contexto.
Contienen reglas de producción de la forma:

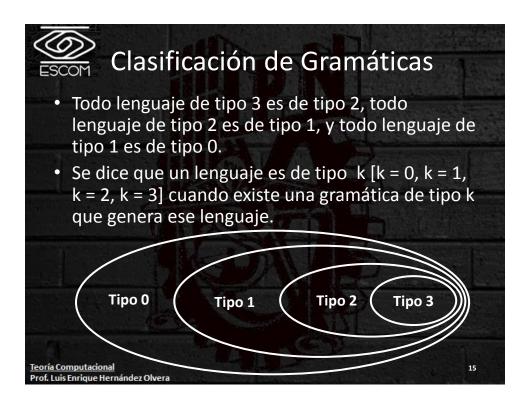
#### $\alpha A \beta \rightarrow \alpha \gamma \beta$

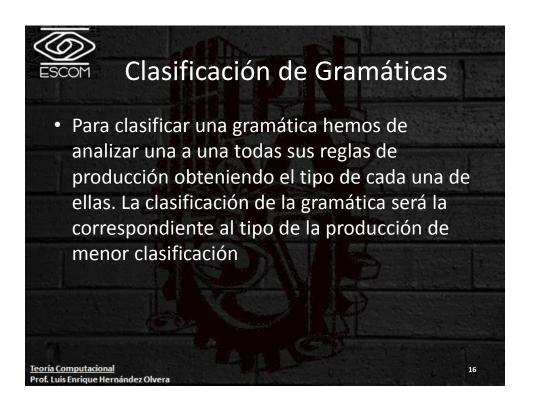
- A es un no terminal
- $-\alpha$ ,  $\beta$  y  $\gamma$  son cadenas de terminales y no terminales.
- $-\alpha$  y  $\beta$  pueden ser vacíos, pero y ha de ser distinto del vacío.
- Se denominan gramáticas dependientes del contexto, porque, como se observa, A puede ser sustituido por  $\gamma$  si está acompañada de  $\alpha$  por la izquierda y de  $\beta$  por la derecha.
- Estos lenguajes son todos los lenguajes que pueden ser reconocidos por autómatas lineales acotados (Maquina de Turing Determinista).

<u>Teoría Computacional</u> Prof. Luis Enrique Hernández Olvera 12









SCOM		TW. A	N BEE	1
Gramática	Lenguaje	Reglas de Producción	Si $\mu \rightarrow \omega$ , relación entre $ \mu  y  \omega $	Solución
Гіро-0	Recursivas	Sin restricciones		Máquinas de Turing
Tipo-1	Dependiente de contexto	αΑβ → αγβ	μ  ≤  ω	Autómatas lineales acotados
Tipo-2	Independiente de contexto	Α → γ	μ  = 1	Autómatas de pila
Гіро-3	Regular	A→ aB A → a	μ  = 1	Autómatas finitos, regulares

