

## MATURITNÍ ZKOUŠKA 2021 – PODZIMNÍ TERMÍN

## KLÍČ SPRÁVNÝCH ŘEŠENÍ



## **MATEMATIKA**

KÓD TESTU: MAMZD21C0T04

|            | Celkem | Uzavřených | Otevřených |
|------------|--------|------------|------------|
| Počet úloh | 26     | 11         | 15         |

| Úloha | Správné řešení  | Body      |
|-------|---|-----------|
| 1     | 9 <sup>330</sup>  | 1 b.      |
| 2     | <u>2</u><br>25  | 1 b.      |
| 3     | ve 38 gramech vody  | 1 b.      |
| 4     | c = 81  | 1 b.      |
| 5     | 1   | max. 2 b. |
|       | $\overline{2-x}$ a správný postup řešení  | 2 b.      |
|       | Úprava výrazu obsahuje právě jeden z následujících nedostatků: - chybí krácení pouze jedním dvojčlenem (výsledný lomený výraz však nesmí obsahovat více než jednu zlomkovou čárou), - chybný koeficient u jednoho členu mnohočlenu, - chybné podmínky nebo chybný závěr, - nadbytečný chybný rozklad kvadratického dvojčlenu, který rozložit nelze, - nadbytečný chybný úkon následující po poslední možné správné úpravě výrazu. | 1 b.      |
|       | Úprava výrazu chybí, nebo obsahuje kterékoli z následujících nedostatků:  nedokončeno,  algoritmicky chybně provedený úkon,  nedodržení přednosti operace, resp. ignorování závorek,  více chyb.  Opsaný postup řešení (obsahuje logické skoky, náhodně se objevující a mizející chyby, nestandardní symboly apod.).  | 0 b.      |
| 6     | K = {0}   | max. 2 b. |
|       | a správný postup řešení   | 2 b.      |
|       | Postup řešení rovnice obsahuje právě jeden z následujících nedostatků: - chybná podmínka nebo chybný závěr (např. nezohlednění podmínek), - chybně provedený početní úkon s čísly, - chyba v roznásobení dvojčlenu jednočlenem, - numerická chyba v dopočtení kvadratické rovnice, - ztráta kořene rovnice vydělením obou stran rovnice neznámou x.   | 1 b.      |
|       | Postup řešení chybí, nebo obsahuje kterékoli z následujících nedostatků: - rovnice není dořešena, - chyba v ekvivalentní úpravě rovnice, - chybný algoritmus operace s mnohočleny, - chybný algoritmus úpravy lomených výrazů, - další chyby nebo více chyb. Opsaný postup řešení (obsahuje logické skoky, náhodně se objevující a mizející   | 0 b.      |
| 7     | chyby, nestandardní symboly apod.). $K = \mathbf{R} \setminus \{-20\},  resp. \ y \in \mathbf{R} \land y \neq -20$  | 1 b.      |
| ,     | $N = N \setminus \{(20), (100), (y \in N, y \neq 20)\}$   | 1 0.      |

| 8    | $x_1 = \frac{5\pi}{6}$ , $x_2 = \frac{11\pi}{6}$ , resp. 150° a 330°   | max. 2 b. |
|------|--|-----------|
|      | <ul> <li>Nastane jedna z následujících situací:</li> <li>Je uvedeno pouze jedno řešení, a to právě jedno z obou správných.</li> <li>Jsou uvedena obě správná řešení a právě jedno další řešení, které je chybné nebo neleží v intervalu (0; 2π).</li> <li>Jsou uvedena pouze všechna čtyři řešení rovnice sin² x = 0,25 v intervalu (0; 2π).</li> </ul>  | 1 b.      |
|      | <ul> <li>Nastane jedna z následujících situací:</li> <li>Je uvedeno právě jedno z obou správných řešení a alespoň jedno další řešení, které je chybné.</li> <li>Jsou uvedena alespoň dvě řešení, která jsou chybná nebo neleží v intervalu (0; 2π).</li> <li>Žádné z uvedených řešení není správné řešení v intervalu (0; 2π).</li> <li>Řešení rovnice v jiné než požadované množině.</li> </ul> | 0 b.      |
| 9    |  | max. 3 b. |
| 9.1  | P[4; 3]  | 1 b.      |
| 9.2  | <i>X</i> [10; 0]   | 1 b.      |
| 9.3  |  | 1 b.      |
| 10   | 200 000 korun  | max. 2 b. |
|      | a správný postup řešení<br>(tj. užití správných algoritmů a správný výpočet požadované veličiny)   | 2 b.      |
|      | Správný postup řešení obsahuje právě jeden z následujících nedostatků:  - numerická chyba,  - správně sestavená rovnice, ze které lze vypočítat požadovanou veličinu, je řešena s chybou, není dořešena, nebo není řešena vůbec.   | 1 b.      |
|      | Postup řešení chybí, resp. obsahuje kterékoli z následujících nedostatků: - chybný algoritmus, - chybná úvaha.   | 0 b.      |
| 11   |  | max. 2 b. |
| 11.1 | 300 losů   | 1 b.      |
| 11.2 | $\frac{1}{4}$  | 1 b.      |
| 12   | 21   | 1 b.      |
| 13   | o 8 cm   | 1 b.      |

| 14   | $ AB  = 6 \cdot \sqrt{3} \text{ cm}$  | max. 2 b.                          |
|------|---|------------------------------------|
|      | a správný postup řešení   | 2 b.                               |
|      | (tj. užití správných algoritmů a správný výpočet požadované veličiny)   | 2 0.                               |
|      | Algoritmicky správný postup výpočtu s jednou numerickou chybou.   | 1 b.                               |
|      | Postup řešení chybí, resp. obsahuje kterékoli z následujících nedostatků: - vypočtený úhel AXB není tupý, - chybný algoritmus, - chybná úvaha, - více chyb.   | 0 b.                               |
| 15   | V učitelském sboru je 56 učitelek.  | max. 3 b.                          |
|      | a správný postup řešení   |                                    |
|      | (tj. správně sestavená a správně řešená rovnice, resp. soustava rovnic,<br>a správný výpočet požadované veličiny)   | 3 b.                               |
|      | Je správně sestavena rovnice, resp. soustava rovnic, z níž lze dopočítat požadovanou<br>veličinu a v následném postupu řešení je právě jeden z následujících nedostatků:<br>- po správném výpočtu některé z neznámých chybí dopočítání požadované veličiny,<br>- rovnice je řešena s jednou drobnou chybou a dále je úloha bezchybně dokončena.   | 2 b.                               |
|      | Je správně sestavena rovnice, resp. soustava rovnic, z níž lze dopočítat požadovanou veličinu, ale následuje alespoň jeden z těchto nedostatků:  - rovnice dále není řešena a neznámá není vypočtena,  - rovnice je řešena se závažnou chybou nebo s více chybami,  - bez uvedení postupu řešení rovnice jsou uvedeny požadované výsledky,  - výsledek neodpovídá uvedenému postupu řešení. | 1 b.                               |
|      | Kterýkoli z následujících nedostatků:  není uvedena rovnice ani soustava rovnic, z níž lze dopočítat požadovanou veličinu,  chybně sestavená rovnice, resp. soustava rovnic,  uhodnutý výsledek případně se zkouškou do zadání,  řešení chybnou úvahou.   | 0 b.                               |
| 16   |   | max. 2 b.                          |
| 16.1 | N   | 4 nodúloby 2 h                     |
| 16.2 | N   | 4 podúlohy 2 b.<br>3 podúlohy 1 b. |
| 16.3 | A   | 2 podúlohy 0 b.                    |
| 16.4 | N   | 1 podúloha 0 b.                    |
| 17   | В   | 2 b.                               |
| 18   | С   | 2 b.                               |
| 19   | D   | 2 b.                               |
| 20   | A   | 2 b.                               |
| 21   | А   | 2 b.                               |
| 22   | D   | 2 b.                               |
| 23   | С   | 2 b.                               |
| 24   | В   | 2 b.                               |

| 25         |          | max. 4 b.                          |
|------------|----------|------------------------------------|
| 25.1       | F        | 4 podúlohy 4 b.                    |
| 25.2       | С        | 3 podúlohy 3 b.                    |
| 25.3       | В        | 2 podúlohy 2 b.                    |
| 25.4       | E        | 1 podúloha 1 b.                    |
|            |          |                                    |
| 26         |          | max. 3 b.                          |
| 26<br>26.1 | D        |                                    |
|            | D<br>A   | 3 podúlohy 3 b.<br>2 podúlohy 2 b. |
| 26.1       | <u> </u> | 3 podúlohy 3 b.                    |

Vyjádření ekvivalentní s uvedenými správnými výsledky jsou přípustná.

Kromě správných řešení jsou v klíči uvedeny nedostatky, které se nejčastěji vyskytují v žákovských řešeních, a příslušná hodnocení. Uvedený výčet nelze považovat za úplný.