

**МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ**  
**НАЦІОНАЛЬНОМУ УНІВЕРСИТЕТУ “ЛЬВІВСЬКА ПОЛІТЕХНІКА”**

**Кафедра систем штучного інтелекту**

**Лабораторна робота №4**  
**з дисципліни «Дискретна математика»**

**Виконала:**

студентка групи КН-115

Попів Христина

**Викладач:**

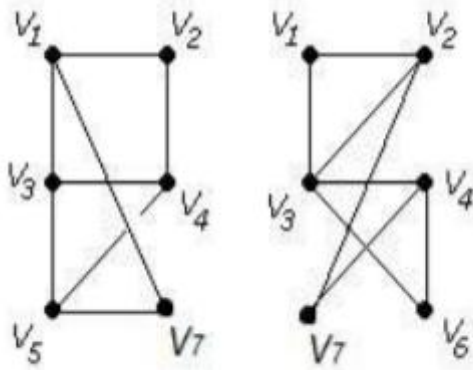
Мельникова Н.І.

**Львів – 2019 р.**

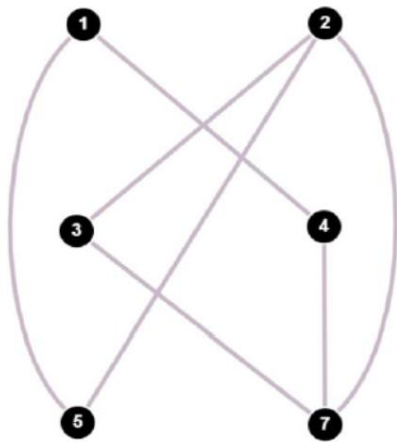
## Варіант 10

Завдання № 1. Виконати наступні операції над графами:

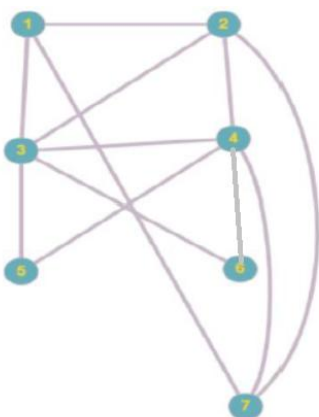
- 1) знайти доповнення до першого графу,
- 2) об'єднання графів
- 3) кільцеву суму  $G_1$  та  $G_2$  ( $G_1 + G_2$ ),
- 4) розщепити вершину у другому графі,
- 5) виділити підграф  $A$ , що складається з 3-х вершин в  $G_1$  і знайти стягнення  $A$  в  $G_1$  ( $G_1 \setminus A$ ),
- 6) добуток графів.



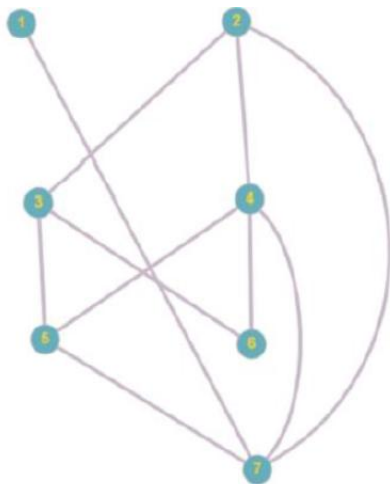
Доповнення до першого графу:



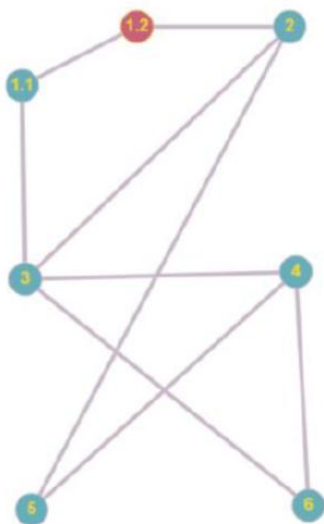
Об'єднання графів:



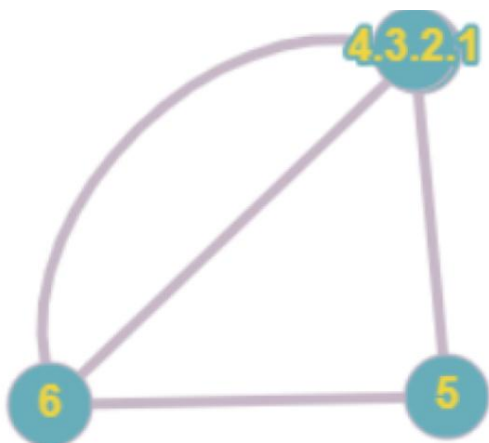
Кільцева сума  $G1$  та  $G2$  ( $G1+G2$ ):



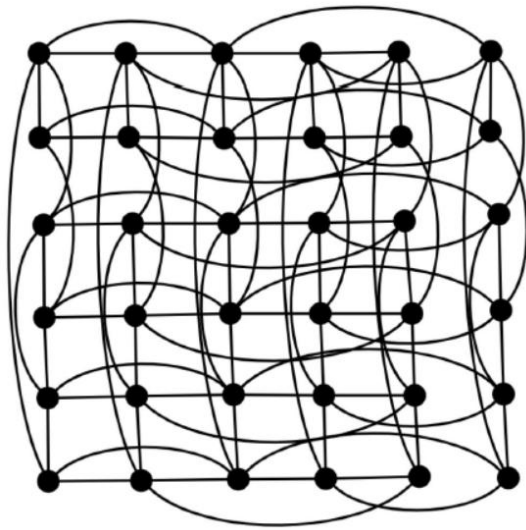
Розщепити вершину у другому графі:



Виділити підграф  $A$ , що складається з 3-х вершин в  $G1$  і знайти стягнення  $A$  в  $G1$  ( $G1 \setminus A$ ):

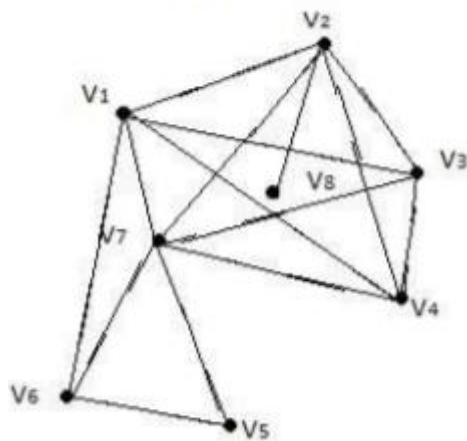


Добуток графів:



2. Знайти таблицю суміжності та діаметр графа.

10



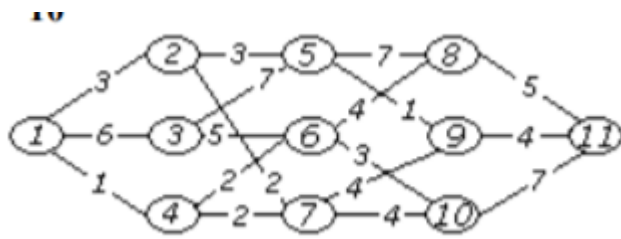
Розв'язання

Таблиця суміжності:

	v1	v2	v3	v4	v5	v6	v7	v8
v1	0	1	1	1	0	1	1	0
v2	1	0	1	1	0	0	1	1
v3	1	1	0	1	0	0	1	0
v4	1	1	1	0	0	0	1	0
v5	0	0	0	0	0	1	1	0
v6	1	0	0	0	1	0	1	0
v7	1	1	1	1	1	1	0	0
v8	0	1	0	0	0	0	0	0

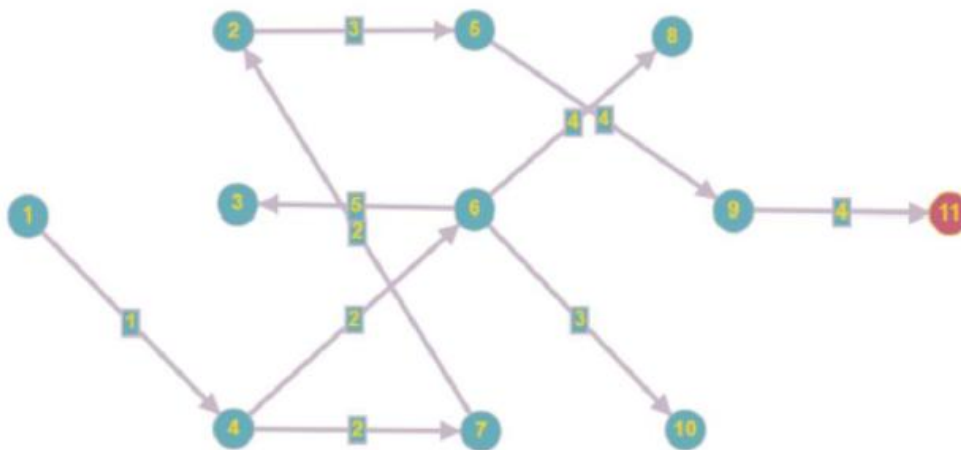
Діаметр графа: 3.

3. Знайти двома методами (Краскала і Прима) мінімальне остове дерево графа.

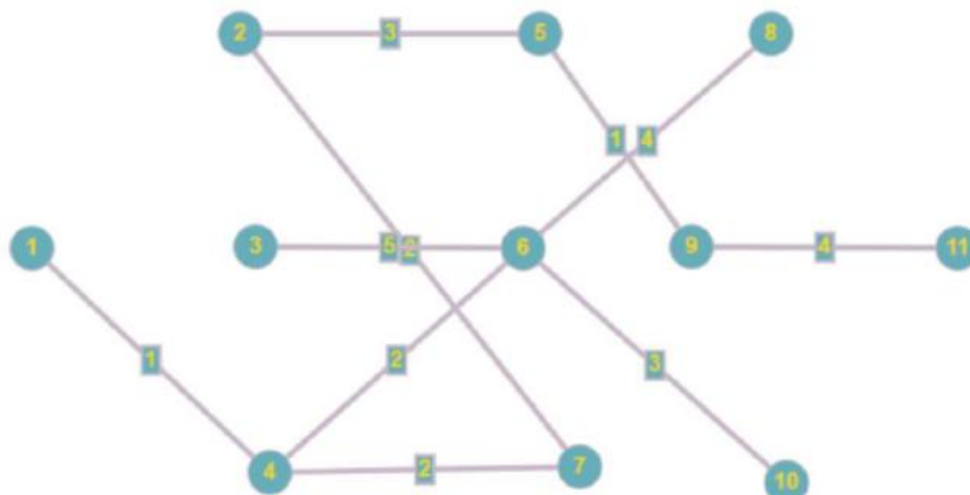


Розв'язання

Прима:



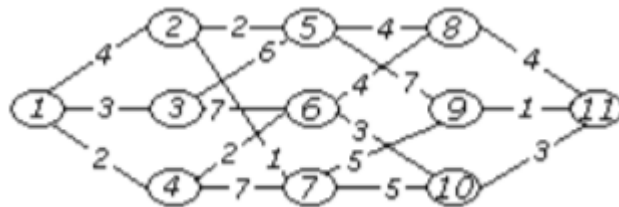
Краскала:



Завдання №2. Написати програму, яка реалізує алгоритм знаходження остового дерева мінімальної ваги згідно свого варіанту.

#### Варіант 10

За алгоритмом Краскала знайти мінімальне остове дерево графа. Етапи розв'язання задачі виводити на екран. Протестувати розроблену програму на наступному графі:



```
#include <iostream>
using namespace std;
struct Rib
{
    int v1, v2, weight;
}Graph[100];
struct sort_rib {
    int v1;
    int v2;
    int weight;
}sort;
void Fill_Struct(int number_of_ribs) {
    for (int i = 0; i < number_of_ribs; i++) {
        cout << "Firts point: ";
        cin >> Graph[i].v1;
        cout << "Second point: ";
        cin >> Graph[i].v2;
        int sort;
        if (Graph[i].v1 > Graph[i].v2) {
            sort = Graph[i].v1;
            Graph[i].v1 = Graph[i].v2;
            Graph[i].v2 = sort;
        }
        cout << "The rib [" << Graph[i].v1 << " " << Graph[i].v2 << "] = ";
        cin >> Graph[i].weight;
        cout << endl;
    }
}
void Sort_Structure(int number_of_ribs) {
    for (int s = 1; s < number_of_ribs; s++) {
        for (int i = 0; i < number_of_ribs - s; i++) {
            if (Graph[i].weight > Graph[i + 1].weight) {
                sort.v1 = Graph[i].v1;
                sort.v2 = Graph[i].v2;
                sort.weight = Graph[i].weight;
                Graph[i].v1 = Graph[i + 1].v1;
                Graph[i].v2 = Graph[i + 1].v2;
                Graph[i].weight = Graph[i + 1].weight;
                Graph[i + 1].v1 = sort.v1;
                Graph[i + 1].v2 = sort.v2;
                Graph[i + 1].weight = sort.weight;
            }
        }
    }
}
```

```

}
void Show_Struct(int number_of_ribs) {
    for (int i = 0; i < number_of_ribs; i++) {
        cout << "The rib [" << Graph[i].v1 << ";" << Graph[i].v2 << "] = " <<
            Graph[i].weight << endl;
    }
}
void Algo_Kraskala(int number_of_ribs, int amount_of_points)
{
    int weighttree = 0;
    int* parent = new int[amount_of_points];
    int v1, v2, weight;
    int to_change, changed;
    for (int i = 0; i < amount_of_points; i++)
    {
        parent[i] = i;
    }
    for (int i = 0; i < number_of_ribs; i++)
    {
        v1 = Graph[i].v1;
        v2 = Graph[i].v2;
        weight = Graph[i].weight;
        if (parent[v2] != parent[v1])
        {
            cout << "The rib [" << Graph[i].v1 << ";" << Graph[i].v2 << "] = " <<
                Graph[i].weight << endl;
            weighttree += weight;
            to_change = parent[v1];
            changed = parent[v2];
            for (int j = 0; j < amount_of_points; j++)
            {
                if (parent[j] == changed)
                {
                    parent[j] = to_change;
                }
            }
        }
    }
    delete[] parent;
    cout << "The weight of the tree: " << weighttree;
}
int main() {
    cout << "Enter an amount of points" << endl;
    int q;
    cin >> q;
    int amount_of_points = q + 1;
    cout << "Enter a number of ribs" << endl;
    int number_of_ribs;
    cin >> number_of_ribs;
    Fill_Struct(number_of_ribs);
    //Show_Struct(number_of_ribs);
    Sort_Structure(number_of_ribs);
    cout << "After sorting" << endl;
    Show_Struct(number_of_ribs);
    cout << "Tree" << endl;
    Algo_Kraskala(number_of_ribs, amount_of_points);}

```

Результат виконання:

```
Tree
The rib [2;7] = 1
The rib [9;11] = 1
The rib [2;5] = 2
The rib [1;4] = 2
The rib [4;6] = 2
The rib [10;11] = 3
The rib [6;10] = 3
The rib [1;3] = 3
The rib [1;2] = 4
The rib [5;8] = 4
The weight of the tree: 25
```