Постановка задачи по оптимизации библиотеки libSBT

Цель работы:

Ускорение работы библиотеки libSBT (выполняющей операции над size-balanced tree), в частности - за счёт использования 64-битных инструкций платформы IA-64. Предполагаемое ускорение — порядка десятикратного. Для этого необходимо написать код на языке Си с ассемблерными вставками, либо на чистом ассемблере в AT&T-синтаксисе для IA-64.

Требуемый результат работы:

- 1) Оптимизированный вариант библиотеки программный код на Си с ассемблерными вставками (или код на ассемблере).
- 2) Набор тестов, иллюстрирующих ускорение вставки/удаления/поиска/перебора по сравнению с оригиналом (sbt.c/.h).
- 3) Подробная документация по применённой оптимизации: в чём отличия от оригинального кода на Си, как выполнена оптимизация. Документация должна быть в виде PDF файла с иллюстрациями, диаграммами поясняющими работу оптимизированного варианта, а также содержать результаты тестов.

Описание оригинального кода

1. Основной тип данных (структура данных):

typedef struct TNode {

TNumber value; // значение, привязанное к ноде

TNodeIndex parent; // ссылка на уровень выше

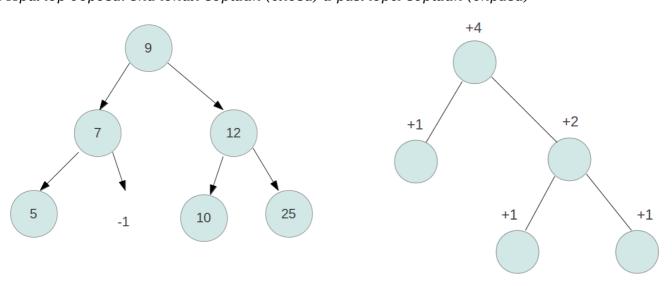
TNodeIndex left; // ссылка на левое поддерево, = -1, если нет дочерних вершин

TNodeIndex right; // ссылка на правое поддерево

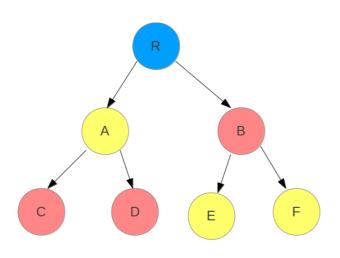
TNodeSize size; // size в понимании SBT

int unused; // «удалённая»; это поле можно использовать и для других флагов } TNode;

2. Пример дерева: значения вершин (слева) и размеры вершин (справа)



3. Условие сбалансированности



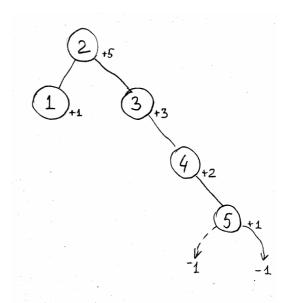


Рисунок 1: Размеры вершин

условие сбалансированности задаётся неравенствами:

 $E.size \le A.size$ $C.size \le B.size$ $F.size \le A.size$

 $D.size \le B.size$

(то есть, дерево как бы выровнено по весу горизонтальных (соседних) слоёв)

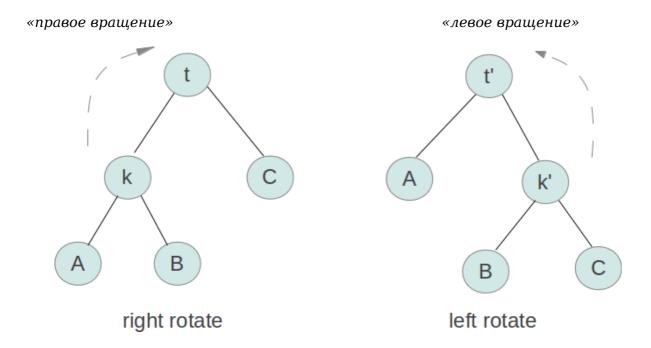
размеры (size) вершин определяются правилом:

R.size = A.size + B.size + 1

(то есть, размер вершины — это число вершин в соответствующем поддереве)

4. Вращения для балансировки

Для балансировки наших деревьев (SBT) используются «вращения»:



Основной момент здесь - это критерий «вращений» (rotates). Рассматривается четыре случая взаимного отношения «размеров» (size) вершин, близких к "корню" балансировки (t). В зависимости от соотношения «размеров», выполняется то или иное вращение.

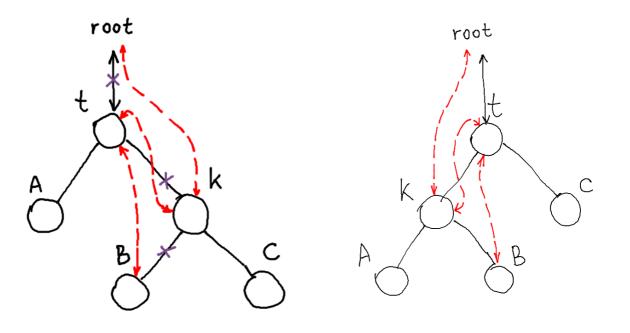
Балансировка выполняется после добавления вершины (функция AddNode), а также — после удаления вершины из дерева (функция DeleteNode).

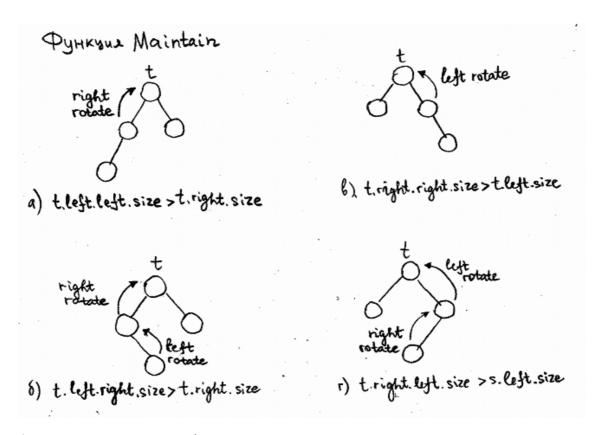
1. Если нет такой вершины t — игнорировать команду вращения.

```
2. Повернуть ребро дерева (см. рисунок выше), поменяв связи между вершинами (nodes).
       3. Скорректировать «размер» size корня поддерева, t.
int SBT LeftRotate(TNodeIndex t) {
         if (t < 0) return 0;
         TNodeIndex k = nodes[t].right;
         if (k < 0) return 0;
         TNodeIndex p = _nodes[t].parent;
         // поворачиваем ребро дерева
         _nodes[t].right = _nodes[k].left;
         _nodes[k].left = t;
         // корректируем size
         _nodes[k].size = _nodes[t].size;
TNodeIndex n_l = _nodes[t].left;
TNodeIndex n_r = _nodes[t].right; // для ускорения — выборку из кэша
         TNodeSize s_1 = ((n_1 != -1) ? nodes[n_1].size : 0);
TNodeSize s_r = ((n_r != -1) ? nodes[n_r].size : 0);
         _{nodes[t].size} = s_l + s_r + 1;
         // меняем трёх предков
         // 1. t.right.parent = t
         // 2. k.parent = t.parent
         // 3. t.parent = k
         if (_nodes[t].right != -1) _nodes[_nodes[t].right].parent = t; // ИЗ КЭША
         _nodes[k].parent = p;
         _nodes[t].parent = k;
         // меняем корень, parent \rightarrow t, k
         if (p == -1) _tree_root = k; // 3TO root
         else {
                  if (_nodes[p].left == t) _nodes[p].left = k;
                  else nodes[p].right = k; // вторую проверку можно не делать
         return 1;
}
```

Как заменяются связи (в функции SBT LeftRotate и SBT RightRotate):

(аналогично выполняется «right rotate»)

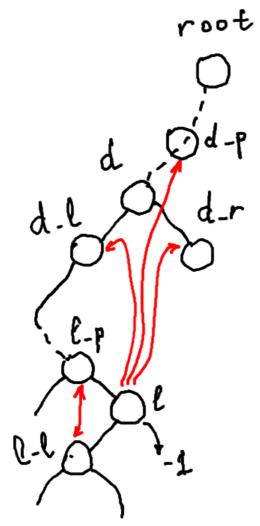


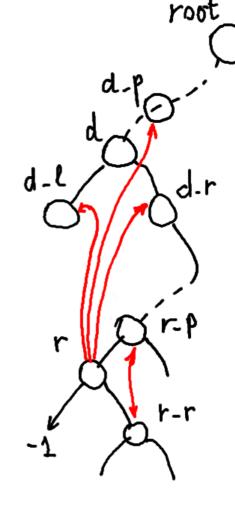


Как видно, правила и случаи балансировки — немногочисленны и просты. Вот код функции балансировки, Maintain:

```
int SBT Maintain(TNodeIndex t) {
           // поместили слева (?)
           if (SBT_Left_size(t) > SBT_Right_size(t)) {
                      SBT \overline{R}ight\overline{R}otate(t);
                     CALC_T0 // восстановить значение t0
SBT_Maintain(_nodes[t0].right);
                      SBT_Maintain(t0);
           else if (SBT_Left_Right_size(t) > SBT_Right_size(t)) {
                      SBT_LeftRotate(_nodes[t].left);
                     SBT_RightRotate(t);
CALC_T0
                      SBT_Maintain(_nodes[t0].left);
                     SBT_Maintain(_nodes[t0].right);
SBT_Maintain(t0);
           // поместили справа (?)
else if (SBT_Right_Right_size(t) > SBT_Left_size(t)) {
                     SBT_LeftRotate(t);
CALC_T0
SBT_Maintain(_nodes[t0].left);
                      SBT_Maintain(t0);
          else if (SBT_Right_Left_size(t) > SBT_Left_size(t)) {
    SBT_RightRotate(_nodes[t].right);
    SBT_LeftRotate(t);
                      CALC TO
                      SBT_Maintain(_nodes[t0].left);
                     SBT_Maintain(_nodes[t0].right);
SBT_Maintain(t0);
           }
           return 0;
}
```

Eсть также более быстрый (упрощённый) код — функция $SBT_Maintain_Simpler()$.





Nearest And Lesser

Nearest And Greater

DeleteNode, ygazethe befmathe

Удаление вершины — это:

1 шаг) собственно вырезание вершины из дерева (находим её через Find-функцию),

2 шаг) освобождение памяти из-под этой ячейки,

3 шаг) перевешивание на место удалённой вершины— другой, наиболее близкой по значению (NearestAndLesser, NearestAndGreater),

4 шаг) балансировка поддерева, которое изменили.

Вырезание вершины — это ключевая часть функции DeleteNode.

Балансировка выполняется после вырезания и перевешивания вершины. Выполняется от непустой вершины: L L или L P (R R или R P) вверх, до корня.

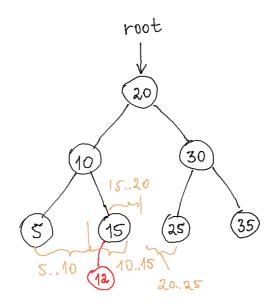
7. Добавление вершины, балансировка

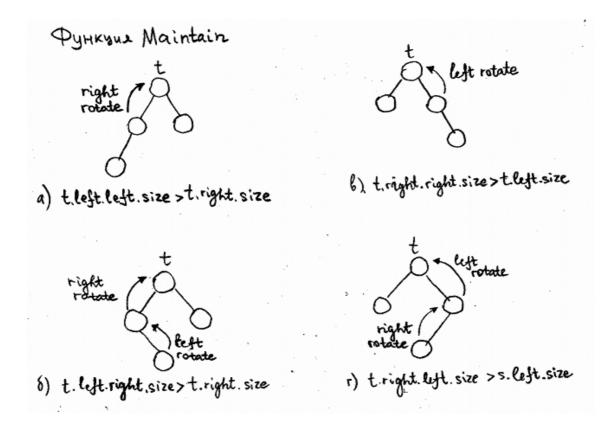
Добавление вершины происходит в три шага:

1 шаг) Выделение памяти под ячейку (node);

2 шаг) Добавление вершины (node) в дерево: все узлы дерева (ноды) делят числовую ось (область значений вершин) на интервалы; ищем интервал, которому принадлежит новый лист, соответственно, ищем лист - к которому можно подвесить новый, и добавляем; по-умолчанию — добавляем с приоритетом «вправо», поэтому «левых» вращений при балансировке больше, чем правых;

3 шаг) Упорядочивание — балансировка вершин (вызов Maintain для соответствующего поддерева и «соседних» поддеревьев); например (см. рисунок) — если добавили вершину «12» - то баланс не нарушился, функция Maintain это сама «поймёт», и вершины переставлять не будет.





8. Возможные пути оптимизации
а) Заменить Maintain на Maintain_Simpler в функции DeleteNode().