Devoir maison 6 - Equations différentielles linéaires

Exercice 1

Résoudre le système différentiel :

$$\begin{cases} x' = -y - 3z + t \\ y' = -3x - 5z \\ z' = 2x + y + 5z - t \end{cases}$$

Exercice 2

On considère l'équation différentielle

(L):
$$t^2y'' + 4ty' + 2y = \ln t$$

- 1. Résoudre sur \mathbb{R}_+^* l'équation différentielle homogène associée à (L), en cherchant des solutions sous la forme $t\mapsto t^{\alpha}$, avec $\alpha\in\mathbb{R}$.
- **2.** Résoudre (L) sur \mathbb{R}_+^* .