CB n°2 - Intégrales généralisées - Sujet 1

EXERCICE 1

Donner la nature des intégrales suivantes :

1.
$$\int_0^1 \frac{\sqrt{t}}{\operatorname{Arctan} t} dt$$

2.
$$\int_0^1 \frac{\ln(t)}{t} dt$$

1.
$$\int_0^1 \frac{\sqrt{t}}{\operatorname{Arctan} t} dt$$
 2. $\int_0^1 \frac{\ln(t)}{t} dt$ 3. $\int_0^{+\infty} \sin\left(\frac{1}{t^2}\right) dt$

EXERCICE 2

Etablir la convergence et calculer les intégrales suivantes :

$$1. \int_{1}^{+\infty} \frac{\ln(t)}{t^2} \mathrm{d}t$$

2.
$$\int_0^1 \sin(\ln(t)) dt$$

${\rm CB}\ {\rm N}^{\circ}2$ - Intégrales généralisées - Sujet 2

EXERCICE 1

Donner la nature des intégrales suivantes :

1.
$$\int_0^{+\infty} 1 - \cos\left(\frac{1}{t}\right) dt$$
 2.
$$\int_1^{+\infty} \frac{\ln(t)}{t} dt$$
 3.
$$\int_1^{+\infty} \frac{1}{t} \tan \frac{1}{t} dt$$

$$2. \int_1^{+\infty} \frac{\ln(t)}{t} dt$$

3.
$$\int_{1}^{+\infty} \frac{1}{t} \tan \frac{1}{t} dt$$

EXERCICE 2

Etablir la convergence et calculer les intégrales suivantes :

$$\mathbf{1.} \ \int_0^1 \frac{\ln(t)}{\sqrt{t}} \mathrm{d}t$$

2.
$$\int_0^1 \cos\left(\ln(t)\right) dt$$