CB N°3 - Nombres complexes - Sujet 1

- 1. Question de cours : Donner les formules d'Euler.
- 2. Donner la forme algébrique et la forme trigonométrique des nombres complexes suivants :

a.
$$z_1 = \frac{-\sqrt{3} + 5i}{\sqrt{3} + 2i}$$

b.
$$z_2 = \frac{3 + i\sqrt{3}}{1 - i}$$

c.
$$z_3 = i + e^{i\theta}$$
 où $\theta \in [0, \pi]$.

- 3. Donner les racines carrées du nombre complexe z=-3-4i.
- 4. Résoudre dans $\mathbb C$ l'équation suivante, après avoir montré qu'elle admet une solution réelle :

$$3z^3 + (2 - 9i)z^2 - (7 + 3i)z + 2 + 2i = 0$$

- 5. Linéariser $\cos^3 x \sin^2 x$.
- **6.** Développer $\cos(2x)\sin(3x)$.

CB $N^{\circ}3$ - Nombres complexes - Sujet 2

- 1. Question de cours : Donner la formule de Moivre.
- 2. Donner la forme algébrique et la forme trigonométrique des nombres complexes suivants :

a.
$$z_1 = \frac{\sqrt{3} + 2i}{\sqrt{3} - 5i}$$

b.
$$z_2 = \frac{1+i}{\sqrt{3}-i}$$

$$\mathbf{c.} \quad z_3 = \mathrm{e}^{\mathrm{i}\theta} - \mathrm{i} \,\, \mathrm{où} \,\, \theta \in \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right[.$$

- 3. Donner les racines carrées de z = 5 + 12i.
- 4. Résoudre dans C l'équation suivante, après avoir montré qu'elle admet une solution réelle :

$$2z^3 + (-3 + 8i)z^2 - (5 + 10i)z + 3 + 3i = 0$$

- **5.** Linéariser $\cos x \sin^4 x$.
- **6.** Développer $\cos(3x)\sin(2x)$.