T.D. 7 : Calcul d'intégrales

Calculer les intégrales suivantes :

i)
$$\int_0^\pi x \cos x \, dx$$

ii)
$$\int_{-1}^{0} (x+2) e^{x+2} dx$$

iii)
$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} x^2 \sin x \, dx$$

iv)
$$\int_0^1 \frac{1}{\sqrt{x+1}} \, dx$$

v)
$$\int_0^{2\pi} (x^2 + x) e^{2x} dx$$

vi)
$$\int_0^t x\sqrt{1+x^2} \ dx, \quad \text{où } t \in \mathbb{R}$$

vii)
$$\int_0^t \frac{1}{e^x + 1} dx, \quad \text{où } t \in \mathbb{R}$$

viii)
$$\int_{1}^{2} \ln(4x-1) dx$$

ix)
$$\int_0^1 x e^{x^2} dx$$

$$x) \qquad \int_1^e \frac{1}{x + x(\ln x)^2} \ dx$$

xi)
$$\int_0^t \ln(1+x^2) dx , \text{ où } t \in \mathbb{R}$$

xii)
$$\int_0^1 x \ln(1+x^2) dx$$

xiii)
$$\int_{-1}^{1} \frac{e^x}{e^x + 1} dx$$

$$xiv) \qquad \int_0^t \frac{e^{2x}}{e^x + 1} \ dx, \ \text{où} \ t \in \mathbb{R}$$