${ m CB}\ { m N}^{\circ} { m 2}$ - ${ m Calcul}\ { m Alg\'ebrique}$ - ${ m Trigonom\'etrie}$ - ${ m Sujet}\ { m 1}$

1. Résoudre le système suivant :

$$\begin{cases} x + y - z = 1 \\ x - 2y + 2z = -2 \\ 2x - y - 2z = -1 \end{cases}$$

2. Soit $n \in \mathbb{N}^*$.

a. Exprimer simplement

$$\sum_{k=1}^{n} \left((k+1)^3 - k^3 \right)$$

b. Développer $(k+1)^3$ et en déduire que

$$\sum_{k=1}^{n} k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

c. Calculer

$$\sum_{1 \le i \le j \le n} i$$

3. Résoudre dans \mathbb{R} :

a.
$$\cos(2x) + \sin(x) = 1$$

b.
$$\cos(x) - \sin(x) = \sqrt{2}$$

c.
$$|\cos(x)| \le \frac{1}{2}$$
.

4. Résoudre dans \mathbb{R} les inéquations suivantes :

a.
$$\sqrt{x^2 + x - 2} \le x + 1$$

b.
$$|x^2 - x - 1| \le 1$$

c. $\frac{x+1}{m+2} \le x$ où m désigne un paramètre réel différent de -2.

${ m CB}\ { m N}^{\circ}2$ - ${ m Calcul}\ { m alg\'ebrique}$ - ${ m Trigonom\'etrie}$ - ${ m Sujet}\ 2$

1. Résoudre le système suivant :

$$\begin{cases} x+y+2z=0\\ x+2y-z=1\\ 2x-y+z=0 \end{cases}$$

2. Soit $n \in \mathbb{N}^*$.

a. Exprimer simplement

$$\sum_{k=1}^{n} \left(k^3 - (k-1)^3 \right)$$

b. Développer $(k-1)^3$ et en déduire que

$$\sum_{k=1}^{n} k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

c. Calculer

$$\sum_{0 \le i \le j \le n} j$$

3. Résoudre dans \mathbb{R} :

a.
$$\cos(x) + \sin(2x) = 0$$

b.
$$\cos(x) + \sin(x) = \sqrt{2}$$

c.
$$|\sin(x)| \le \frac{1}{2}$$
.

4. Résoudre dans \mathbb{R} les inéquations suivantes :

a.
$$1 - 2x < \sqrt{x^2 - x - 2}$$

b.
$$|2x^2 + x - 2| \le 1$$

c. $\frac{x-1}{m-2} \le x$ où m désigne un paramètre réel différent de 2.