1 Stokastiske variabler

1.1 Histogram matching

For at finde $F_y(y)$ fra $F_x(x)$, så skal man finde værdien for x_i og overføre den til $F_y(y)$ (slide Chap. 3, s. 6).

Code snippet 1.1: Uniform fordeling med random tal

```
\begin{array}{l} {\rm yrange} \, = \, -5 \! : \! 0.1 \! : \! 5; \\ {\rm Fy} \, = \, {\rm normcdf} \, ({\rm yrange} \, , \! 0 \, , \! 1) \, ; \\ {\rm N} \, = \, 1000; \\ {\rm x} \, = \, {\rm rand} \, (1 \, , \! N) \, ; \\ {\rm Fx} \, = \, {\rm unifcdf} \, ({\rm x} \, , \! 0 \, , \! 1) \, ; \\ \\ {\rm for} \, \, \, i \, = \, 1 \! : \! N \\ {\rm distance} \, = \, {\rm abs} \, ({\rm Fx} \, ({\rm i}) \! - \! {\rm Fy}) \, ; \\ {\rm [min\_val} \, , \! {\rm min\_ix}] \, = \, {\rm min} \, ({\rm distance}) \, ; \\ {\rm y} \, ({\rm i}) \, = \, {\rm yrange} \, ({\rm min\_ix}) \, ; \\ {\rm end} \end{array}
```

Fordelingsfunktionen er per definition integralet fra $-\infty$ til ∞ .

Slide 23/61 for vigtige relationer.

Givet f(x,y), hvordan beregner man de marginale sandsynligheder $f_X(x)$ og $f_Y(y)$?

$$f_X(x) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x, y) dy$$
$$f_Y(y) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x, y) dx$$

Hvordan beregnes de betingede tætheder f(x|y) og f(y|x)?

$$f(x|y) = \frac{f(x,y)}{f_Y(y)}$$
$$f(y|x) = \frac{f(x,y)}{f_X(x)}$$

Bayes regel:

$$f(y|x) = \frac{g(x|y) \cdot f_Y(y)}{f_X(x)}$$

$$f(x|y) = \frac{g(x|y) \cdot f_X(x)}{f_Y(y)}$$
Måske

1.2 Korrelation

Afhænger X og Y af hinanden?

Centrer om middelværdien!

Se slide 27/61.

En stærk korrelationskoefficient ligger oven i hinanden.

1.3 Symmetrisk Gaussfordeling

Når $f(x|y) = f_X(x)$, så er X og Y uafhængige. (slide 34/61).

Hvis de ikke er uafhængige (slide 36/61), så ligger data IKKE oven i hinanden. Altså er $f(x|y) \neq f_X(x)$. Den betingede graf er smallere end den marginale.

Beregn areal under den sorte kurve (slide 37/61):
$$f(x|y=0) = \frac{f(x,y=0)}{f_Y(y=0)}$$
 og $f(y|x=0.64) = \frac{f(x=0.64,y)}{f_X(x=0.64)}$