# 云南大学数学与统计学院 《算法图论实验》上机实践报告

课程名称: 算法图论实验	<b>年级:</b> 2015 级	上机实践成绩:
<b>指导教师:</b> 李建平	姓名: 刘鹏	专业: 信息与计算科学
上机实践名称: 欧拉图判断与寻找欧拉回路	学号: 20151910042	上机实践日期: 2018-12-25
上机实践编号: 5	组号:	

### 一、实验目的

- 1. 了解欧拉图的来历、定义以及图论表述;
- 2. 能快速写出求最短路的最小插点问题的动态规划算法。

#### 1.1 实验内容

- 1. 写出判定一个给定的图是否是欧拉图的算法;
- 2. 写出寻找含有欧拉回路的图的欧拉回路的算法。

#### 二、实验平台

Windows 10 Pro 1803:

MacOS Mojave o

# 三、 算法设计

#### 3.1 图的一般概念

如果一个图不含有环(loop)和多重边(multiple edge),则称这种图为简单图(simple graph)。但是如果图中允许有环和多重边,那么这种图被称为伪图(pseudograph)。

给定伪图G,若存在一条简单链过图的每条边一次并且仅仅一次,则称这个链为欧拉链(Eulerian chain)。特别地,如果欧拉链变成了一个圈,那么称这个圈为欧拉圈(Eulerian cycle)。如果一个图有欧拉圈,则这个图是欧拉图(Eulerian graph)。如果连通伪图G是欧拉图,当且仅当G中不含奇点。

Fleury 提供了一个有效的在含欧拉圈的图中找出欧拉圈的算法[1]。

#### 3.2 Fleury 算法

在本算法的叙述中,以 $P_k=\left(v_{i_0},\,e_{i_1},\,v_{i_1},\,\cdots,\,e_{i_k},\,v_{i_k}\right)$ 表示在第k步得到的简单链。在这个算法中使用了连通性判断算法IS-CONNECTED(G)

**Algorithm** 求含欧拉圈图的欧拉圈,记此算法为FLEURY

**Input** G = (V, E),允许这个图为任意的图

**Output** 图G的一个欧拉圈C,记C = FLEURY(G)

如果不含欧拉圈, 就输出"This graph is not Eulerian graph"

**Begin** 

End

通过这个算法,可以比较简单地判定一个图是否是欧拉图,如果是欧拉图,还可以输出欧拉回路。

### 四、 程序代码

详见电子版。

# 五、 参考文献

[1] 田丰, 张运清. 图与网络流理论 [M]. 2nd ed. 北京: 科学出版社, 2015.