Public NOIP Round #3

提高组

时间: 2022 **年** 10 **月** 22 **日** 8:30 ~ 13:00

题目名称	移除石子	抓内鬼	异或序列	数圈圈
题目类型	传统型	传统型	传统型	传统型
可执行文件名	stone	catch	xor	circle
每个测试点时限	1.0 秒	3.0 秒	1.0 秒	6.0 秒
内存限制	1 GiB	1 GiB	1 GiB	1 GiB
子任务数目	10	4	10	6
测试点是否等分	是	否	是	否

提交源程序文件名

对于 C++ 语言	对于 C++ 语言	stone.cpp	catch.cpp	xor.cpp	circle.cpp
-----------	-----------	-----------	-----------	---------	------------

编译选项

对于 C++ 语言	-1m -O2
-----------	---------

注意事项:

- 1. C++ 中函数 main() 的返回值类型必须是 int, 值必须为 0。
- 2. 对于因未遵守以上规则对成绩造成的影响,相关申诉不予受理。
- 3. 若无特殊说明,输入文件中同一行内的多个整数、浮点数、字符串等均使用一个 空格进行分隔。
- 4. 若无特殊说明, 结果比较方式为忽略行末空格、文末回车后的全文比较。
- 5. 程序可使用的栈空间大小与该题内存空间限制一致。
- 6. 在终端下可使用命令 <u>ulimit -s unlimited</u> 将栈空间限制放大,但你使用的栈 空间大小不应超过题目限制。

移除石子 (stone)

【题目描述】

你正在玩一个名为"移除石子"的小游戏。

平面直角坐标系上有 n 颗石子,放置在整点(横纵坐标均为整数的点)上,第 i 颗石子的坐标为 (x_i, y_i) 。保证 n 颗石子的坐标互不相同。保证 n 为偶数。

你需要操控一个机器人移除所有的石子。你要做恰好 n/2 次操作,每次操作中:

- 首先,你在平面上画出一个**正方形**。正方形的边必须与坐标轴平行。正方形的顶点**可以不是**整点。
- 机器人会移走所有在正方形内部(包括边界上)的石子。

因为机器人有两只机械臂,你也不想让机器人太闲或者太累,所以要求每次你画出 的正方形里**恰好有两颗**石子。这也意味着,做完所有操作后,所有石子全部被移除了。

石子被移走后就不在这个平面上了,不会对后续操作造成影响,你可以认为它们被 丢进了垃圾桶里。

你想知道,是否存在一种合法方案?如果存在的话,请你输出任意一组合法方案。

【输入格式】

本题单个测试点内有多组数据。

第一行一个正整数 T 表示数据组数。

对于每组数据:第一行为一个正整数n,表示石子的个数。

接下来 n 行,每行两个整数 x_i, y_i ,描述一颗石子的坐标。

【输出格式】

对于每组数据:

如果不存在方案,输出 No。

否则,第一行输出 Yes。

接下来输出 n/2 行,第 i 行四个实数 x_1, y_1, x_2, y_2 。 $(x_1, y_1), (x_2, y_2)$ 是第 i 次操作时,你画出的正方形的任意两个相对的顶点。你需要按照操作的时间顺序输出。

输出的实数应当:

- 用十进制形式输出,不能用科学计数法。
- 至多保留四位小数。

如果有多种方案你可以输出任意一种。<u>No Yes</u> 对大小写不敏感,也就是 <u>YES no</u> 也算对。

【如何知道你的输出是否正确】

如果你熟悉命令行/终端操作:下发文件中有两个文件 <u>testlib.h</u> 和 <u>checker.cpp</u>, 将其置于同一目录下编译,然后运行 <u>checker input output output</u> 即可,这里 input output 分别是输入文件和你的输出。

如果你不熟悉命今行: 没关系! 你只需要严格按照下面的步骤执行就可以了。

- 1. 先把你要测试的输入数据改名为 stone.in, 你的输出文件改名为 stone.out。
- 2. 把第一步里的两个文件复制到同一个文件夹(把这个文件夹叫做工作文件夹)里。
- 3. 下发文件里有四个文件 <u>testlib.h</u>, <u>checker.cpp</u>, <u>run_windows.cpp</u>, <u>run_linux.cpp</u>。如果你用的是 Windows 系统,请你删掉 <u>run_linux.cpp</u>; Linux 则删掉 <u>run_windows.cpp</u>。下面我们都假设你用的是 Windows 系统,如果不是的话,只需要把涉及到 <u>run_windows.cpp</u> 的步骤全部改为 <u>run_linux.cpp</u> 就可以了。
- 4. 上面你删掉了一个文件,还会剩下三个文件。你需要把剩下的三个文件复制到工作文件夹里。
- 5. 在工作文件夹里,编译 <u>checker.cpp</u>,如果你使用 Dev-C++ 的话,快捷键是 F9。如果无误,应该会看到在工作文件夹下里生成了文件 checker.exe。
- 6. 在工作文件夹里,编译并运行 <u>run_windows.cpp</u>,如果你使用 Dev-C++ 的话,快捷键是 F11。如果这个程序运行之后显示"OK",则你的输出是正确的。否则你的输出不正确。注意,这一步的程序运行时间可能比较长,请耐心等待。

【样例1输入】

```
1 1 2 4 3 1 1 4 2 2 5 5 5 6 6 6
```

【样例 1 输出】

```
1 Yes
2 2 2 5 5.0000
3 1 1 6 6.000
```

【样例1解释】

第一次,我们移走了第二颗石子和第三颗石子。第二次,我们移走了第一颗石子和 第四颗石子。

输出不唯一,比如下面的输出也合法:

```
1 yEs
2 0.9999 0.9999 2.0001 2.0001
3 -233 -1.0 233.000 465.00
```

在上面的输出中,第一次,我们移走了第一颗石子和第二颗石子。第二次,我们移 走了第三颗石子和第四颗石子。

但是下面的输出不合法:

```
1 Yes
2 1 1 2 2
3 -1e+5 -1e+5 1e+6 1e+6
```

因为不能用科学计数法输出。

下面的输出也不合法:

```
1 Yes
2 1 1 5 5
3 2 2 6 6
```

因为第一次删的时候,正方形内部和边界上一共有 3 个点 (1,1), (2,2), (5,5)。 下面的输出也不合法:

```
Yes
1 Yes
2 1 1 1 2
3 5 5 6 6
```

因为 (1,1) 和 (1,2) 不可能是任何边平行于坐标轴的正方形的**对角**。 下面的输出也不合法:

```
1 Yes
2 1 1 2 2
3 5 5 6 6.00000
```

因为至多只能输出4位小数。

【样例 2 输入】

【样例 2 输出】

【样例2解释】

注意输出 1e+8 或 1e8 等科学计数法形式的实数是不合法的。

【样例 3】

见选手目录下 ex stone3.in 与 ex stone3.ans。样例 3 满足测试点 5 的性质。

【样例 4】

见选手目录下 ex stone 4.in 与 ex stone 4.ans。样例 4 满足测试点 8,9 的性质。

【子任务】

本题 10 个测试点,每个测试点 10 分。

对于所有测试点,保证 $1 \le T \le 60, 2 \le n \le 3000, 0 \le x_i, y_i \le 10^9$ 。保证 n 是偶数,保证石子的坐标互不相同。

表中"数据随机"的含义为石子的横纵坐标均在[0,109]随机生成。

测试点编号	$T \leq$	$n \leq$	特殊性质	
1, 2		6	x - 2i = 2i	
3		3 000	$x_i = 2i, y_i = 2i$	
4	1	6	<i>m</i> – 0	
5		3000	$x_i = 0$	
6, 7		10	米ケセスで右より	
8,9	20	500	数据随机	
10	60	3 000	无	

抓内鬼 (catch)

【题目描述】

UR#24 的题面被内鬼偷走了!

为了找回丢失的题面,uoj 管理员决定和 pjudge 管理员合作,让内鬼无路可逃。 内鬼在一个 n 个点 m 条边的简单无向连通图上行走,他从 1 号点出发,目标是 n 号点。

uoj 和 pjudge 分别抓了 k 和 n-k 个壮丁。图上的每个点会恰好分配一个壮丁,负责盘问来往行人。因为人流量不同,一个人经过第 i 个点需要花费的时间是 t_i 。经过一条边的时间可以忽略不计。

uoj 的壮丁很清楚其他 uoj 的壮丁都是鸽子, pjudge 的壮丁也很清楚其他 pjudge 的壮丁都是鸽子, 但他们相互不知道对方是不是鸽子。所以, 只有当内鬼经过的一条边的两边的壮丁来自同一个 oj 时, 他才会被抓住。

你需要构造一个分配壮丁的方案,使得对于任意一条 1 到 n 的最短路,内鬼走这条路都会被抓住。或者判断无解。

【输入格式】

第一行三个正整数 n, m, k 。

第二行 n 个正整数 t_1, t_2, \dots, t_n 。

接下来 m 行,每行两个正整数 u_i, v_i ,表示无向图中的一条边。

【输出格式】

如果存在合法方案,那么输出一个长度为 n 的字符串 s ,其中 $s_i \in \{'P', 'U'\}$ 表示 第 i 个点的壮丁是来自 pjudge 还是 uoj 。

否则,输出 impossible。

【样例1输入】

```
1 3 2 0
2 1 1 1
3 1 2
```

4 2 3

【样例1输出】

1 PPP

【样例1解释】

uoj 一个壮丁都没有抓到!但是这样就使得每条边的两边的壮丁都来自 pjudge ,因此内鬼走任意一条边都会被抓住。

【样例 2 输入】

```
1 2 1 1
2 1 1
3 1 2
```

【样例 2 输出】

| impossible

【样例2解释】

uoj 和 pjudge 的壮丁互相认为对方会认真盘查,于是自己当鸽子,结果内鬼跑掉了!

【样例3输入】

```
1 8 9 4
2 3 3 1 2 2 3 2 1
3 1 2
4 1 3
5 1 4
6 2 5
7 3 6
8 4 7
9 5 8
10 6 8
11 7 8
```

【样例3输出】

PUPUPPUU

【样例 4】

见下发文件中的 *ex_catch4.in* 和 *ex_catch4.ans*。

【样例 5】

见下发文件中的 ex_catch5.in 和 ex_catch5.ans。

【样例 6】

见下发文件中的 *ex_catch6.in* 和 *ex_catch6.ans*。

【子任务】

本题采用捆绑测试,你需要通过一个子任务的所有测试点才能得到子任务的分数。 对于所有数据,保证 $2 \le n \le 10^5, 1 \le m \le 2 \times 10^5, 0 \le k \le n, 1 \le t_i \le 10^4$ 。

子任务编号	特殊性质	分值
1	$n \le 15$	20
2	k = 1	30
3	$u_i \in \{1, n\} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	30
4	无	20

异或序列 (xor)

【题目描述】

我们说一个长为 m 的正整数序列 $[a_1,\ldots,a_m]$ 是好的,当且仅当它满足以下性质:

- 1. $m \neq 0$, 也就是序列非空。
- 2. $a_i > a_{i-1} \ (2 \le i \le m)$,也就是序列严格递增。
- 3. $1 \le a_i \le n$ $(1 \le i \le m)$,也就是序列的元素都是 $\le n$ 的正整数。
- 4. $a_i \operatorname{xor} a_{i+1} \operatorname{xor} a_{i+2} \neq 0 \ (1 \leq i \leq m-2)$,也就是序列任意连续三项异或和都不是 0。

给定 n,请你数一数总共有多少个不同的好的序列。两个序列不同,当且仅当它们长度不同或者长度相同但是某个位置上的数不同。答案对 mod 取模。

【输入格式】

输入一行两个正整数 n, mod。

【输出格式】

输出一个非负整数表示答案。

【样例1输入】

1 1 123456789

【样例 1 输出】

1 1

【样例 2 输入】

1 2 100000000

【样例 2 输出】

1 3

【样例2解释】

满足条件的序列有 [1],[2],[1,2] 三种。

【样例3输入】

1 3 666666666

【样例3输出】

1 6

【样例3解释】

满足条件的序列有 [1],[2],[3],[1,2],[2,3],[1,3] 六种。

【样例 4 输入】

1 5 987654321

【样例4输出】

1 26

【样例 5 输入】

1 322 998244353

【样例 5 输出】

1 782852421

【子任务】

本题 10 个测试点,每个测试点 10 分。对于所有测试点, $1 \le n \le 10^6$, $10^8 \le mod \le 10^9$ 。详细数据范围如下表。

测试点编号	$n \leq$
1	5
2	10
3	100
4	500
5	2000
6	5000
7	5×10^4
8	2×10^5
9, 10	10^{6}

数圈圈 (circle)

【题目描述】

当今世界,科技飞速发展,AI 也会绘画了! 不过本题中你要解决的任务比绘画简单很多,给你一张画,你要求出其中有多少个"圈"。

- 一幅画可以抽象为一个 n 行 m 列的字符数组 $a_{i,j}$ $(1 \le i \le n, 1 \le j \le m)$,其中仅包含小写字母。如果一对字符数组中的位置 $(x_1, y_1), (x_2, y_2)$ 满足:
 - $1 \le x_1 x_2 \le n, 1 \le y_1 y_2 \le m$.
 - $\forall i \in [x_1, x_2], j \in [y_1, y_2], a_{i,y_1} = a_{x_1,j} = a_{x_2,j} = a_{i,y_2}$.

我们就说有一个以 (x_1, y_1) 为左上角、 (x_2, y_2) 为右下角的"圈"。比如,下图中的所有 b 就构成一个圈:

```
1 aaaaaaaaaa
2 aabbbbbbbaa
3 aabaaaaabaa
4 aabaaaaabaa
5 aabbbbbbbaa
```

请你输出给定的字符数组中"圈"的数量。

【输入格式】

第一行两个正整数 n, m。

接下来 n 行,每行 m 个小写字母,第 i 行的第 j 个小写字母是 $a_{i,j}$ 。

【输出格式】

输出一个非负整数表示字符数组中"圈"的个数。

【样例1输入】

```
1 3 5
2 zzzzz
3 zxzxz
4 zzzzz
```

【样例1输出】

1 3

下面我们分别在原图中用 * 标注出了三个"圈":

【样例1解释】

```
1 ***zz zz*** *****
2 *x*xz zx*x* *xzx*
3 ***zz zz*** *****
```

【样例 2】

见选手目录下 ex_circle2.in 与 ex_circle2.ans。样例 2 满足子任务 1 的性质。

【样例 3】

见选手目录下 $ex_circle3.in$ 与 $ex_circle3.ans$ 。样例 3 满足子任务 1 的性质。

【样例 4】

见选手目录下 ex circle4.in 与 ex circle4.ans。样例 4 满足子任务 2 的性质。

【样例 5】

见选手目录下 ex circle5.in 与 ex circle5.ans。样例 5 满足子任务 2 的性质。

【样例 6】

见选手目录下 ex circle6.in 与 ex circle6.ans。样例 6 满足子任务 2 的性质。

【样例 7】

见选手目录下 ex circle7.in 与 ex circle7.ans。样例 7 满足子任务 4 的性质。

【样例 8】

见选手目录下 *ex_circle8.in* 与 *ex_circle8.ans*。样例 8 满足子任务 6 的性质。

【子任务】

本题采用捆绑测试,你需要通过一个子任务的所有测试点才能得到子任务的分数。 对于所有测试点, $1 \le n, m \le 2000$ 。详细数据范围如下表。

子任务编号	$n, m \leq$	特殊性质	分值
1	5	无	5
2		$nm \le 40000$	10
3	2 000	矩阵中只存在字母 <u>a</u>	10
4		矩阵中所有字母均在 <u>ab</u> 中随机生成	15
5	400	无	25
6	2000	<u>元</u>	