

# Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

## «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

### ОТЧЕТ

к лабораторной работе № 17

По курсу: «Функциональное и логическое программирование»

Студент ИУ7-64Б Лозовский А.А.

Преподаватель Толпинская Н.Б

#### Задание

В одной программе написать правила, позволяющие найти

- 1. Максимум из двух чисел
  - а. без использования отсечения,
  - b. с использованием отсечения;
- 2. Максимум из трех чисел
  - а. без использования отсечения,
  - b. с использованием отсечения;

Убедиться в правильности результатов.

Для каждого случая пункта 2 обосновать необходимость всех условий тела.

#### Ответы на вопросы

1. Какое первое состояние резольвенты?

Изначально в резольвенте находится цель, заданная пользователем.

2. В каком случае система запускает алгоритм унификации? (т.е. Как эту необходимость на формальном уровне распознает система?)

Алгоритм унификации запускается всегда, когда есть, что «доказывать». Формально, алгоритм унификации последовательно запускается для каждой текущей цели, расположенной в резольвенте (резольвента использует для организации хранения целей стек, для каждой верхней цели будет применен алгоритм унификации). Цели из резольвенты унифцируются с предложениями в БЗ.

3. Каково назначение использования алгоритма унификации?

Алгоритм унификации — основной вычислительный шаг программы. С помощью алгоритма унификации формализуется процесс логического вывода. Позволяет системе определить выводимость цели на основе БЗ. С помощью данного алгоритма выполняется поиск «подходящих» термов в БЗ, путем сопоставления, т.е алгоритм унификации выполняет поиск совпадений в текущей базе знаний.

4. Каков результат работы алгоритма унификации?

Алгоритм унификации завершается «неудачей» или успехом. В случае успеха в результирующей ячейке сформируется подстановка. В качестве побочного эффекта будет построен наиболее общий терм.

5. В каких пределах программы переменные уникальны?

Именованные переменные уникальны в рамках одного предложения. Анонимные переменные уникальны всегда.

6. Как применяется подстановка, полученная с помощью алгоритма унификации? Полученная с помощью алгоритма унификации подстановка применяется к целям в

резольвенте. Подстановка применяется путем замены текущей переменной на соответсвующий терм.

7. Как изменяется резольвента?

Для хранения резольвенты используется стек. Меняется она в ходе доказательства. Преобразования выполняются с помощью редукции — замены текущей цели на тело

найденного в программе правила (с помощью унификации цели и заголовка правила программы).

Преобразование резольвенты разделено на два этапа:

- 1) Берется верхняя из подцелей резольвенты (по стековому принципу) и заменяется на тело правила, найденного в программе.
- 2) Затем к полученной конъюнкции целей применяется подстановка (наибольший общий унификатор цели и сопоставленного с ней правила).

#### 8. В каких случаях запускается механизм отката?

Во время работы системы, в случае, если решение не найдено, и из данного состояния невозможен переход в новое состояние (тупиковое состояние), применяется механизм отката.

#### domains

```
int = integer
```

#### predicates

```
max1a(int, int, int)
max1b(int, int, int)
max2a(int, int, int, int)
max2b(int, int, int, int)
```

#### clauses

```
\begin{aligned} & \max \ 1a(X,\,Y,\,X) :- \, X >= \, Y. \\ & \max 1a(X,\,Y,\,Y) :- \, X < \, Y. \end{aligned} \\ & \max 1b(X,\,Y,\,X) :- \, X >= \, Y,\,!. \\ & \max 1b(\_,\,Y,\,Y). \\ & \max 2a(X,\,Y,\,Z,\,X) :- \, X >= \, Z,\, X >= \, Y. \\ & \max 2a(X,\,Y,\,Z,\,Y) :- \, Y >= \, X,\, Y >= \, Z. \\ & \max 2a(X,\,Y,\,Z,\,Z) :- \, Z >= \, X,\, Z >= \, Y. \end{aligned} \\ & \max 2b(X,\,Y,\,Z,\,X) :- \, X >= \, Y,\, X >= \, Z,\,!. \\ & \max 2b(\_,\,Y,\,Z,\,Y) :- \, Y >= \, Z,\,!. \\ & \max 2b(\_,\,Z,\,Z). \end{aligned}
```

#### Обоснование реализации задания №2

Пункт «а» реализован полным перебором, рассматривается три случая:

- Когда первый аргумент максимум
- Когда второй аргумент максимум
- Когда третий аргумент максимум.

В каждом предложении в цели расположено по два условия, в кажом из которых производится сравнение предполагаемого максимума с двумя оставшимися аргументами.

Пункт «b» реазирован с использованием предиката отсечения. В первом (по порядку сверху-вниз) предложении производится проверка параметра X на то, является ли он максимумом, в конце используется предикат отсечения, чтобы ограничить количество проверок — если найдено значение, оно единственно, откат выполняться после отсечения не будет, результат получен.

Во втором предложении, производится проверка Y на максимум, так как в предыдущем правиле было получено, что X не является максимумом, его не рассматриваем, остается проверить какой из аргументов больше Y или Z, что и делается в конце также используется предикат отсечения C той же целью, что и в предложении C1.

Третье правило является фактом, поскольку, если ни X ни Y не являются максимумами, параметр Z — максимум.

#### Примеры целей и результатов работы программы

- 1. **Goal** max1a(5, 1, Res). **Result** Res=5
- 2. **Goal** max1a(5, 6, Res). **Result** Res=6
- 3. **Goal** max1b(5, 1, Res). **Result** Res=5
- 4. **Goal** max1b(5, 6, Res). **Result** Res=6
- 5. **Goal** max2a(5, 7, 1, Res). **Result** Res=7
- 6. **Goal** max2b(5, 7, 1, Res). **Result** Res=7

#### Описание порядка поиска объектов

**Цель:** max2a(5, 7, 1, Res).

#### Обозначение:

Поскольку в программе выполняется внушительное количество сравнений в таблице будет выделен шаг для поиска соответствующего терма с помощью алгоритма унификации (т.е не будет выделяться отдельный шаг на сравнение всех неунифируемых термов). В таблице шаг будет называться «Поиск подходящего терма», под «подходящим» имеется в виду терм, унифицируемый с текущим.

Термы являются унифицируемыми, если у них **совпадают названия главных функторов** и **одинаковая арность**.

Таблица 1: Порядок работы системы для пункта а задания 2.

№ шага	Состояние резольвенты, и вывод: дальнейшие действия	Для каких термов запускается алгоритм унификации: T1=T2 и	Дальнейшие действия: прямой ход или откат (почему
	(почему?)	каков <b>результат</b> (и подстановка)	и к чему приводит?)
1	На первом шаге работы программы добавляется главная цель:	Поиск подходящего терма	Переход к следующему предложению.

	T	T	T
	max2a(5, 7, 1, Res). Запуск алгоритма редукции для		
	выделенной (полужирный		
	шрифт) цели (цель берется из		
	стека).		
	Выполнение алгоритма	Попытка унификации:	
	редукции для max2a(5, 7, 1,	max2a(5, 7, 1, Res)	
	Res).		
	Текущее состояние	$\max 2a(X, Y, Z, X)$	Прямой ход.
	резольвенты: пуста	Результат: успех	Переход в тело правила.
	•	Подстановка: {X=5, Y=7, Z=1,	
		Res=X.	
2	Замена max2a(5, 7, 1, Res) на	5 >= 1 – сревнение связанных	
	тело найденного алгоритмом	переменных	
	унификации правила.	Результат: истина.	
	Выполнение подстановки к		
	полученной конъюнкции целей.		Прямой ход.
	Текущее состояние		примон ход.
	резольвенты:		
	$5 \Rightarrow = 1$ (цель достается из		
	стека),		
-	5 >= 7.		
3	Из стека достается цель	5 >= 7 – сравнение связанных	Откат к предыдущему
	5 >= 7.	переменных	состоянию резольвенты,
	Текущенн состояние	Результат ложь	решение не найдено и из этого
	резольвенты: пуста.		состояние переход в другие невозможен.
4	Текущее состояние	Попытка унификации:	певозможен.
•	резольвенты:	max2a(5, 7, 1, Res)	
	max2a(5, 7, 1, Res).(цель	=	
	достается из стека)	$\max 2a(X, Y, Z, Y)$	Прямой ход.
	Поиск альтернативных путей,	Результат: успех	Переход в тело правила
	выполнение алгоритма	Подстановка: {X=5, Y=7, Z=1,	
	редукции	Res=Y}.	
5	Замена max2a(5, 7, 1, Res) на	7 >= 5 – сревнение связанных	
	тело найденного алгоритмом	переменных	
	унификации правила.	Результат: истина.	
	Выполнение подстановки к		
	полученной конъюнкции целей.		Прямой ход.
	Текущее состояние		прямой ход.
	резольвенты:		
	$7 \Rightarrow = 5$ (цель достается из		
	стека),		
	7 >= 1.		
6	Из стека достается цель	7 >= 1 – сревнение связанных	Решение найдено (резольвента
	7 >= 1.	переменных	пуста).
	Текущенн состояние	Результат: истина.	Вывод.
	резольвенты: пуста.		Поиск альтернативных
			решений, Выполнение отката.
7	max2a(5, 7, 1, Res). (цель	Попытка унификации:	рыполнение отката.
	достается из стека),	max2a(5, 7, 1, Res)	
	Запуск алгоритма редукции для	=	Прямой ход.
	выделенной (полужирный	$\max 2a(X, Y, Z, Z)$	Переход в тело правила
	шрифт) цели (цель берется из	Результат: успех	1
	стека).	, , ,	

8	Замена max2a(5, 7, 1, Res) на тело найденного алгоритмом унификации правила. Выполнение подстановки к полученной конъюнкции целей. Текущее состояние резольвенты: 1 >= 5 (цель достается из стека), 7 >= 7.	Подстановка: $\{X=5, Y=7, Z=1, Res=Z\}$ .  1 >= 5 – сревнение связанных переменных Результат: ложь.	Откат к предыдущему состоянию резольвенты, решение не найдено и из этого состояние переход в другие невозможен.
9	<b>Текущее состояние резольвенты:</b> max2a(5, 7, 1, Res). Берется из стека.	Поиск подходящего терма.	Переход к следующему предложению
	Резольвента пуста	Конец Б3. Соответствий не найдено.	Завершение работы программы.

**Цель:** max2b(5, 7, 1, Res).

$$\begin{split} & \max 2b(X,\,Y,\,Z,\,X) :\text{-} \; X >= Y,\,X >= Z,\,!. \\ & \max 2b(\_,\,Y,\,Z,\,Y) :\text{-} \; Y >= Z,\,!. \\ & \max 2b(\_,\,\_,\,Z,\,Z). \end{split}$$

Таблица 2: Порядок работы системы для пункта в задания 2.

No॒	Состояние резольвенты, и	Для каких термов запускается	Дальнейшие действия:
шага	вывод: дальнейшие действия	алгоритм унификации: T1=T2 и	прямой ход или откат (почему
	(почему?)	каков результат (и подстановка)	и к чему приводит?)
1	На первом шаге работы программы добавляется главная цель: max2b(5, 7, 1, Res). Запуск алгоритма редукции для выделенной (полужирный шрифт) цели (цель берется из стека).	Поиск подходящего терма	Переход к следующему предложению.
	Выполнение алгоритма редукции для max2b(5, 7, 1, Res). Текущее состояние резольвенты: пуста	Попытка унификации: max2b(5, 7, 1, Res) = max2b(X, Y, Z, X) Результат: успех Подстановка: {X=5, Y=7, Z=1, Res=X}.	Прямой ход. Переход в тело правила.
2	Замена max2b(5, 7, 1, Res) на тело найденного алгоритмом унификации правила. Выполнение подстановки к полученной конъюнкции целей.	5 >= 7 – сревнение связанных переменных Результат: ложь.	Откат к предыдущему состоянию резольвенты, решение не найдено и из этого состояние переход в другие невозможен.

	Текущее состояние резольвенты: 5 >= 7, - (цель достается из стека), 5 >= 1,		
3	!. Текущее состояние резольвенты: max2b(5, 7, 1, Res).(цель достается из стека) Поиск альтернативных путей, выполнение алгоритма редукции	Попытка унификации: max2b(5, 7, 1, Res) = max2b(_, Y, Z, Y) Результат: успех Подстановка: {Y=7, Z=1, Res=Y}.	Прямой ход. Переход в тело правила
4	Замена max2b(5, 7, 1, Res) на тело найденного алгоритмом унификации правила. Выполнение подстановки к полученной конъюнкции целей. Текущее состояние резольвенты: 5 >= 1 (цель достается из стека), !.	7 >= 1 – сревнение связанных переменных Результат: истина.	Прямой ход.
5	Из стека достается цель !. Текущенн состояние резольвенты: пуста.	Выполнение! – запрет отката.	Решение найдено (резольвента пуста). Вывод. Завершение работы программы