

## Instituto Politécnico Nacional

Escuela Superior de Cómputo





## Estructuras de Datos

## Tema 10: Árbol binario de búsqueda

M. en C. Edgardo Adrián Franco Martínez http://www.eafranco.com edfrancom@ipn.mx



## Contenido

THE STATE OF THE S



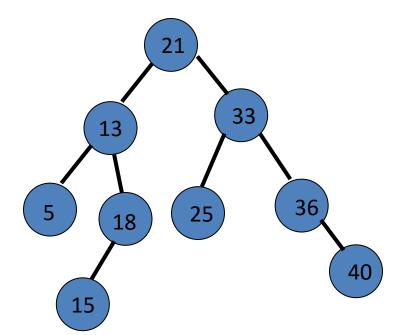
- Árbol binario de búsqueda
  - Búsquedas
  - Inserción
  - Eliminación
- Operaciones útiles en un ABB
  - Contar nodos
  - Sumar nodos
  - Contar hojas
  - Calcular la profundidad
- Comentarios importantes
  - Liga web





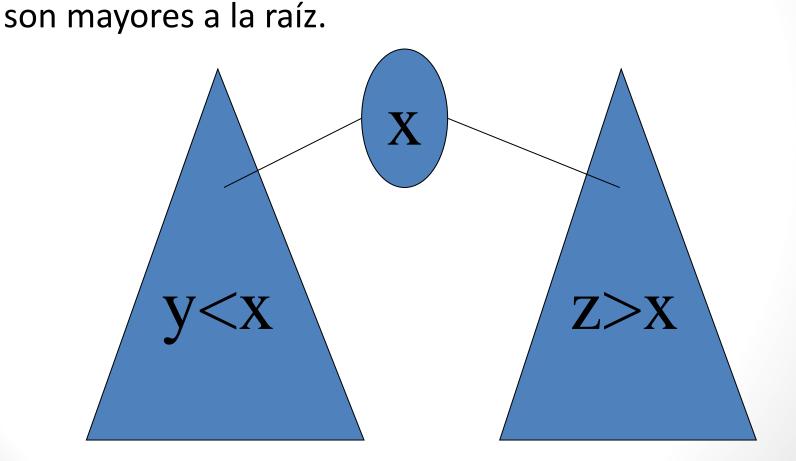


• Un árbol binario de búsqueda es un tipo especial de árbol binario cuya principal característica es que la información se almacena en los nodos cuidando mantener cierto orden.





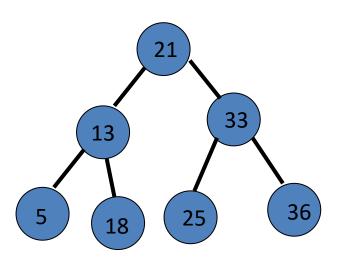
• En un ABB sus nodos también son ABB y contienen información ordenada de tal manera que todos los elementos a la izquierda de la raíz son menores a la raíz y todos los elementos a la derecha de la raíz

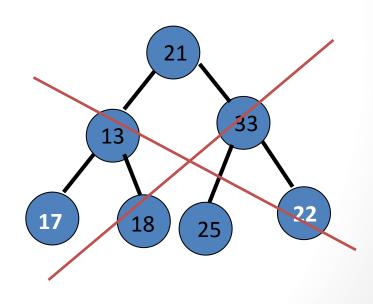






- En un ABB
  - Todos los nodos a la izquierda son menores al padre.
  - Todos los nodos a la derecha son mayores al padre.
  - Un nodo solo puede tener 2 hijos a lo mucho.







- Inserta: para insertar un elemento dado en el conjunto.
- **Suprime:** para suprimir un elemento determinado de el conjunto
- **Busca:** para saber y obtener si un elemento dado pertenece o no al conjunto.



### ESCOM Books Superior on Compute

# Árbol binario de búsqueda (Inserción)

 La inserción es una operación que se puede realizar eficientemente en un árbol binario de búsqueda. La estructura crece conforme se inserten elementos al árbol.

 Los pasos que deben realizarse para insertar un elemento a un ABB son los siguientes:

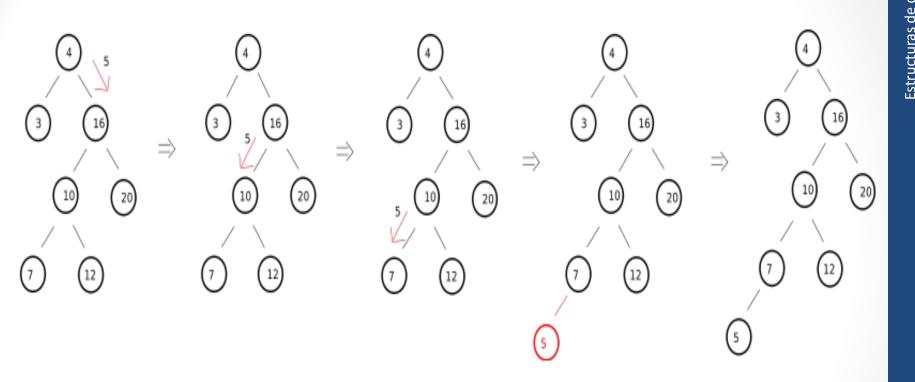
1. Debe compararse el valor o (clave del elemento) a insertar con la raíz del árbol. Si es mayor, debe avanzarse hacia el subárbol derecho. Si es menor, debe avanzarse hacia el subárbol izquierdo.



- Repetir sucesivamente el paso 1 hasta que se cumpla alguna de las siguientes condiciones
  - El subárbol derecho es igual a vació, o el subárbol izquierdo es igual a vació; en cuyo caso se procederá a insertar el elemento en el lugar que le corresponde.
  - El valor o clave que quiere insertarse **es igual a la raíz** del árbol; en cuyo caso **no se realiza la inserción**.



# Árbol binario de búsqueda (Inserción)









(Inserción: Ejemplo 01)

 Supóngase que quieren insertarse elementos con las siguientes claves, en un árbol binario de búsqueda que se encuentra vació.

$$120 - 87 - 43 - 90 - 140 - 99 - 130 - 22 - 56$$

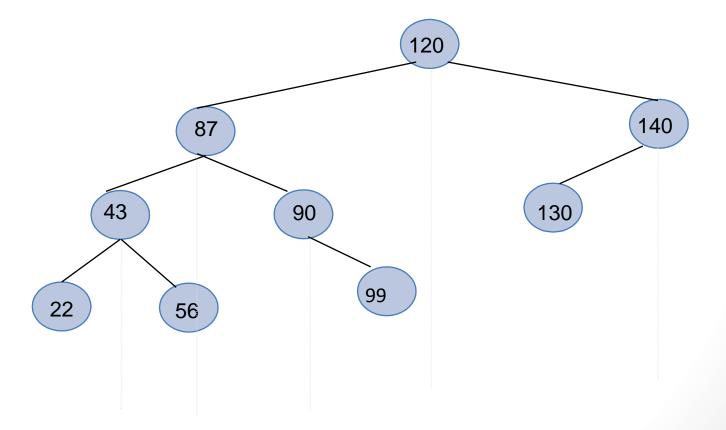






(Inserción: Ejemplo 02)

Si se tiene la siguiente secuencia de inserción: 120 –
 87 – 43 – 90 – 140 – 99 – 130 – 22 – 56





# Árbol binario de búsqueda (Búsquedas)

- El árbol de búsqueda facilita el almacenamiento y búsqueda de información contenida en sus nodos, por medio de un campo clave.
- La búsqueda consiste en acceder a la raíz del árbol, si la clave del elemento a localizar coincide con ésta la búsqueda ha concluido con éxito, si la clave del elemento es menor se busca en el subárbol izquierdo y si es mayor en el derecho. Si se alcanza un nodo hoja y la clave no ha sido encontrado se supone que no existe en el árbol.



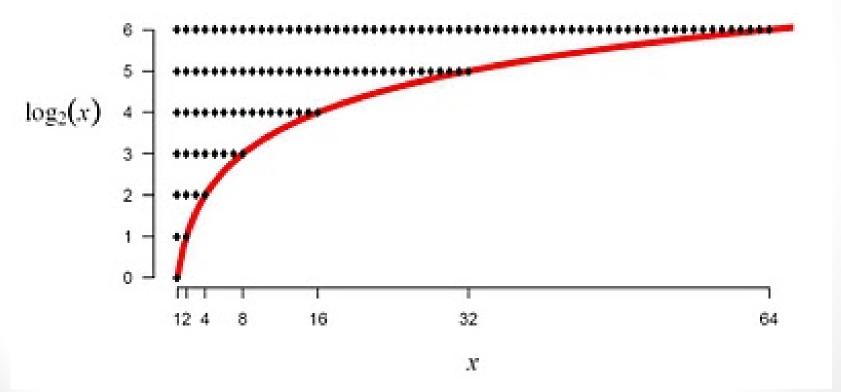
 La búsqueda en un ABB es muy eficiente, representa una función logarítmica.

• El máximo número de comparaciones que necesitaríamos para saber si un elemento se encuentra en un árbol binario de búsqueda estaría entre [log<sub>2</sub>(N+1)] y N, siendo N el número de nodos.

 La búsqueda de una clave de elemento en un ABB (Árbol Binario de Búsqueda) se puede realizar de dos formas, iterativa o recursiva.



• Si se habla de un árbol binario completamente lleno este tendrá  $2^{n-1}$  elementos, por lo que el orden de complejidad de la búsqueda será ideal  $O(log_2(N+1))$ .





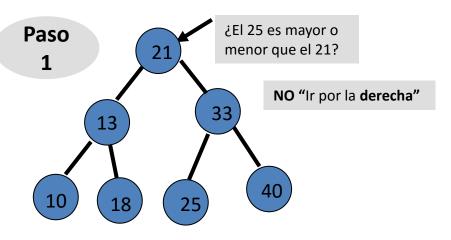


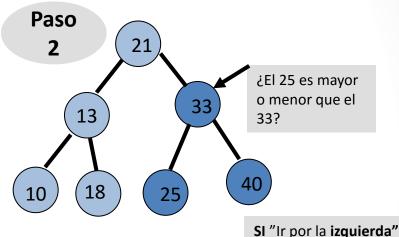


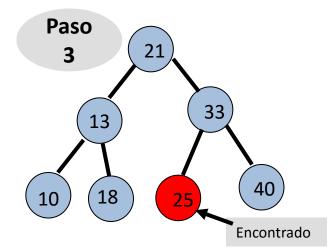


(Búsquedas: Ejemplo 01)

### **Buscar el 25**









15

# Árbol binario de búsqueda (Eliminación)



 Debido a que al eliminar un nodo, no se desea eliminar al subárbol de debajo de este, es necesario realizar los siguientes casos:

- 1. Si el elemento a borrar es terminal (hoja)
- 2. Si el elemento a borrar tiene un solo hijo
- 3. Si el elemento a borrar tiene los dos hijos

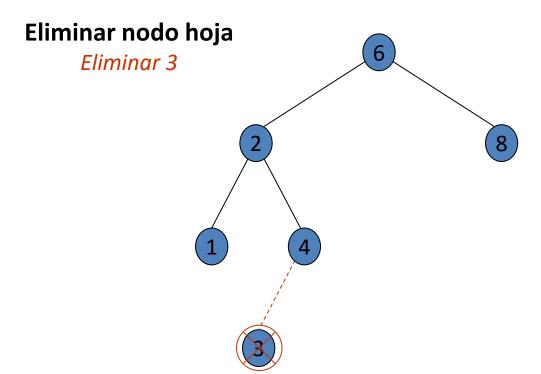


### Caso 1





 Si el elemento a borrar es terminal (hoja), simplemente se elimina.





### Caso 2

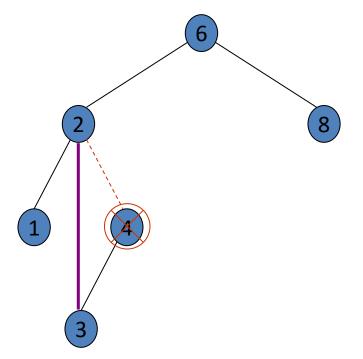




 Si el elemento a borrar tiene un solo hijo, entonces tiene que ser sustituido por el hijo

### Eliminar nodo con un hijo

Eliminar 4









### Caso 3

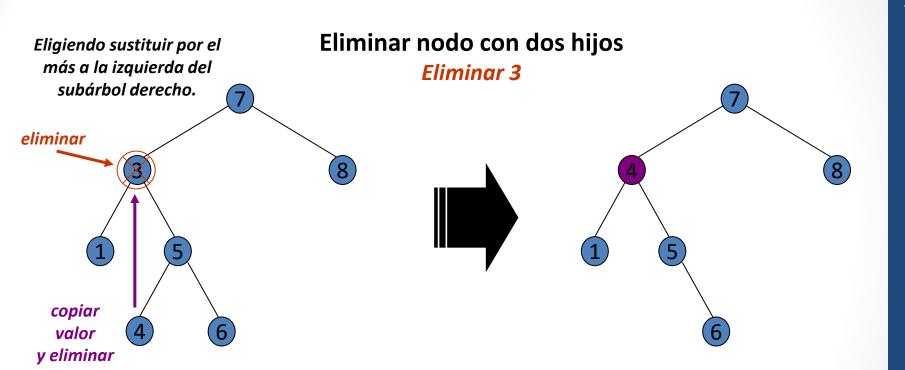
- Si el elemento a borrar tiene los dos hijos, entonces se tienen que sustituir por el nodo:
  - Que se encuentra mas a la derecha en el subárbol izquierdo, o por el nodo
  - 2. Que se encuentra mas a la izquierda en el subárbol derecho.
    - Nota: Si el nodo sustituto tuviera un hijo, lo colocamos en lugar de este.







(Eliminación: Ejemplo 01)



- Remplazar el dato del nodo que se desea eliminar con el dato del <u>nodo más</u> pequeño del subárbol derecho
- Después, eliminar el nodo más pequeño del subárbol derecho (caso fácil)





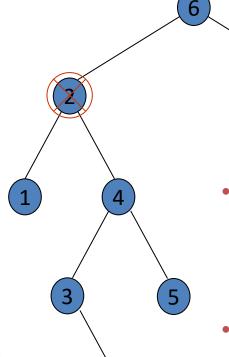


(Eliminación)

subárbol derecho.

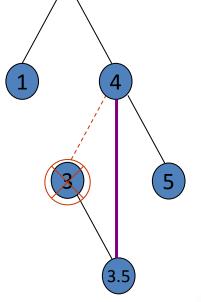
Eliminar nodo con dos hijos Eligiendo sustituir por el más a la izquierda del

Eliminar 2



Remplazar el dato del nodo que se desea eliminar con el dato del nodo más pequeño del subárbol derecho

**Importante** aplicar nuevamente la regla al eliminar al nodo que remplaza, si este tiene un hijo.





# Operaciones útiles en un ABB





## (Contar nodos del ABB)

 El conocer el número de nodos en un árbol binario de búsqueda puede resultar útil para distintas aplicaciones de los mismos.

Si retomamos las operaciones hechas en C del árbol binario...

```
//Cuenta los nodos que hay a partir de una posición P
int CuentaNodos(arbol *a,posicion p)
{
   if(NullNode(a,p))
   {
      return 0;
   }
   else
   {
      return (1+ CuentaNodos(a,RightSon(a,p)) + cuentaNodos(a,LeftSon(a,p));
   }
}
```



# Operaciones útiles en un ABB





 El conocer la suma de los valores de las claves de los nodos en un árbol binario de búsqueda puede resultar útil para distintas aplicaciones de los mismos.

```
//Suma el valor de las claves de los nodos a partir de una posición
int SumaNodo(arbol *a, posicion p)
{
        elemento e;
        if(NullNode(a,p))
        {
            return 0;
        }
        else
        {
            e=ReadNode(a,p);
            return e.clave+SumaNodo(a,RightSon(a,p))+SumaNodo(a,LeftSon(a,p));
        }
}
```



# Operaciones útiles en un ABB (Calcular la profundidad del ABB)





 El conocer la profundidad de un árbol o subárbol binario de búsqueda puede resultar útil para distintas aplicaciones de los mismos.

```
//Calcula la profundidad de un árbol a partir de una posicion p
int Profundidad(arbol *a, posicion p)
{
    if(NullNode(a,p))
        return 0;
    //Retornar la mayor profundidad (Derecha o Izquierda)
    if (Profundidad(a,RightSon(a,p)) > Profundidad(a,LeftSon(a,p)))
        return Profundidad(a,RightSon(a,p)) + 1;
    else
        return Profundidad(a,LeftSon(a,p) + 1;
}
```



# Operaciones útiles en un ABB





(Contar las hojas del ABB)

 El contar las hojas de un árbol binario de búsqueda puede resultar útil para distintas aplicaciones de los mismos.

```
//Cuenta hojas de un árbol a partir de una posición p
int ContarHojas(arbol *a, posicion p)
{
    if(NullNode(a,p))
        return 0;
    else if(NullNode(a,LeftSon(a,p))) && (NullNode(a,RightSon(a,p)))
        return 1;
    else
        return ContarHojas(a,LeftSon(a,p)))+ContarHojas(a,RightSon(a,p)));
}
```





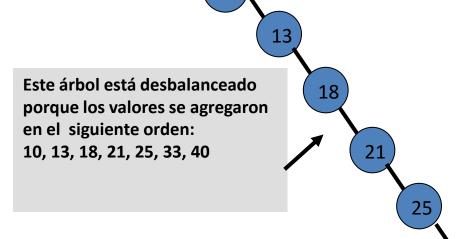


# Comentarios importantes

 El orden de inserción de los datos, determina la forma del ABB.

 Se tendrá el peor caso si se insertan los datos en forma ordenada

• La forma del ABB determina la eficiencia del proceso de búsqueda.







# Liga Web

Inserta elimina y busca en un árbol binario

https://www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/BST.html



