Stackbasierte Sprachen VU - MODALSAT

Gerald Berger Benjamin Kiesl Matthias Reisinger

December 14, 2013

Einführung

- ➤ Wir betrachten modallogische Formeln, aufgebaut durch
 - Atome $\mathcal{P} = \{p_1, p_2, p_3, \ldots\},\$
 - unäre Junktoren ¬, □, ◊,
 - binäre Junktoren \rightarrow , \land , \lor .

Beispiele:

- ullet $\Box p_1
 ightarrow p_1$,
- $\neg p_2 \lor \Box \Diamond p_1$,
- $\Box p_1 \to \Box \Box p_1$.

Eine Kripke-Interpretation (Interpretation) ist ein Tripel $\mathcal{M}=\langle W,R,v\rangle$, wobei

Eine Kripke-Interpretation (Interpretation) ist ein Tripel $\mathcal{M} = \langle W, R, v \rangle$, wobei

➤ W eine nicht-leere Menge ist (die Menge der *möglichen Welten*),

Eine *Kripke-Interpretation* (Interpretation) ist ein Tripel $\mathcal{M} = \langle W, R, v \rangle$, wobei

- ➤ W eine nicht-leere Menge ist (die Menge der *möglichen Welten*),
- $ightharpoonup R \subseteq W \times W$,

Eine *Kripke-Interpretation* (Interpretation) ist ein Tripel $\mathcal{M} = \langle W, R, v \rangle$, wobei

- ➤ W eine nicht-leere Menge ist (die Menge der *möglichen Welten*),
- $ightharpoonup R \subseteq W \times W$,
- $\triangleright v: W \times \mathcal{P} \rightarrow \{0, 1\}.$

Eine *Kripke-Interpretation* (Interpretation) ist ein Tripel $\mathcal{M} = \langle W, R, v \rangle$, wobei

- ➤ W eine nicht-leere Menge ist (die Menge der möglichen Welten),
- $ightharpoonup R \subseteq W \times W$,
- $\triangleright v: W \times \mathcal{P} \rightarrow \{0,1\}.$

Interpretationen definieren Graphen!

Sei $\mathcal{M}=\langle W,R,v\rangle$ eine Interpretation und $w\in W$. Wir definieren $\mathcal{M},w\models\varphi$ für alle Formeln φ wie folgt:

- $ightharpoonup \mathcal{M}, w \models p \iff v(w,p) = 1 \text{ für ein Atom } p.$
- $\blacktriangleright \mathcal{M}, w \models \varphi_1 \land \varphi_2 \iff \mathcal{M}, w \models \varphi_1 \text{ und } \mathcal{M}, w \models \varphi_2.$
- $ightharpoonup \mathcal{M}, w \models \varphi_1 \lor \varphi_2 \iff \mathcal{M}, w \models \varphi_1 \text{ oder } \mathcal{M}, w \models \varphi_2.$
- \blacktriangleright $\mathcal{M}, w \models \varphi_1 \rightarrow \varphi_2 \iff \mathcal{M}, w \not\models \varphi_1 \text{ oder } \mathcal{M}, w \models \varphi_2.$
- \blacktriangleright $\mathcal{M}, w \models \neg \varphi \iff \mathcal{M}, w \not\models \varphi.$
- $ightharpoonup \mathcal{M}, w \models \Box \varphi \iff \mathcal{M}, w \models \varphi \text{ für alle Welten } w' \text{ mit } wRw'.$
- $ightharpoonup \mathcal{M}, w \models \Diamond \varphi \iff \mathcal{M}, w \models \varphi \text{ für mindestens eine Welt } w' \text{ mit } wRw'.$

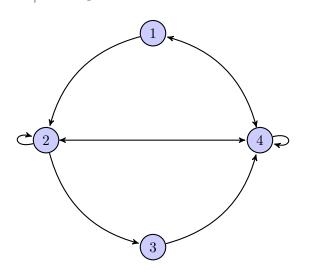
3

▶ Aufgabenstellung: Gegeben eine modallogische Formel φ , eine (endliche) Interpretation $\mathcal{M} = \langle W, R, v \rangle$, sowie eine Welt $w \in W$, überprüfe ob $\mathcal{M}, w \models \varphi$.

4

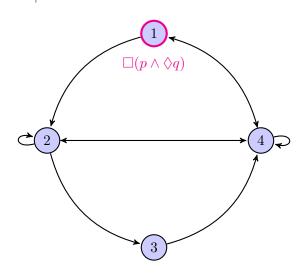
| 1 | p,q | 2 | p |
|---|-----|---|----------------|
| 3 | q | 4 | \overline{p} |

Gilt $\square(p \wedge \lozenge q)$ in Welt 1?



| 1 | p,q | 2 | p |
|---|-----|---|----------------|
| 3 | q | 4 | \overline{p} |

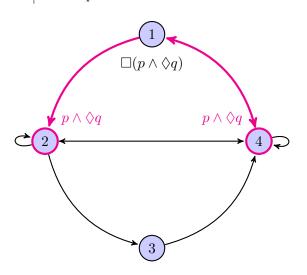
Gilt $\square(p \wedge \lozenge q)$ in Welt 1?



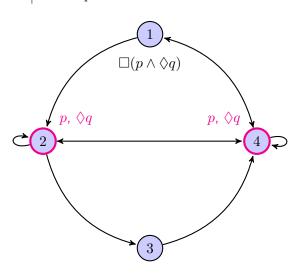
5

| 1 | p,q | 2 | p |
|---|-----|---|----------------|
| 3 | q | 4 | \overline{p} |

Gilt $\square(p \wedge \lozenge q)$ in Welt 1?

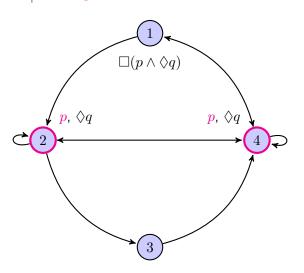


| 1 | p,q | 2 | p |
|---|-----|---|----------------|
| 3 | q | 4 | \overline{p} |

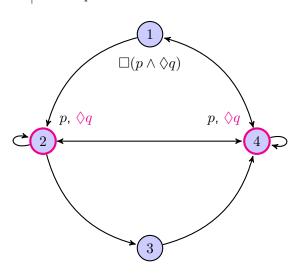


| 1 | p,q | 2 | p |
|---|-----|---|----------------|
| 3 | q | 4 | \overline{p} |

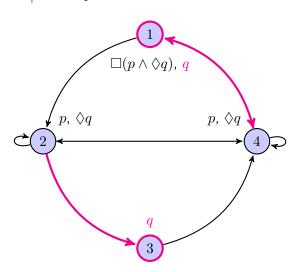
Gilt $\square(p \wedge \lozenge q)$ in Welt 1?



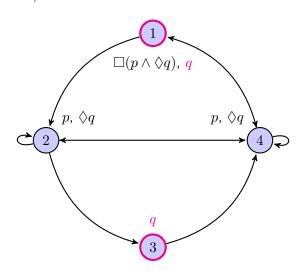
| 1 | p,q | 2 | p |
|---|----------------|---|----------------|
| 3 | \overline{q} | 4 | \overline{p} |



| 1 | p,q | 2 | p |
|---|----------------|---|----------------|
| 3 | \overline{q} | 4 | \overline{p} |



| 1 | $p, {\color{red} q}$ | 2 | p |
|---|----------------------|---|----------------|
| 3 | q | 4 | \overline{p} |



Demo & Code