

Cálculo diferencial en una variable -  
2016377

TALLER 7 - II - 2019

**TEMA: Límites II**

1. Calcule los siguientes límites:

(a)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} -x$

(b)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{x}$

(c)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{7 - 5x}{x - 4}$

(d)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{8x^2 + 5x - 7}{3x^2 - x + 4}$

(e)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{5x - 7}{3x^2 - x + 4}$

(f)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{8x^2 + 5x - 7}{x + 4}$

(g)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-6x^5 + 4x}{3x^5 + x + 5}$

(h)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\operatorname{sen} x}{x}$

(i)  $\lim_{x \rightarrow 4^-} \frac{7 - 5x}{x - 4}$

(j)  $\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{x^2 - 9}{|x - 3|}$

(k)  $\lim_{x \rightarrow -3^+} \frac{x^5 - x^3}{x^2 - 9}$

(l)  $\lim_{x \rightarrow -2^+} \frac{x^3 - x}{x^2 - 4}$

(m)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-\cos x}{x}$

(n)  $\lim_{t \rightarrow 0} \frac{\sqrt{2-t} - \sqrt{2}}{t}$

(o)  $\lim_{t \rightarrow 0} \left( \frac{1}{t\sqrt{1-t}} - \frac{1}{t} \right)$

(p)  $\lim_{s \rightarrow 1} \frac{\sqrt{s} - s^2}{1 - \sqrt{s}}$

(q)  $\lim_{x \rightarrow 0} (x^2 - x)^2 \sin \left( \frac{2\pi}{x} \right)$

(r)  $\lim_{x \rightarrow 0} x^2 \cos \left( \frac{\pi}{x} \right)$

(s)  $\lim_{\theta \rightarrow 0} \sqrt{|\theta|} \sin \left( \frac{1}{\theta} \right)$

(t)  $\lim_{\theta \rightarrow 0} \frac{\sin(4\theta)}{\sin(3\theta)}$

(u)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - \sin^2(x)}{x}$

(v)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(3x)}{2x}$

(w)  $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x - 2}{|x - 2|}$

(x)  $\lim_{x \rightarrow \infty} (2x - \sqrt{4x^2 - x})$

(y)  $\lim_{x \rightarrow 7/3^+} [3x - 1]$

(z)  $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + 3x} - x)$

2. Haga la gráfica de *una* función  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  que satisfaga simultáneamente las siguientes condiciones:

(a)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$

(b)  $\lim_{x \rightarrow -5} f(x) = 3$

(c)  $f(3) = 2$

(d)  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -\infty$

(e)  $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -1$

(f)  $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = f(2) = 1$

(g)  $\lim_{x \rightarrow 4^-} f(x) = +\infty$

(h)  $\lim_{x \rightarrow 4^+} f(x) = -\infty$

(i)  $f(-2) = 0$

(j)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -1$

3. En cada caso dé ejemplos de funciones  $f$  y  $g$  que verifiquen:

$$(a) \quad \lim_{x \rightarrow a} f(x) = +\infty, \quad \lim_{x \rightarrow a} g(x) = +\infty, \quad y \quad \lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)} = 3.$$

$$(b) \quad \lim_{x \rightarrow a} f(x) = +\infty, \quad \lim_{x \rightarrow a} g(x) = -\infty, \quad y \quad \lim_{x \rightarrow a} f(x) + g(x) = -\infty.$$

$$(c) \quad \lim_{x \rightarrow a} f(x) = 0, \quad \lim_{x \rightarrow a} g(x) = +\infty, \quad y \quad \lim_{x \rightarrow a} f(x)g(x) = 1.$$

$$(d) \quad \lim_{x \rightarrow a} f(x) = +\infty, \quad \lim_{x \rightarrow a} g(x) = -\infty, \quad y \quad \lim_{x \rightarrow a} f(x) + g(x) = +\infty.$$

$$(e) \quad \lim_{x \rightarrow a} f(x) = -\infty, \quad \lim_{x \rightarrow a} g(x) = -\infty, \quad y \quad \lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)} = 5.$$

$$(f) \quad \lim_{x \rightarrow a} f(x) = +\infty, \quad \lim_{x \rightarrow a} g(x) = -\infty, \quad y \quad \lim_{x \rightarrow a} f(x)g(x) = -\infty.$$

4. Determine todas las asíntotas en cada caso:

$$(a) \quad y = \frac{2}{x-3}$$

$$(b) \quad y = \frac{x^2}{x^2+1}$$

$$(c) \quad y = \frac{x}{1-x}$$

$$(d) \quad y = \frac{2}{x^2-3x+2}$$

$$(e) \quad y = \frac{x^2}{x-1}$$

$$(f) \quad y = \frac{2x^3-5x^2+4x}{(x-1)^2}$$

$$(g) \quad y = \frac{x^2+1}{x-2}$$

$$(h) \quad y = \frac{x^3-5x^2+6x}{x^2+x-6}$$

$$(i) \quad f(x) = \frac{x^2+\sin x}{x}$$

$$(j) \quad f(x) = \frac{-2x^2-4x+6}{x^3-1}$$

$$(k) \quad f(x) = \frac{x^4-7x^2+12}{x^4-x^2-12}$$

$$(l) \quad y = \sqrt{x^2+1}$$

$$(m) \quad y = \sqrt{x^2-1}$$

$$(n) \quad y = \frac{\sqrt{x^4+1}}{x}$$

5. En cada caso defina 2 funciones que satisfagan las condiciones dadas:

$$(a) \quad y = x+3 \text{ es asíntota oblicua de } y = f(x) \text{ y } f(1) = 5.$$

$$(b) \quad \text{Las rectas } x=6 \text{ y } y=x \text{ son las únicas asíntotas de } y=f(x) \text{ y } f(0) = -1.$$

$$(c) \quad \text{Las rectas } y=1 \text{ y } x=-1 \text{ son las únicas asíntotas de } y=f(x).$$

$$(d) \quad \text{Las rectas } x=\pm 1 \text{ y } y=x \text{ son las únicas asíntotas de } y=f(x).$$