

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра МОЭВМ

КУРСОВАЯ РАБОТА
по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»
Тема: Исследование операций вставки и исключения в AVL-деревьях

Студент гр. 9381

Судаков Е.В.

Преподаватель

Фирсов М.А.

Санкт-Петербург

2020

ЗАДАНИЕ НА КУРСОВУЮ РАБОТУ

Студент Судаков Е.В.

Группа 9381

Тема работы : Исследование операций вставки и исключения в **АВЛ-деревьях**

Исходные данные:

Содержание пояснительной записки:

- титульный лист, лист задания, аннотация, содержание;
- формальная постановка задачи;
- описание алгоритма;
- описание структур данных и функций;
- тестирование;
- исследование;
- программный код (в приложении) с комментариями;
- выводы.

Предполагаемый объем пояснительной записки:

Не менее 15 страниц.

Дата выдачи задания: 31.10.2020

Дата сдачи реферата: 10.12.2020

Дата защиты реферата: 11.12.2020

Студент		Судаков Е.В.
Преподаватель		Фирсов М.А.

АННОТАЦИЯ

В данной курсовой работе производится исследование структуры данных “АВЛ-дерево”, а также операция по вставке и удалению элементов из нее. Исследование проходит с помощью тестов для разных случаев поведения алгоритмов, в среднем, худшем случае. Результатом исследования являются числовые метрики, на основе которых формируется статистика для сравнения с теоретическими оценками.

SUMMARY

This paper is supposed to bring brief investigation on abstract data structure AVL-tree and its insertion and deletion operations. Research provided with tests on different cases of structure behavior, e.g. worst, average. The result is numerical statistics compared with theoretical estimation.

СОДЕРЖАНИЕ

ВВЕДЕНИЕ	5
1. ЗАДАНИЕ	6
2. ХОД ВЫПОЛНЕНИЯ РАБОТЫ	7
2.1. Описание алгоритма	7
2.2. Класс AVL дерева	8
2.3. Описание функций	8
3. Тестирование	11
4. Исследование	15
4.1. Асимптотика работы AVL дерева	16
4.1.1 Вставка	16
4.1.2 Удаление	16
4.2. План исследования	17
4.3. Результаты исследования	18
ЗАКЛЮЧЕНИЕ	20
СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ	20
ПРИЛОЖЕНИЕ А	21

ВВЕДЕНИЕ

Двоичное дерево поиска ([англ. *binary search tree*](#), BST) — это двоичное дерево, для которого выполняются следующие дополнительные условия (*свойства дерева поиска*):

- Оба поддерева — левое и правое — являются двоичными деревьями поиска.
- У всех узлов *левого* поддерева произвольного узла X значения ключей данных *меньше либо равны*, нежели значение ключа данных самого узла X .
- У всех узлов *правого* поддерева произвольного узла X значения ключей данных *больше либо равны*, нежели значение ключа данных самого узла X .

Очевидно, данные в каждом узле должны обладать ключами, на которых определена операция сравнения *меньше*.

АВЛ-дерево — сбалансированное по высоте двоичное дерево поиска: для каждой его вершины высота её двух поддеревьев различается не более чем на 1. АВЛ — аббревиатура, образованная первыми буквами фамилий создателей (советских учёных) Георгия Максимовича Адельсон-Вельского и Евгения Михайловича Ландиса.

1. ЗАДАНИЕ

Реализовать структуру данных “АВЛ-дерево” и провести исследование работы операций вставки и исключения(в среднем, в худшем случае) дабы подтвердить теоретическую оценку работы этих операций.

2. ХОД ВЫПОЛНЕНИЯ РАБОТЫ

2.1. ОПИСАНИЕ АЛГОРИТМА

Алгоритм добавления элемента следующий:

1. Вставка элемента происходит почти также, как и обычном БДП.

Спускаемся по дереву вниз, сравнивая элемент для вставки с элементами дерева.

2. После вставки необходимо **сбалансировать дерево**.

Балансировка дерева происходит, когда разница между высотами поддеревьев одного элемента становится равной 2. В таком случае, в зависимости от конфигурации, необходимо провести серию **вращений**.

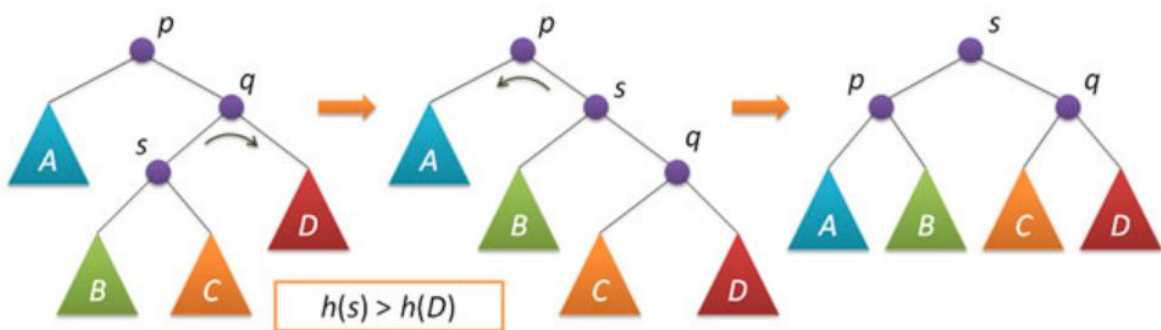


Рисунок 1. Балансировка дерева с помощью правого и левого вращения

Алгоритм удаления элемента :

Находим узел p с заданным ключом k (если не находим, то делать ничего не надо), в правом поддереве находим узел \min с наименьшим ключом и заменяем удаляемый узел p на найденный узел \min . При каждом выходе из рекурсии необходимо ребалансировать дерево.

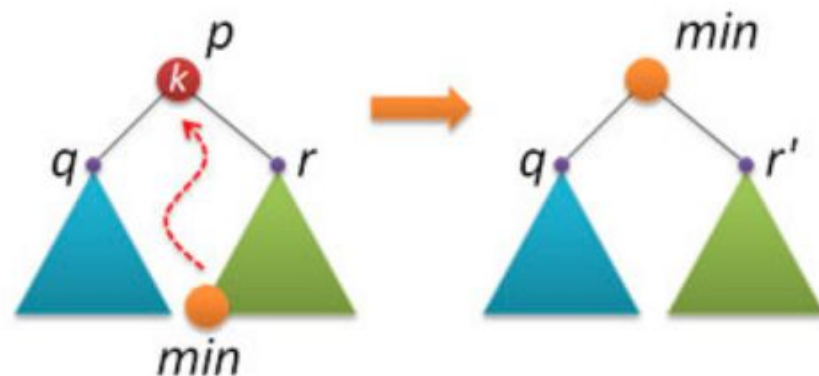


Рисунок 2. Алгоритм удаления элемента

2.2. КЛАСС АВЛ ДЕРЕВА

class AVLTree - Класс представления АВЛ-дерева. Является по-сути всего лишь синтаксическим сахаром над Node, в то время когда в Node определены функции - вращения, балансировки.

В классе AVLTree определены функции вставки и исключения.

2.3. ОПИСАНИЕ ФУНКЦИЙ

Функции описаны в исходном коде в стиле Javadoc:

int Node::bFactor() - Функция поиска разности между высотами поддеревьев элемента

@return Разница между высотами левого и правого поддерева

void Node::updateHeight() - После каждой вставки/балансировки/удаления нужно обновлять высоту дерева

Node *Node::rotateRight() - Правое вращение.

@return Node* p - новый корень полученного дерева

Node *Node::rotateLeft() - Функция левого вращения.

@return новый корень дерева

Node *Node::balance() - Функция балансировки АВЛ дерева. Балансировка нужна в случае когда разница высот левого и правого поддеревьев становится ≥ 2

@return указатель на самого себя(узла)

AVLTree::AVLTree(int k) - Конструктор АВЛ-дерева

@param k ключ для рута

void AVLTree::printTree(Node *node, int level) - Служебная функция вывода дерева. Выводит дерево не сверху-вниз, а слева-направо

@param node корень выводимого поддерева

@param level уровень рекурсии для инdentации

Node *AVLTree::insert(Node *node, int key) - Вставка элемента.

Единственное отличие от вставки в простое БДПв том, что в конце необходимо балансировать.

@param node корень дерева, куда добавляем

@param key ключ элемента

@return Корень сбалансированного дерева

Node *AVLTree::remove(Node *node, int key) - Функция удаления элемента с заданным ключом находим узел p с заданным ключом k (если не находим, то делать ничего не надо), в правом поддереве находим узел min с наименьшим ключом и заменяем удаляемый узел p на найденный узел min.

@param node корень дерева, в котором происходит удаление элемента

@param key ключ для удаления

@return ребалансированный корень дерева

Node *AVLTree::findMin(Node *node) - Функция поиска минимального элемента в (под)дереве

@param node корень дерева, где ищется минимум

@return указатель на элемент с наименьшим ключом

Node *AVLTree::removeMin(Node *node) - Удаление минимального элемента из заданного дерева. По свойству АВЛ-дерева у минимального элемента справа либо подвешен узел, либо там пусто. В обоих случаях надо просто вернуть указатель на правый узел и по пути назад (при возвращении из рекурсии) выполнить балансировку

@param node корень (под)дерева, где удаляется минимальный элемент

@return указатель на новый корень после балансировки

Node *AVLTree::insertNode(Node *root, int key) - Служебная функция-обертка над вставком для удобного вывода

@param root корень (под)дерева, куда вставляется элемент

@param key ключ элемента для вставки

@return (возможно обновленный) корень поддерева

Node *AVLTree::removeNode(Node *root, int key) - Синтаксический сахар над remove.

@param root (под)дерево, в котором удалится элемент

@param key элемент для удаления

@return корень дерева, где удаляли элемент

3. ТЕСТИРОВАНИЕ

Основной тест №1:

Входные данные: Создать дерево с корнем 30. Вставить 10. Вставить 11.

Вставить 40. Вставить 35. Вставить 5. Вставить 4. Удалить 11. Вставить 3.

Выходные данные (с промежуточной информацией):

Обратите внимание : дерево выводится слева-направо.

Создано AVL-дерево с корнем 30

1 - Вставить элемент

2 - Удалить.

После каждой команды идет операнд.

input	output
1	Введите элемент :
30	
1	=====
10	
1	Вставка элемента 10 в дерево с
11	корнем 30
1	
40	
1	30
35	10
1	
5	
1	=====
4	
2	Введите элемент :
11	
1	=====
3	
3	Вставка элемента 11 в дерево с
	корнем 30

	<div>30</div> <div>11</div> <div>10</div> <div>=====</div> <div>Введите элемент :</div> <div>=====</div> <div>Вставка элемента 40 в дерево с корнем 11</div> <div>40</div> <div>30</div> <div>11</div> <div>10</div> <div>=====</div> <div>Введите элемент :</div> <div>=====</div> <div>Вставка элемента 35 в дерево с корнем 11</div> <div>40</div> <div>35</div> <div>30</div> <div>11</div> <div>10</div>
--	---

=====

Введите элемент :

=====

Вставка элемента 5 в дерево с корнем
11

40
35
30
11
10
5

=====

Введите элемент :

=====

Вставка элемента 4 в дерево с корнем
11

40
35
30
11
10
5
4

	<div>=====</div> <div>Введите элемент :</div> <div>=====</div> <div>Удаление элемента 11 из дерева с корнем 11</div> <div>40</div> <div>35</div> <div>30</div> <div>10</div> <div>5</div> <div>4</div> <div>=====</div> <div>Введите элемент :</div> <div>=====</div> <div>Вставка элемента 3 в дерево с корнем 30</div> <div>40</div> <div>35</div> <div>30</div> <div>10</div> <div>5</div> <div>4</div> <div>3</div>
--	---

	=====
1	Введите элемент :
1	Создано АВЛ-дерево с корнем 1
1	
2	1
1	Введите элемент :
3	
1	=====
4	Вставка элемента 2 в дерево с корнем
1	1
5	
1	2
6	1
	=====
	Введите элемент :
	=====
	Вставка элемента 3 в дерево с корнем
	1
	3
	2
	1
	=====
	Введите элемент :
	=====
	Вставка элемента 4 в дерево с корнем
	2
	4
	3
	2
	1
	=====
	Введите элемент :

	<p>=====</p> <p>Вставка элемента 5 в дерево с корнем 2</p> <pre> 5 4 3 2 1 </pre> <p>=====</p> <p>Введите элемент :</p> <p>=====</p> <p>Вставка элемента 6 в дерево с корнем 2</p> <pre> 6 5 4 3 2 1 </pre> <p>=====</p>
1 -1 1 -2 2 -1 1 0	0 -2
1 10 1 9 1	11 10 9

11 2 0	
1 2 1 4 2 4 1 9	9 2

4. ИССЛЕДОВАНИЕ

4.1. АСИМПТОТИКА РАБОТЫ АВЛ ДЕРЕВА

4.1.1 ВСТАВКА

Пусть нам надо добавить ключ t . Будем спускаться по дереву, как при поиске ключа t . Если мы стоим в вершине a и нам надо идти в поддереву, которого нет, то делаем ключ t . листом, а вершину a его корнем. Дальше поднимаемся вверх по пути поиска и пересчитываем баланс у вершин. Если мы поднялись в вершину i из левого поддерева, то $diff[i]$ увеличивается на единицу, если из правого, то уменьшается на единицу. Если пришли в вершину и её баланс стал равным нулю, то это значит высота поддерева не изменилась и подъём останавливается. Если пришли в вершину и её баланс стал равным 1 или -1 , то это значит высота поддерева изменилась и подъём продолжается. Если пришли в вершину и её баланс стал равным 2 или -2 , то делаем одно из четырёх вращений и, если после вращения баланс стал равным нулю, то останавливаемся, иначе продолжаем подъём.

Так как в процессе добавления вершины мы рассматриваем не более, чем $O(h)$ вершин дерева, и для каждой запускаем балансировку не более одного раза, то суммарное количество операций при включении новой вершины в дерево составляет $O(\log n)$ операций.

4.1.2 УДАЛЕНИЕ

Для простоты опишем рекурсивный алгоритм удаления. Если вершина — лист, то удалим её, иначе найдём самую близкую по значению вершину a , переместим её на место удаляемой вершины и удалим вершину a . От удалённой

вершины будем подниматься вверх к корню и пересчитывать баланс у вершин. Если мы поднялись в вершину i из левого поддерева, то $diff[i]$ уменьшается на единицу, если из правого, то увеличивается на единицу. Если пришли в вершину и её баланс стал равным 1 или -1 , то это значит, что высота этого поддерева не изменилась и подъём можно остановить. Если баланс вершины стал равным нулю, то высота поддерева уменьшилась и подъём нужно продолжить. Если баланс стал равным 2 или -2 , следует выполнить одно из четырёх вращений и, если после вращений баланс вершины стал равным нулю, то подъём продолжается, иначе останавливается.

В результате указанных действий на удаление вершины и балансировку суммарно тратится, как и ранее, $O(h)$ операций. Таким образом, требуемое количество действий — $O(\log n)$.

	В среднем	В худшем случае
Расход памяти	$O(n)$	$O(n)$
Поиск	$O(\log n)$	$O(\log n)$
Вставка	$O(\log n)$	$O(\log n)$
Удаление	$O(\log n)$	$O(\log n)$

Рисунок 3. Асимптотика работы

4.2. План исследования

Для подтверждения теоретической оценки был создан класс `Research`, который генерирует входные данные двух типов - строго возрастающей последовательности, и случайной. Каждая последовательность подается на вход операции вставки. Далее генерируется набор индексов элементов для удаления, и он подается на вход операции исключения. Во время работы вставки/исключения фиксируется количество вызовов этих функций.

4.3. РЕЗУЛЬТАТЫ ИССЛЕДОВАНИЯ

Ниже приведены 4 графика, иллюстрирующие асимптотику выполнения операций в обоих случаях. На всех графиках желтой линией нарисован график логарифма от количества элементов в дереве. Этот график позволяет убедиться, что теоретическая оценка совпадает с практикой.

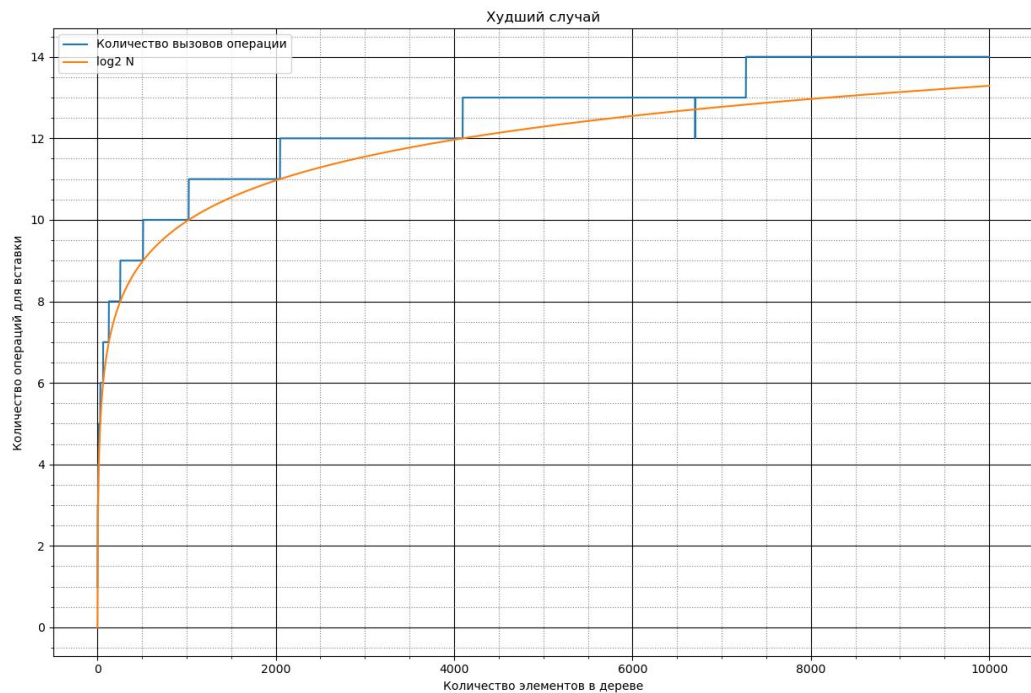


Рисунок 4. Количество вызовов операции вставки в худшем случае.

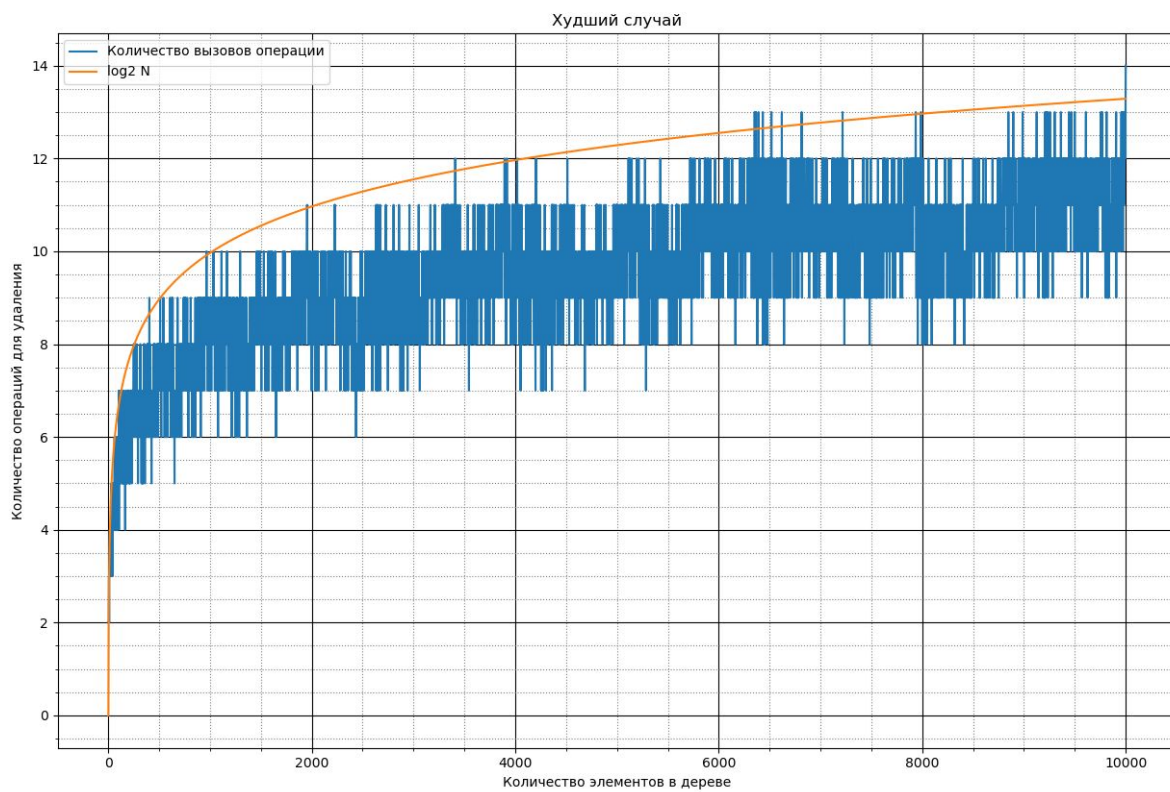


Рисунок 5. Количество вызовов операции удаления в худшем случае.

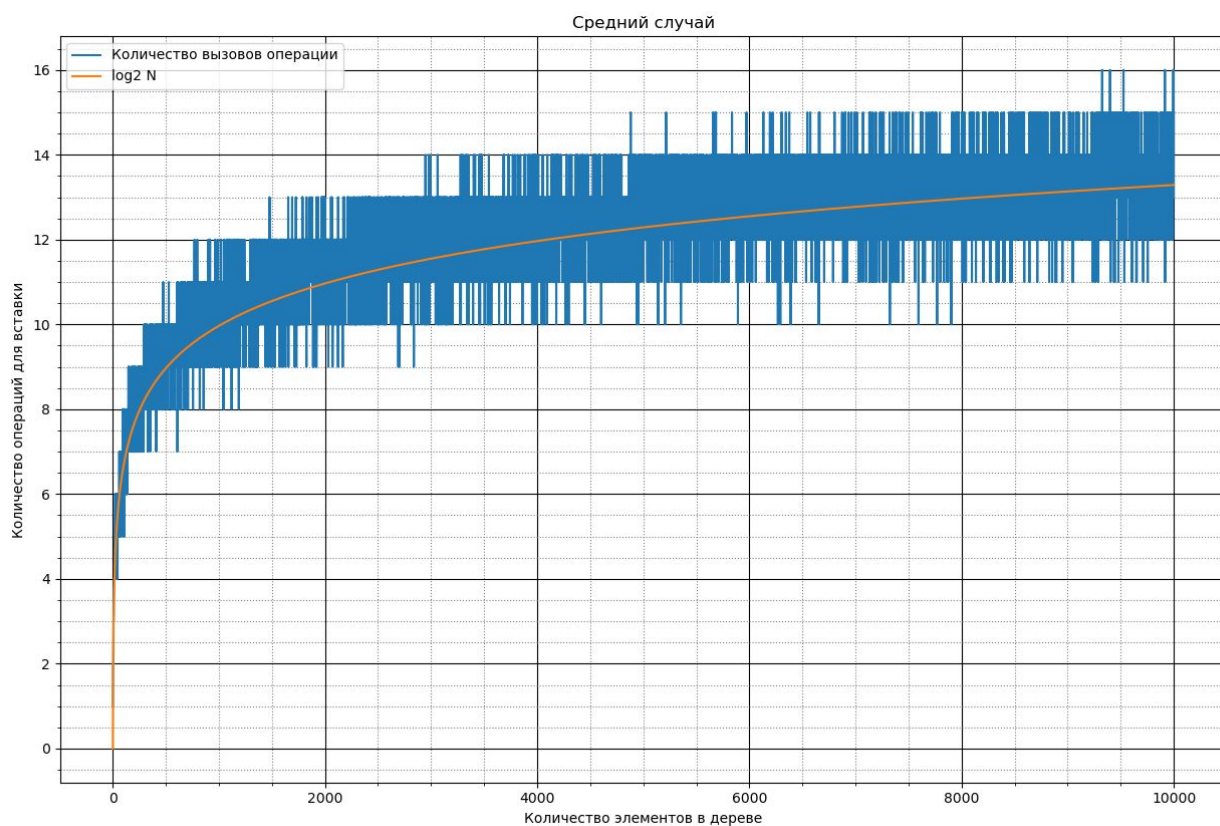


Рисунок 6. Количество вызовов операции вставки в рандомизированном случае.

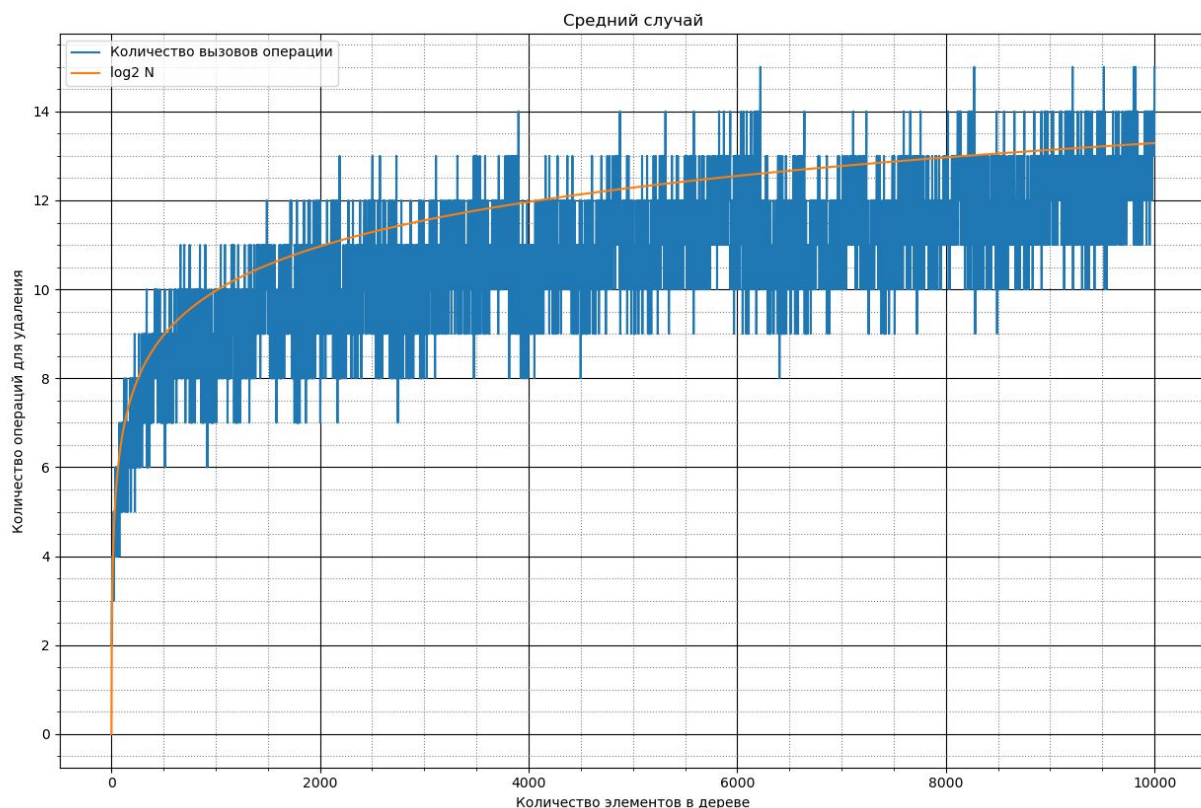


Рисунок 6. Количество вызовов операции удаления в рандомизированном случае.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Таким образом, в ходе выполнения курсовой работы наглядным образом была доказана теоретическая оценка асимптотики работы операций вставки и исключения для АВЛ деревьев.

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

1. <https://neerc.ifmo.ru/wiki/index.php?title=%D0%90%D0%92%D0%9B-%D0%B4%D0%B5%D1%80%D0%B5%D0%B2%D0%BE>
2. <https://habr.com/ru/post/150732/>
3. <https://ru.wikipedia.org/wiki/%D0%90%D0%92%D0%9B-%D0%B4%D0%B5%D1%80%D0%B5%D0%B2%D0%BE>

ПРИЛОЖЕНИЕ А

Исходный код программы

```
#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;

#define inputSize 10000
#define researchAddResultFile "resAdd.txt"
#define researchDeleteResultFile "resDelete.txt"
#define rotationCountFile "rotateFile.txt"
static int operationCount = 0;
static int rotationCount = 0;

#ifdef __linux__
#define REMOVE_COLOR "\033[1m\033[31m"
#define INSERT_COLOR "\033[1m\033[32m"
#define RESET_COLOR "\033[0m"

#elif __WIN32
#define REMOVE_COLOR ""
#define INSERT_COLOR ""
#define RESET_COLOR ""
#endif

/*
 * Вариант 16. БДП: АВЛ-дерево
 * Действия : 1. По заданной последовательности элементов построить
дерево
 * 2 б) : Для построенной структуры данных проверить, входит ли в
неё элемент, и если
 * входит, то удалить элемент из дерева. Предусмотреть возможность
повторного выполнения с другим
 * Элементом
 */

/**
 * Представление узла дерева
 */
class Node {
    int key;
    int height;
    Node *left;
    Node *right;

    Node *rotateRight();

    Node *rotateLeft();

public:
```



```

Node(int k) : key(k), left(0), right(0), height(1) {}

int getHeight();

int bFactor();

void updateHeight();

Node *balance();

Node *getRight();

Node *getLeft();

void setLeft(Node *node);

void setRight(Node *node);

void setKey(int key);

int getKey();

};

int Node::getHeight() {
    return this ? this->height : 0;
}

/**
 *
 * @return Разница между высотами левого и правого поддеревя
 */
int Node::bFactor() {
    return this->right->getHeight() - this->left->getHeight();
}

/**
 * После каждой вставки/балансировки/удаления нужно
 * обновлять высоту дерева
 */
void Node::updateHeight() {
    int hl = this->left->getHeight();
    int hr = this->right->getHeight();
    this->height = max(hl, hr) + 1;
}

/**
 * Правое вращение.
 *
 *      y
 *     /\
 *    /\
 *
 *      x
 *     /\
 *    /\
 *
 *      Правое вращение

```

```

*      x      T3      - - - - - >          T1      y
*      / \      < - - - - - - -          / \
*      T1 T2      Левое вращение          T2 T3
* @return Node* p - новый корень полученного дерева
*/
Node *Node::rotateRight() {
    Node *newRoot = this->left;
    this->left = newRoot->right;
    newRoot->right = this;
    this->updateHeight();
    newRoot->updateHeight();
    return newRoot;
}

/**
 * Функция левого вращения.
 * @return новый корень дерева
 */
Node *Node::rotateLeft() {
    Node *newRoot = this->right;
    this->right = newRoot->left;
    newRoot->left = this;
    this->updateHeight();
    newRoot->updateHeight();
    return newRoot;
}

/**
 * Функция балансировки AVL дерева.
 * Балансировка нужна в случае когда разница высот левого и
 * правого поддеревьев становится == |2|
 * @return указатель на самого себя(узла)
 */
Node *Node::balance() {
    rotationCount++;
    this->updateHeight();
    int diff = this->bFactor();
    if (diff == 2) {
        if (this->right->bFactor() < 0) { // высота правого внука
меньше высоты левого внука
            this->right = this->right->rotateRight();
        }
        return this->rotateLeft(); // иначе - правый внук больше
либо равен левому и простое вращение
    } else if (diff == -2) {
        if (this->left->bFactor() > 0) {
            this->left = this->left->rotateLeft();
        }
        return this->rotateRight();
    }
    return this;
}

```

```
Node *Node::getRight() {
    return this ? this->right : nullptr;
}
```

```
Node *Node::getLeft() {
    return this ? this->left : nullptr;
}
```

```
int Node::getKey() {
    return this ? this->key : 0;
}
```

```
void Node::setLeft(Node *node) {
    if (this)
        this->left = node;
}
```

```
void Node::setRight(Node *node) {
    if (this)
        this->right = node;
}
```

```
void Node::setKey(int key) {
    if (this)
        this->key = key;
}
```

```
/**
 * Класс представления AVL-дерева. Является по-сути всего лишь
 * синтаксическим сахаром над Node.
 */
```

```
class AVLTree {
public:
    Node *root;

    AVLTree(int k);

    void printTree(Node *node, int level);

    Node *insert(Node *node, int key);

    Node *findMin(Node *node);

    Node *removeMin(Node *node);

    Node *remove(Node *node, int key);
}
```

```

        Node *insertNode(Node *root, int key);

        Node *removeNode(Node *root, int key);
};

/**
 * Конструктор АВЛ-дерева
 * @param k ключ для рута
 */
AVLTree::AVLTree(int k) {
    cout << INSERT_COLOR << "Создано АВЛ-дерево с корнем " << k <<
"\n\n";
    this->root = new Node(k);
    this->printTree(this->root, 0);
    cout << RESET_COLOR;
}

/**
 * Служебная функция вывода дерева.
 * Выводит дерево не сверху-вниз, а слева-направо
 * @param node корень выводимого поддерева
 * @param level уровень рекурсии для инdentации
 */
void AVLTree::printTree(Node *node, int level) {
    if (node) {
        printTree(node->getRight(), level + 1);
        for (int i = 0; i < level; i++) cout << "    ";
        cout << node->getKey() << endl;
        printTree(node->getLeft(), level + 1);
    }
}

/**
 * Вставка элемента. Единственное отличие от вставки в простое БДП
 * в том, что в конце необходимо балансировать.
 * @param node корень дерева, куда добавляем
 * @param key ключ элемента
 * @return Корень сбалансированного дерева
 */
Node *AVLTree::insert(Node *node, int key) {
    if (node == nullptr) return new Node(key);
    if (key < node->getKey()) {
        node->setLeft(insert(node->getLeft(), key));
    } else if (key > node->getKey()) { // не нужно вставлять
дубликаты, согласно варианту.
        node->setRight(insert(node->getRight(), key));
    }
    operationCount++;
    return node->balance();
}

```

```

/**
 * Функция удаления элемента с заданным ключом
 * находим узел p с заданным ключом k
 * (если не находим, то делать ничего не надо),
 * в правом поддереве находим узел min с наименьшим ключом
 * и заменяем удаляемый узел p на найденный узел min.
 * @param node корень дерева, в котором происходит удаление
элемента
 * @param key ключ для удаления
 * @return ребалансированный корень дерева
 */
Node *AVLTree::remove(Node *node, int key) {
    operationCount++;
    if (node == nullptr) {
        return nullptr;
    }
    if (key < node->getKey()) {
        node->setLeft(remove(node->getLeft(), key));
    } else if (key > node->getKey()) {
        node->setRight(remove(node->getRight(), key));
    } else { // key == node->getKey()
        Node *right = node->getRight();
        Node *left = node->getLeft();
        delete node;
        if (!right) return left;
        Node *min = findMin(right);
        min->setRight(removeMin(right));
        min->setLeft(left);
        return min->balance();
    }
    return node->balance();
}

/**
 * Функция поиска минимального элемента в (под)дереве
 * @param node корень дерева, где ищется минимум
 * @return указатель на элемент с наименьшим ключом
 */
Node *AVLTree::findMin(Node *node) {
    return node->getLeft() ? findMin(node->getLeft()) : node;
}

/**
 * Удаление минимального элемента из заданного дерева.
 * по свойству AVL-дерева у минимального элемента справа
 * либо подвешен узел, либо там пусто.
 * В обоих случаях надо просто вернуть указатель на правый
 * узел и по пути назад (при возвращении из рекурсии)
 * выполнить балансировку
 * @param node корень (под)дерева, где удаляется минимальный
элемент

```

```

    * @return указатель на новый корень после балансировки
    */
Node *AVLTree::removeMin(Node *node) {
    operationCount++;
    if (node->getLeft() == nullptr) {
        return node->getRight();
    }
    node->setLeft(removeMin(node->getLeft()));
    return node->balance();
}

/**
 * Служебная функция-обертка над вставком для удобного вывода
 * @param root корень (под)дерева, куда вставляется элемент
 * @param key ключ элемента для вставки
 * @return (возможно обновленный) корень поддерева
 */
Node *AVLTree::insertNode(Node *root, int key) {
    cout << INSERT_COLOR;
    cout << "\n===== \n";
    cout << "Вставка элемента " << key << " в дерево с корнем " <<
    root->getKey() << "\n\n";
    root = this->insert(root, key);
    this->printTree(root, 0);
    cout << "\n===== \n" << RESET_COLOR;
    return root;
}

/**
 * Синтаксический сахар над remove.
 * @param root (под)дерево, в котором удалится элемент
 * @param key элемент для удаления
 * @return корень дерева, где удаляли элемент
 */
Node *AVLTree::removeNode(Node *root, int key) {
    cout << REMOVE_COLOR;
    cout << "\n===== \n";
    cout << "Удаление элемента " << key << " из дерева с корнем "
    << root->getKey() << "\n\n";
    root = this->remove(root, key);
    this->printTree(root, 0);
    cout << "\n===== \n" << RESET_COLOR;
    return root;
}

void printMenu() {
    cout << "\n===== \n"
        << "(1) Вставить элемент\n"
        << "(2) Удалить элемент\n"
        << "(3) Выход\n\n";
}

```

```

AVLTree *processUserInput(AVLTree *tree) {
    int f, userKey;
    printMenu();
    cin >> f;
    switch (f) {
        case 1:
            cout << "Введите элемент : \n";
            cin >> userKey;
            if (tree) {
                tree->root = tree->insertNode(tree->root,
userKey);
            } else {
                tree = new AVLTree(userKey);
            }
            break;
        case 2:
            if (tree) {
                cout << "Введите элемент : \n";
                cin >> userKey;
                tree->root = tree->removeNode(tree->root,
userKey);
            } else cout << "В дереве нет элементов! \n";
            break;
        case 3:
            exit(0);
    }
    return tree;
}

class Research {
public:
    unordered_set<int> input;

    void generateAscendance();

    void generateRandom(unordered_set<int> &input, int lower, int
upper);

    void runAdd(AVLTree *tree);

    void runDelete(AVLTree *tree);

};

void Research::generateAscendance() {
    for(int i = 1; i <= inputSize; i++) {
        input.insert(i);
    }
}

void Research::generateRandom(unordered_set<int> &input, int
lower, int upper) {
    auto now = std::chrono::high_resolution_clock::now();

```

```

        std::mt19937 gen;
        gen.seed(now.time_since_epoch().count());
        std::uniform_int_distribution<> distribution(lower, upper);
        while(input.size() < inputSize) {
            input.insert(distribution(gen));
        }
    }

void Research::runAdd(AVLTree *tree) {
    int treeSize = 0;
    ofstream outAdd, outRot;
    outAdd.open(researchAddResultFile);
    outRot.open(rotationCountFile);
    for(auto x : this->input) {
        treeSize++;
        operationCount = 0;
        rotationCount = 0;
        tree->root = tree->insert(tree->root, x);
        outAdd << treeSize << ' ' << operationCount << "\n";
        outRot << treeSize << ' ' << rotationCount << "\n";
    }
    outAdd.close();
    outRot.close();
}

void Research::runDelete(AVLTree *tree) {
    ofstream out;
    int treeSize = inputSize;
    out.open(researchDeleteResultFile);
    unordered_set<int> indices;
    this->generateRandom(indices, 1, inputSize);
    for(auto index : indices) {
        operationCount = 0;
        tree->root = tree->remove(tree->root,
tree->root->getKey());
        out << treeSize << ' ' << operationCount << "\n";
        treeSize--;
    }

    out.close();
}

int main() {
    AVLTree *tree = new AVLTree(0);

    // интерактивчик
    // while (true) {
    //     tree = processUserInput(tree);
    // }
}

```



```
Research res;  
//res.generateRandom(res.input, 0, inputSize);  
res.generateAscendance();  
res.runAdd(tree);  
res.runDelete(tree);  
  
return 0;  
}
```