МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ

по лабораторной работе №5 по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»

Тема: БДП и хеш-таблицы

Студент(ка) гр. 9381		Шахин Н.С
Преподаватель		Фирсов М.А.

Санкт-Петербург

2020

Цель работы.

Изучить и реализовать такую структуру данный, как идеально сбалансированное бинарное дерево поиска. Написать функции проверки вхождения элемента, и добавления элемента в структуру.

Задание.

Вариант 21. БДП: Идеально сбалансированное; действие 1+2а.

- 1) По заданной последовательности элементов Elem построить структуру данных определённого типа БДП или хеш-таблицу;
 - 2) Выполнить одно из следующих действий:
- а) Для построенной структуры данных проверить, входит ли в неё элемент е типа Elem, и если входит, то в скольких экземплярах. Добавить элемент е в структуру данных. Предусмотреть возможность повторного выполнения с другим элементом.

Основные теоретические положения.

Идеально сбалансированным назовем такое бинарное дерево T, что для каждого его узла x справедливо соотношение $|n_L(x)-n_R(x)|\leq 1$, где $n_L(x)$ — количество узлов в левом поддереве узла x, а $n_R(x)$ — количество узлов в правом поддереве узла x.

Бинарное дерево называется бинарным деревом поиска, если для каждого его узла справедливо: все элементы правого поддерева больше этого узла, а все элементы левого поддерева – меньше этого узла.

Описание работы алгоритма.

Построение дерева.

Сначала данные сохраняются в массиве и сортируются в порядке возрастания, и считается длинна массива без повторяющихся элементов, для того чтобы построить идеально сбалансированное дерево. Вызывается рекурсивный метод построения БДП. По формулам высчитывается сколько

элементов должно быть в левом и правом поддереве корня, функция вызывается для левого поддерева, потом записывается корень, затем функция вызывается для правого поддерева. Если элементы в массиве повторяются, то увеличивается поле amount, хранящее количество повторений.

Поиск в дереве.

Поиск в дереве производится рекурсивно функцией find. Поиск производится по принципу: если элемент равен значению корня, то он находится в корне дерева. Если элемент меньше значения корня, то он находится в левом поддереве элемента. Если элемент больше корня, то он находится в правом поддереве. Если выбранное поддерево оказывается пустым, то поиск завершается «неудачно» – элемента х в дереве b нет.

Добавление элемента в дерево.

Чтобы добавить элемент в дерево нужно перестроить его полностью, поэтому все элементы дерева сохраняются в порядке возрастания в массиве вместе с новым элементом, а затем строится новое дерево. Для того чтобы найти местоположение нового элемента в массиве, находим где этот элемент должен быть в БДП, и затем сохраняем в массив элементы до нового и после, а затем удаляем дерево и функцией make tree строим новое.

Функции и структуры данных.

Для хранения одного элемента дерева написан класс Node.

У класса есть поля:

Node* right – указатель на правое поддерево.

int data – данные в узле.

int amount – количество повторений элемента.

Node* left – указатель на левое поддерево.

Для работы с элементом дерева реализованы методы:

Node* getLeft() – возвращает указатель на левое поддерево.

Node* getRight() - возвращает указатель правое поддерево.

int getData() const – возвращает значение поля data.

void setLeft(Node* 1) – присваивает значение полю left.

void setRight(Node* r) - присваивает значение полю right.

void setData(int d) – присваивает значение полю data.

int getAmount() const – возвращает количество повторений.

void incAmount() – увеличивает количество повторений на 1.

Для хранения дерева реализован класс BinaryTree.

Поля класса:

Node* tree – указатель на корень дерева.

Методы класса:

explicit BinaryTree(std::vector<int>& arr) – конструктор. В конструктор передаётся arr – массив типа int.

void printTree(Node* node) – функция для вывода дерева. В функцию передаётся указатель на элемент дерева node типа Node*.

Node* getTree() – функция возвращает указатель на корень дерева.

~ВіпатуТгее() – деструктор класса.

void findElem(int e) – функция для поиска элемента, вызываемая пользователем. В функцию передаётся элемент для поиска.

void addElem(int e) – функция для добавления элемента, вызываемая пользователем. В функцию передаётся элемент для добавления.

Node* makeTree(int n, std::vector<int>& arr, int& pos, int indent) — функция для создания дерева. В функцию передаются: int n количество элементов, std::vector<int>& arr массив элементов, int& pos — текущая позиция в массиве, int indent — сдвиг для вывода промежуточных результатов.

void destroy(Node*& buf) – функция для удаления дерева и отчищения памяти. В фукцию передаётся Node*& buf – указатель на элемент дерева по ссылке.

void treeToArr(Node* node, std::vector<int>& arr, int e) – функция для выгрузки элементов из части дерева с новым элементом в массив. В функцию передаются: Node* node – указатель на элемент дерева, std::vector<int>& arr - массив для сохранения элементов, int e – элемент для добавления.

void treeToArrHelp(Node* node, std::vector<int>& arr) - функция для выгрузки элементов из части дерева без нового элемента в массив. В функцию передаются: Node* node — указатель на элемент дерева, std::vector<int>& arr - массив для сохранения элементов.

bool find(Node* node, int x) – функция для поиска элемента в массиве. В функцию передаются: Node* node – указатель на корень дерева, int x – элемент для поиска.

Функции для считывания данных.

int makeArr(int option, std::vector<int>& arr) – функция для считывания массива. Функция возвращает код ошибки или 0, если считывание прошло успешно. В функцию передаются: int option – выбор считывания из консоли или файла, std::vector<int>& arr - массив целых чисел по ссылке.

int getNum(string& input) – функция для преобразования строки в число. Функция возвращает число. Функция принимает: string& input – строку по ссылке.

void skip (string& str, int n = 1) — функция для удаления первых n элементов строки. В функцию передаются: string& str — строка по ссылке, int n — количество символов, которые надо удалить.

Тестирование программы.

$N_{\underline{0}}$	Входные данные	Выходные данные
1	1 3 5 5 7 9 9 9 11 13	Choose console or file:
		1 - Console
		2 - File
		Your choice: 1
		Write a statement: 1 3 5 5 7 9 9 9 11 13
		Your input: 1 3 5 5 7 9 9 9 11 13

Sorting array
1 3 5 5 7 9 9 9 11 13
Making tree
amount of elements: 7
3 Elements goes to the left
3 Elements goes to the right
Left
amount of elements: 3
1 Elements goes to the left
1 Elements goes to the right
Left
amount of elements: 1
0 Elements goes to the left
0 Elements goes to the right
Left
O
1 is a root
Right
O
3 is a root
Right
amount of elements: 1
0 Elements goes to the left
0 Elements goes to the right
Left
O
5 is a root
Right
O
7 is a root
Right
amount of elements: 3
1 Elements goes to the left
1 Elements goes to the right
Left
amount of elements: 1
0 Elements goes to the left
0 Elements goes to the right

	Left
	O
	9 is a root
	Right
	O
	11 is a root
	Right
	amount of elements: 1
	0 Elements goes to the left
	0 Elements goes to the right
	Left
	O
	13 is a root
	Right
	O
	1 - Find Element
	2 - Add Element
	3 - Print tree
	4 - Exit
	Your choice 1
	Enter element: 9
	find element 9
	9 > 7 Go to the right
	9 < 11 Go to the left
	Elem 9 appears in tree 3 times
	1 - Find Element
	2 - Add Element
	3 - Print tree
	4 - Exit
	Your choice 2
	Enter element: 4
	Add elem 4
	rebuild tree

```
making array
1 goes to array
3 goes to array
New elem 4 goes to array
5 goes to array
7 goes to array
9 goes to array
11 goes to array
13 goes to array
amount of elements: 8
4 Elements goes to the left
3 Elements goes to the right
 Left
 amount of elements: 4
 2 Elements goes to the left
 1 Elements goes to the right
  Left
  amount of elements: 2
  1 Elements goes to the left
  0 Elements goes to the right
   Left
   amount of elements: 1
   0 Elements goes to the left
   0 Elements goes to the right
     Left
    ()
    1 is a root
     Right
    0
  3 is a root
   Right
   ()
 4 is a root
  Right
  amount of elements: 1
  0 Elements goes to the left
  0 Elements goes to the right
   Left
```

0
5 is a root
Right
0
7 is a root
Right
amount of elements: 3
1 Elements goes to the left
1 Elements goes to the right
Left
amount of elements: 1
0 Elements goes to the left
0 Elements goes to the right
Left
0
9 is a root
Right
0
11 is a root
Right
amount of elements: 1
0 Elements goes to the left
0 Elements goes to the right
Left
0
13 is a root
Right
0
1 - Find Element
2 - Add Element
3 - Print tree
4 - Exit
Your choice 3
7(4(3(1()())())(5()()))(11(9()())(13()()))
1 - Find Element
1 - 1 ma Element

		2 - Add Element
		3 - Print tree
		4 - Exit
		Your choice 4
		end of program
2	5 2 4 -3 7 9 12 0	Choose console or file:
2	324-379120	
		1 - Console
		2 - File
		Your choice: 1
		Write a statement: 5 2 4 -3 7 9 12 0
		Your input: 5 2 4 -3 7 9 12 0
		Sorting array
		-3 0 2 4 5 7 9 12
		Making tree
		amount of elements: 8
		4 Elements goes to the left
		3 Elements goes to the right
		Left
		amount of elements: 4
		2 Elements goes to the left
		1 Elements goes to the right
		Left
		amount of elements: 2
		1 Elements goes to the left
		0 Elements goes to the right
		Left
		amount of elements: 1
		0 Elements goes to the left
		0 Elements goes to the right
		Left
		0
		-3 is a root
		Right
		O
		0 is a root
		Right
		O
		2 is a root
	1	10

```
Right
  amount of elements: 1
  0 Elements goes to the left
  0 Elements goes to the right
   Left
   ()
  4 is a root
   Right
   ()
5 is a root
 Right
 amount of elements: 3
 1 Elements goes to the left
 1 Elements goes to the right
  Left
  amount of elements: 1
  0 Elements goes to the left
  0 Elements goes to the right
   Left
   ()
  7 is a root
   Right
   ()
 9 is a root
  Right
  amount of elements: 1
  0 Elements goes to the left
  0 Elements goes to the right
   Left
   ()
  12 is a root
   Right
   ()
1 - Find Element
2 - Add Element
3 - Print tree
```

4 - Exit
Your choice 3
5(2(0(-3()())())(4()()))(9(7()())(12()()))
3(2(0(-3())))()(4()()))(3(7()())(12()()))
1 - Find Element
2 - Add Element
3 - Print tree
4 - Exit
Your choice 1
Enter element: 1
find element 1
1 < 5 Go to the left
1 < 2 Go to the left
1 > 0 Go to the right
No element 1 in bst
1 - Find Element
2 - Add Element
3 - Print tree
4 - Exit
Your choice 2
Enter element: 1
Add elem 1
rebuild tree
making array
-3 goes to array
0 goes to array
New elem 1 goes to array
2 goes to array
4 goes to array
5 goes to array
7 goes to array
9 goes to array
12 goes to array
amount of elements: 9
4 Elements goes to the left

```
4 Elements goes to the right
 Left
 amount of elements: 4
 2 Elements goes to the left
 1 Elements goes to the right
  Left
  amount of elements: 2
  1 Elements goes to the left
  0 Elements goes to the right
   Left
   amount of elements: 1
   0 Elements goes to the left
   0 Elements goes to the right
    Left
     ()
   -3 is a root
     Right
     ()
  0 is a root
   Right
   ()
 1 is a root
  Right
  amount of elements: 1
  0 Elements goes to the left
  0 Elements goes to the right
   Left
   ()
  2 is a root
   Right
   ()
4 is a root
 Right
 amount of elements: 4
 2 Elements goes to the left
 1 Elements goes to the right
  Left
  amount of elements: 2
```

1 Elements goes to the left
0 Elements goes to the right
Left
amount of elements: 1
0 Elements goes to the left
0 Elements goes to the right
Left
0
5 is a root
Right
0
7 is a root
Right
0
9 is a root
Right
amount of elements: 1
0 Elements goes to the left
0 Elements goes to the right
Left
0
12 is a root
Right
0
1 - Find Element
2 - Add Element
3 - Print tree
4 - Exit
Your choice 1
Enter element: 1
find element 1
1 < 4 Go to the left
Elem 1 appears in tree 1 times

		1 - Find Element
		2 - Add Element
		3 - Print tree
		4 - Exit
		Your choice 4
		end of program
3	4 5 ab 8	Choose console or file:
		1 - Console
		2 - File
		Your choice: 1
		Write a statement: 4 5 ab 8
		error not integer in array

Вывод.

Была реализована и изучена такая структура данных, как идеально сбалансированное дерево поиска.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

Файл structs.h

```
#ifndef AISD LB5 STRUCTS H
#define AISD LB5 STRUCTS H
#include <iostream>
#include <algorithm>
#include <vector>
#include <stack>
#include <string>
#include <cstring>
#include <unistd.h>
#include <fstream>
using namespace std;
#endif //AISD LB5 STRUCTS H
Файл main.cpp
#include <iostream>
#include "structs.h"
#include "InOut.h"
#include "Tree.h"
int main() {
    string choice;
    cout<<"Choose console or file:\n 1 - Console\n 2 - File\nYour choice:</pre>
    getline(cin, choice);
    int ch = 1;
    switch (choice[0]) {
        case '1':
            ch = 1;
            break;
        case '2':
            ch = 2;
            break;
    std::vector<int> arr;
    if(makeArr(arr, ch))
       return 1;
    BinaryTree* tree = new BinaryTree(arr);
    int c = 0;
    while (c!=4) {
        cout<<"\n----\n1
Element\n2 - Add Element\n3 - Print tree\n4 - Exit\nYour choice ";
        cin>>c;
        int elem:
        switch (c) {
                cout<<"Enter element: ";</pre>
                cin>>elem;
                tree->findElem(elem);
```

```
break:
             case 2:
                 cout<<"Enter element: ";</pre>
                 cin>>elem;
                 tree->addElem(elem);
                 break;
                 tree->printTree(tree->getTree());
                 break;
             case 4:
                 cout<<"end of program"<<endl;</pre>
                 break;
        }
    delete tree;
    return 0;
}
Файл InOut.h
#ifndef AISD LB5 INOUT H
#define AISD LB5 INOUT H
#include "structs.h"
int makeArr( std::vector<int>& arr, int option);
int getNum(string& input);
void skip (string& str, int n = 1);
#endif //AISD LB5 INOUT H
Файл InOut.cpp
#include "InOut.h"
int makeArr( std::vector<int>& arr, int option) {
    if(option == 1) {
        cout<<"Write a statement: ";</pre>
        string res;
        getline(cin, res);
        while (!res.empty()){
             if(!(isdigit(res[0]) || res[0] == '-')){
                 cout<<" error not integer in array\n";</pre>
                 arr.clear();
                 return 1;
             }
            int n = getNum(res);
            arr.push back(n);
            skip(res,1);
        }
        return 0;
    } else {
        string filename;
        cout<<"filename: ";</pre>
        cin>> filename;
        ifstream infile(filename);
        if (!infile) {
             cout << "> File can't be open!" << endl;</pre>
```

```
return 1;
        }
        string str;
        string num;
        getline(infile, str);
        while (!str.empty()) {
            if (!(isdigit(str[0]) || str[0] == '-')) {
                 cout << "not integer in array\n";</pre>
                 arr.clear();
                return 1;
            }
            int n = getNum(str);
            arr.push back(n);
            skip(str, 1);
        }
        return 0;
    }
}
int getNum(string& str){
    string strNum;
    while (isdigit(str[0]) \mid \mid (strNum.length() == 0 && str[0] == '-'))
{
        strNum += str[0];
        skip(str, 1);
    return stoi(strNum);
}
void skip(string& str, int n){
    if (str.length() >= n) {
        str = str.substr(n);
    }
}
Файл Node.h
#ifndef AISD LB5 NODE H
#define AISD LB5 NODE H
class Node {
private:
    Node* right;
    int data;
    int amount;
    Node* left;
public:
    Node(): right(nullptr), data(0), left(nullptr), amount(0){}
    Node* getLeft();
    Node* getRight();
    int getData() const;
    int getAmount() const;
```

```
void incAmount();
   void setLeft(Node* 1);
   void setRight(Node* r);
   void setData(int d);
};
#endif //AISD LB5 NODE H
Файл Node.cpp
#include "Node.h"
int Node::getData() const {
   return data;
Node* Node::getLeft() {
   return left;
}
Node* Node::getRight() {
   return right;
}
int Node::getAmount() const {
   return amount;
void Node::setData(int d) {
   data = d;
void Node::setLeft(Node *1) {
   left = 1;
void Node::setRight(Node *r) {
   right = r;
}
void Node::incAmount() {
   amount++;
Файл Tree.h
#ifndef AISD LB5 TREE H
#define AISD LB5 TREE H
#include "Node.h"
#include "structs.h"
```

```
class BinaryTree{
public:
    explicit BinaryTree(std::vector<int>& arr);
    void printTree(Node* node);
    Node* getTree();
    ~BinaryTree();
    void findElem(int e);
    void addElem(int e);
private:
    Node* tree;
    Node* makeTree(int n, std::vector<int>& arr, int& pos, int indent);
    void destroy(Node*& buf);
    void treeToArr(Node* node, std::vector<int>& arr, int e);
    void treeToArrHelp(Node* node, std::vector<int>& arr);
    bool find(Node* node, int x);
};
#endif //AISD LB5 TREE H
Файл Tree.cpp
#include "Tree.h"
BinaryTree::BinaryTree(std::vector<int> &arr) {
    cout<<"Your input: ";</pre>
    for(int i : arr){
        cout<<i<' ';
    }
    cout << endl;
    cout<<"Sorting array"<<endl;</pre>
    sort(arr.begin(), arr.end());
    for(int i : arr) {
        cout<<i<' ';
    cout << endl;
    int countUnique = 1;
    int pos = 0;
    for(int i = 0; i < arr.size()-1; i++){
        if(arr[i] < arr[i+1]) {</pre>
            countUnique++;
        }
    }
    cout << "Making tree" << endl;
    tree = makeTree(countUnique, arr, pos, 0);
}
Node * BinaryTree::getTree() {
    return tree;
}
Node * BinaryTree::makeTree(int n, std::vector<int>& arr, int& pos, int
indent) {
    if (n == 0) {
        for(int i = 0; i < indent; i++) {cout << " ";}</pre>
        cout << "() " << endl;
```

```
return nullptr;
    }
    for(int i = 0; i < indent; i++) {cout << "</pre>
    cout<<"amount of elements: "<< n<<endl;</pre>
    Node *buf = new Node();
    int nL, nR;
    nL = n / 2;
    for(int i = 0; i < indent; i++) {cout<<" ";}</pre>
    cout<<nL<<" Elements goes to the left"<<endl;
    nR = n - nL - 1;
    for(int i = 0; i < indent; i++) {cout << " ";}</pre>
    cout<<nR<<" Elements goes to the right"<<endl;</pre>
    for(int i = 0; i < indent+1; i++) {cout<<" ";}
    cout<<"Left"<<endl;</pre>
    buf->setLeft(makeTree(nL, arr, pos, indent+1));
    for(int i = 0; i < indent; i++) {cout<<" ";}
    cout<<arr[pos]<<" is a root"<<endl;</pre>
    buf->setData(arr[pos]);
    buf->incAmount();
    while (arr[pos] == arr[pos + 1]) {
        pos++;
        buf->incAmount();
    }
    pos++;
    for(int i = 0; i < indent+1; i++) {cout<<" ";}
    cout<<"Right"<<endl;</pre>
    buf->setRight(makeTree(nR, arr, pos, indent+1));
    return buf;
}
void BinaryTree::printTree(Node* node) {
    if(node == nullptr)
        return;
    cout<<node->getData();
    cout<<'(';
    printTree(node->getLeft());
    cout<<')';
    cout<<'(';
    printTree(node->getRight());
    cout<<')';
void BinaryTree::destroy(Node*& buf) {
    if(buf != nullptr) {
        Node* left = buf->getLeft();
        Node* right = buf->getRight();
        destroy(left);
        destroy(right);
        delete buf;
    }
BinaryTree::~BinaryTree() {
    destroy(tree);
void BinaryTree::findElem(int e) {
    cout<<"find element "<< e<<endl;</pre>
    find(tree, e);
}
```

```
bool BinaryTree::find(Node *node, int x) {
    if(node == nullptr) {
        cout<<"\nNo element "<<x<<" in bst"<<endl;</pre>
        return false;
    if(x == node->getData()){
        cout<<"\nElem "<<x<<" appears in tree "<<node->getAmount()<<"</pre>
times"<<endl;
        return true;
    }else if(x < node->getData()){
        cout << x << " < mode->getData() << " Go to the left" << endl;
        if(find(node->getLeft(), x))
            return true;
    } else if(x > node->getData()) {
        cout << x << " > " << node -> getData() << " Go to the right" << endl;
        if(find(node->getRight(), x))
            return true;
    return false;
}
void BinaryTree::treeToArrHelp(Node *node, std:: vector<int>& arr) {
    if(node != nullptr) {
        treeToArrHelp(node->getLeft(), arr);
        cout<<node->getData()<<" goes to array"<<endl;</pre>
        for(int i = 0; i<node->getAmount(); i++){
            arr.push back(node->getData());
        treeToArrHelp(node->getRight(), arr);
    }
}
void BinaryTree::treeToArr(Node *node, std::vector<int> &arr, int e) {
    if(node == nullptr) {
        arr.push back(e);
        cout<<"New elem "<<e<<" goes to array"<<endl;</pre>
    } else if(e < node->getData()){
        treeToArr(node->getLeft(), arr, e);
        cout<<node->getData()<<" goes to array"<<endl;</pre>
        for(int i = 0; i<node->getAmount(); i++){
            arr.push back(node->getData());
        treeToArrHelp(node->getRight(), arr);
    } else if(e > node->getData()){
        treeToArrHelp(node->getLeft(), arr);
        cout<<node->getData()<<" goes to array"<<endl;</pre>
        for(int i = 0; i<node->getAmount(); i++){
            arr.push back(node->getData());
        treeToArr(node->getRight(), arr, e);
    } else if(e == node->getData()){
        treeToArrHelp(node->getLeft(), arr);
        node->incAmount();
        cout<<node->getData()<<" goes to array"<<endl;</pre>
        for(int i = 0; i<node->getAmount(); i++) {
```

```
arr.push back(node->getData());
         }
        treeToArrHelp(node->getRight(), arr);
    }
}
void BinaryTree::addElem(int e) {
    cout<<"Add elem "<< e<<endl;</pre>
    cout<<"rebuild tree"<<endl;</pre>
    std::vector<int> arr;
    cout<<"making array"<<endl;</pre>
    treeToArr(tree, arr, e);
    destroy(tree);
    int countUnique = 1;
    int pos = 0;
    for(int i = 0; i < arr.size()-1; i++){</pre>
        if(arr[i] < arr[i+1]) {</pre>
             countUnique++;
        }
    tree = makeTree(countUnique, arr, pos, 0);
```