

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №4
по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»
Тема: Алгоритмы сортировки.

Студент гр. 9381

Преподаватель

Птичкин С. А.

Фирсов М. А.

Санкт-Петербург

2020

Цель работы.

Изучение и реализация алгоритмов сортировки.

Задание.

Вариант 13.

Пирамидальная сортировка.

Выполнение работы.

Для применения некоторых функций были подключены заголовочные файлы `iostream`, `string`, `cctype.h`, `fstream`, `sstream` и `algorithm`.

Описание алгоритма и структуры хранения данных.

Пирамида - бинарное дерево высоты k , в котором:

- все узлы имеют глубину k или $k-1$ - дерево сбалансированное.
- при этом уровень $k-1$ полностью заполнен, а уровень k заполнен слева направо
- выполняется "свойство пирамиды": каждый элемент меньше, либо равен родителю.

Соответствие между геометрической структурой пирамиды как дерева и массивом устанавливается по следующей схеме:

- в $a[0]$ хранится корень дерева
- левый и правый сыновья элемента $a[i]$ хранятся, соответственно, в $a[2i+1]$ и $a[2i+2]$

Алгоритм построения пирамиды:

Начать построение пирамиды можно с $a[k]...a[n]$, $k = [size/2]$. Эта часть массива удовлетворяет свойству пирамиды, так как не существует индексов i, j : i

$= 2i+1$ (или $j = 2i+2$). Далее будем расширять часть массива, приведённую к пирамидальному виду, добавляя по одному элементу за шаг. Следующий элемент на каждом шаге добавления - тот, который стоит перед уже готовой частью.

Чтобы при добавлении элемента сохранялась пирамидальность, используем следующий алгоритм расширения пирамиды $a[i+1]..a[n]$ на элемент $a[i]$ влево:

- Рассматриваем поддеревья слева и справа - в массиве это $a[2i+1]$ и $a[2i+2]$ и выбираем наибольшего из них.
- Если этот элемент больше $a[i]$ - меняем его с $a[i]$ местами и идем к шагу 2, имея в виду новое положение $a[i]$ в массиве. Иначе конец работы алгоритма.

Учитывая, что высота пирамиды $h \leq \log n$, `downheap` требует $O(\log n)$ времени.

Алгоритм сортировки:

- 1) Берем верхний элемент пирамиды $a[0]...a[n]$ (первый в массиве) и меняем с последним местами. Затем уменьшаем количество рассматриваемых элементов на 1 и далее рассматриваем массив $a[0]...a[n-1]$. Для превращения его в пирамиду снова применяем алгоритм построения пирамиды.
- 2) Повторяем шаг 1, пока обрабатываемая часть массива не уменьшится до одного элемента.

Построение пирамиды занимает $O(n \log n)$ операций. Фаза сортировки занимает $O(n \log n)$ времени: $O(n)$ раз берется максимум и происходит просеивание бывшего последнего элемента. Плюсом является стабильность метода: среднее число пересылок $(n \log n)/2$, и отклонения от этого значения

сравнительно малы. Пирамидальная сортировка не использует дополнительной памяти. Метод не является устойчивым: по ходу работы порядок элементов может измениться случайным образом. Поведение неестественно: частичная упорядоченность массива никак не учитывается.

Основные функции.

1) Функция `main`. `int main()`

Функция не принимает никаких параметров. Данная функция предназначена для стартового диалога с пользователем. Здесь идёт выбор ввода данных, либо из консоли, либо из файла. За корректность введённых данных отвечает функция `input_num`. Ввод команды 1 вызывает функцию консольного ввода, команда 2 - файлового. Возвращаемые значения этих функций определяют, будет ли цикл продолжаться с возможностью ввести новые данные, либо программа завершится.

2) Функция `file_input`. `int file_input()`

Функция не принимает никаких параметров. В начале объявляются все необходимые для работы переменные, выделяется память под имя файла. Затем считывается имя файла, и файл открывается при корректном имени. Далее из файла считывается строка. После этого вызывается функция считывания массива из строки `mass_from_string`. Затем файл закрывается и вызывается функция `data_analis`, куда передаётся считанный массив и число его элементов. Функция возвращает то же значение, что и `data_analis`.

3) Функция `console_input`. `int console_input()`

Функция не принимает никаких параметров. В начале объявляются все необходимые для работы переменные. Затем из консоли считывается строка, куда пользователь должен ввести элементы массива через пробел. После этого вызывается функция считывания массива из строки `mass_from_string`. Затем

вызывается `data_analis`, куда передаётся считанный массив и число его элементов. Функция возвращает то же значение, что и `data_analis`.

4) `int *mass_from_string(string &input_string, int* size_mass)`

Функция принимает на вход строку и указатель на переменную, куда будет записан размер массива. Сначала проверяется что строка не пустая и что в ней только числа и пробелы. Если всё корректно, то данная строка записывается в поток `myStream` типа `stringstream`. Объявляется массив с буферным количеством элементов, при переполнении буфер увеличивается на 10, выделяется память под массив увеличенного размера, куда копируются все предыдущие элементы. Предыдущий массив очищается. Таким образом в цикле `while` из потоковой строки `myStream` считываются элементы массива, пока строка не закончится. Функция возвращает указатель на считанный массив, а также записывает количество элементов в `size_mass`.

5) `int data_analis(int* data_mass, int count_of_elem)`

Функция принимает на вход массив целых чисел и количество элементов в нём. Сначала выводится исходный порядок элементов. Затем создаются две копии массива, которые будут отсортированы пирамидальной сортировкой и библиотечной функцией `sort`. После этого вызывается функция `heapSort`, которая сортирует первую копию массива, по ходу сортировки выводятся промежуточные данные, а затем и результат. Дополнительно вызывается сортировка библиотечной функцией `sort` второй копии массива, результат также выводится. Затем поэлементно сравниваются массивы, для проверки их идентичности. В конце пользователь попадает в меню, где выбирает сохранить ли полученные результаты в файл, продолжить или завершить программу. При записи вызывается функция `data_save`, куда передаётся исходный и отсортированный массив с количеством элементов. Затем память, выделенная

под массивы очищается. Функция возвращает 1 для продолжения работы, 0 - для завершения.

6) void data_save(int* data_mass, int* sort_data_mass, int count_of_elem)

Функция принимает на вход массивы целых чисел, первый это исходный, второй уже отсортированный. Сначала пользователю предлагается назвать имя файла для записи. Затем файл открывается и в него последовательно записываются элементы первого массива, а затем и второго. Файл закрывается и функция ничего не возвращает.

7) void heapSort(int* data_mass, int n)

Основная функция, выполняющая пирамидальную сортировку. Принимает на вход массив и количество элементов в нём. Сначала вызывается вспомогательная функция `heapify()`, которая приводит массив к пирамидальному виду. После данного преобразования на первой позиции оказывается наибольший элемент массива, который меняется местами с минимальным, находящимся в конце массива. После каждой итерации мы учитываем на 1 элемент меньше, а после снова вызываем функцию выравнивания `heapify`, для уменьшенного диапазона элементов. Процедура продолжается, пока количество элементов не станет 0. Также в процессе выводятся промежуточные результаты. Функция ничего не возвращает.

8) void heapify(int* data_mass, int n, int i)

Функция предназначена для преобразования массива к пирамидальному виду. На вход подаётся массив, количество элементов и индекс узла пирамиды, относительно которого производится выравнивание. Для выравнивания в данном узле, необходимо, чтобы значение в корне было больше значений в поддеревьях. Чтобы получить индексы правого и левого поддерева в массиве необходимо вычислить значения $2*i+1$ и $2*i+2$. При этом идёт проверка выхода

за границу массива. Если один из элементов поддерева больше корня, они меняются местами. При этом выводятся промежуточные данные, а именно в каком узле происходит выравнивание и какие элементы меняются местами. Функция ничего не возвращает.

9) void print_mass(int* mass, int count_of_elem)

Функция печати массива на экран. Принимает на вход сам массив и количество элементов. В цикле печатает элементы массива через пробел и ничего не возвращает.

10) Функция input_num. int input_num(string message)

Функция принимает на вход сообщение, выводимое пользователю. Функция предназначена для корректного считывания числа из потока ввода. На вход принимается адрес строки с сообщением пользователю, что ему делать. Объявляется переменная для записи числа и выделяется буфер на 10 символов. Затем из `cin` считывается 10 символов в буфер. Далее в цикле из данного буфера считывается число функцией `sscanf`. Пока функция не вернёт 1 - количество верно считанных аргументов, ввод не прекратится. Когда наконец число считается, оно возвращается функцией. Память, выделенная под буфер очищается.

Тестирование.

Результаты теста входных данных представлены в таблице 1.

Таблица 1- Результаты тестирования

№ Теста	Входные данные	Выходные данные
1	1 0 3 4 7 2 9 5	Исходный массив: 1 0 3 4 7 2 9 5 Отсортированный массив: 0 1 2 3 4 5 7 9
2	1 9 -5 2 0 4 -6 3	Исходный массив: 1 9 -5 2 0 4 -6 3

		Отсортированный массив: -6 -5 0 1 2 3 4 9
3	1	Исходный массив: 1 Отсортированный массив: 1
4	-1 -2	Исходный массив: -1 -2 Отсортированный массив: -2 -1
5	4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	Исходный массив: 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 Отсортированный массив: 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4
6	1 2 4 g r w	Входная строка некорректна!

Сравнение результатов пирамидальной сортировки и сортировки функцией sort.

```
Сортировка завершена!
Итоговый отсортированный массив: -10 -1 0 2 3 4 6 9 9
Тот же массив, отсортированный функцией sort: -10 -1 0 2 3 4 6 9 9
```

Вывод.

Был изучен и реализован алгоритм пирамидальной сортировки массива целых чисел.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

Файл AiSD_lab4.cpp:

```
#include "stdafx.h"
#include <iostream>
#include <algorithm>
#include <fstream>
#include <string>
#include <ctype.h>
#include <sstream>

using namespace std;

int input_num(string message) {
    int num = 0;
    cout << message << '\n';
    char* input = new char[10];
    fgets(input, 10, stdin);
    while (sscanf_s(input, "%d", &num) != 1) {
        cout << "Ввод некорректный!\n" << message << '\n';
        fgets(input, 10, stdin);
    }
    delete[] input;
    return num;
}

void print_mass(int* mass, int count_of_elem) { //выводит текущее состояние
массива
    for (int i = 0; i < count_of_elem; i++) {
        cout << mass[i] << ' ';
    }
    cout << '\n';
}

void heapify(int* data_mass, int n, int i)
```

```

{
    int largest = i;
    // Инициализируем наибольший элемент как корень
    int l = 2 * i + 1; // левый = 2*i + 1
    int r = 2 * i + 2; // правый = 2*i + 2
    // Если левый дочерний элемент больше корня
    if ((l < n) && (data_mass[l] > data_mass[largest]))
        largest = l;

    // Если правый дочерний элемент больше, чем самый большой элемент на
данный момент
    if ((r < n) && (data_mass[r] > data_mass[largest]))
        largest = r;

    // Если самый большой элемент не корень
    if (largest != i)
    {
        if (i == 0) {
            cout << "Выравниваем элементы на позициях 1, 2, 3 (" <<
data_mass[i] << " <-> " << data_mass[largest] << ") \n";
        }
        else {
            cout << "Выравниваем элементы на позициях " << i + 1 << ",
" << 2 * i + 2 << ", " << 2 * i + 3 << " (" << data_mass[i] << " <-> " <<
data_mass[largest] << ") \n";
        }
        swap(data_mass[i], data_mass[largest]);
        print_mass(data_mass, n);
        // Рекурсивно преобразуем в пирамиду затронутое поддерево
        heapify(data_mass, n, largest);
    }
}

// Основная функция, выполняющая пирамидальную сортировку
void heapSort(int* data_mass, int n)
{
    // Построение пирамиды
    cout << "\nВыравнивание пирамиды: \n\n";

```

```

for (int i = n / 2 - 1; i >= 0; i--)
    heapify(data_mass, n, i);
// Один за другим извлекаем элементы из пирамиды
for (int i = n - 1; i >= 0; i--)
{
    // Перемещаем текущий корень в конец
    swap(data_mass[0], data_mass[i]);
    cout << "Перемещаем наибольший элемент из вершины в конец
массива:\n";
    print_mass(data_mass, i+1);
    // вызываем процедуру heapify на уменьшенной пирамиде
    cout << "Уменьшаем интервал сортировки на 1:\n";
    print_mass(data_mass, i);
    if (i > 1) {
        cout << "\nВыравнивание пирамиды:\n\n";
    }
    heapify(data_mass, i, 0);
}
cout << "Сортировка завершена!\n";
}

void data_save(int* data_mass, int* sort_data_mass, int count_of_elem) {
    char* file_name = new char[256];
    cout << "Введите имя файла сохранения\n";
    cin >> file_name;
    getchar(); //вытаскиваем символ переноса строки из потока
    fstream output_file;
    output_file.open(file_name, fstream::out | fstream::app); //открытие
или создание файла на запись
    output_file << "Исходный массив: ";
    for (int i = 0; i < count_of_elem; i++) {
        output_file << data_mass[i] << ' '; //записываем исходный массив
    }
    output_file << "\nОтсортированный массив: ";
    for (int i = 0; i < count_of_elem; i++) {

```

```

        output_file << sort_data_mass[i] << ' '; //записываем
отсортированный массив
    }
    output_file << "\n\n";
    output_file.close();
}

int data_analis(int* data_mass, int count_of_elem) {
    cout <<
    "-----\nИсходн
ый массив:\n";

    string dialog_text = "\nВыберите дальнейшее действие:\n1 - сохранить
результаты в файл и продолжить\n2 - "
    "сохранить результаты в файл и выйти\n3 - продолжить без
сохранения\n4 - выйти из программы";

    int* sort_mass = new int[count_of_elem];           //создаём копии
массива, чтобы не изменять первоначальный
    int* heap_sort_mass = new int[count_of_elem];
    for (int i = 0; i < count_of_elem; i++) {
        heap_sort_mass[i] = data_mass[i];
        sort_mass[i] = data_mass[i];
        cout << data_mass[i] << ' ';
    }
    cout << "\n\nПромежуточные данные: \n";
    heapSort(heap_sort_mass, count_of_elem); //вызываем функцию
пирамидальной сортировки
    cout << "\nИтоговый отсортированный массив: ";
    print_mass(heap_sort_mass, count_of_elem);
    //вызов метода sort
    cout << "\nТот же массив, отсортированный функцией sort: ";
    sort(sort_mass, &sort_mass[count_of_elem]);
    print_mass(sort_mass, count_of_elem);
    int equal = 1;
    for (int i = 0; i < count_of_elem; i++) {
        if (sort_mass[i] != heap_sort_mass[i]) {// проверка на одинаковый
результат сортировки разными способами

```

```

        equal = 0;
        break;
    }
}
if (equal) {
    cout << "\nРезультаты совпадают\n";
}
else {
    cout << "Результаты не совпадают!\n";
}
cout << "\nНажмите ENTER, чтобы продолжить";
getchar();
while (1) {
    switch (input_num(dialog_text)) { //выбор дальнейших действий
пользователем
        case 1: data_save(data_mass, heap_sort_mass, count_of_elem);
delete data_mass; delete sort_mass; delete heap_sort_mass; return 1; break;
// вывод элементов в порядке возрастания в файл
        case 2: data_save(data_mass, heap_sort_mass, count_of_elem);
delete data_mass; delete sort_mass; delete heap_sort_mass; return 0; break;
// вывод элементов в порядке возрастания в файл и выход
        case 3: delete data_mass; delete sort_mass; delete
heap_sort_mass; return 1; break; //продолжение работы
        case 4: delete data_mass; delete sort_mass; delete
heap_sort_mass; return 0; break; //выход
        default: cout << "Команда не распознана!\n"; break;
    }
}
return 0;
}

int *mass_from_string(string &input_string, int* size_mass) { //функция
считывания массива из строки
    if (input_string.empty())
        return nullptr;
    for (int i = 0; i < input_string.size(); i++) {

```

```

        if ((!isdigit(input_string[i]))&&(input_string[i]!=' ')&&
(input_string[i] != '-')) {
            return nullptr;
        }
    }

    stringstream myStream; // открывается строковый поток
    myStream << input_string; // в него записывается введённая строка
    int count_of_elem = 0;
    int buff = 10;
    int* rezerv_data_mass;
    int* data_mass = new int[buff];
    while (myStream >> data_mass[count_of_elem]) { //считываем из строки
элементы массива
        count_of_elem++;
        if (count_of_elem == buff) { //проверка на заполнение буфера
            buff += 10;
            rezerv_data_mass = new int[buff];
            for (int i = 0; i<buff - 10; i++) {
                rezerv_data_mass[i] = data_mass[i];
            }
            delete[] data_mass;
            data_mass = rezerv_data_mass;
            rezerv_data_mass = nullptr;
        }
    }

    if (count_of_elem == 0) {
        delete data_mass;
        return nullptr;
    }

    *size_mass = count_of_elem; //записываем количество элементов
    return data_mass;
}

int console_input() {
    cout << "Введите элементы массива\n";
    string input_str;

```

```

        getline(cin, input_str, '\n'); //считываем строку из консоли
        int count_of_elem = 0;
        int* data_mass = mass_from_string(input_str, &count_of_elem);
//вызываем функцию получения массива из строки
        if (data_mass == nullptr) {
            cout << "Входная строка некорректна!";
            return 1;
        }
        if (data_analis(data_mass, count_of_elem)) { //вызов функции анализа
данных
            return 1;
        }
        return 0;
    }

int file_input() {
    int correct_file_name_flag = 0; //флаг корректного имени файла ввода
    fstream file_input;
    char* file_name = new char[256];
    while (!correct_file_name_flag) { //цикл до ввода корректного имени
файла
        cout << "Введите имя файла\n\n";
        cin >> file_name;
        file_input.open(file_name, fstream::in); //открывается файл ввода
        if (file_input.is_open()) {
            correct_file_name_flag = 1;
        }
        else {
            cout << "\nФайла с таким именем не найдено!\n";
            memset(file_name, '\0', 256);
        }
    }

    getchar(); //убираем символ переноса строки из потока ввода
    delete[] file_name;
    string input_str;
    getline(file_input, input_str, '\n');

```

```

int count_of_elem = 0;
int* data_mass = mass_from_string(input_str, &count_of_elem);
if (data_mass == nullptr) {
    cout << "Входная строка некорректна!";
    return 1;
}
if (data_analis(data_mass, count_of_elem)) { //вызов функции анализа
данных
    return 1;
}
return 0;
}

int main()
{
    setlocale(LC_ALL, "rus");
    string start_dialog = "\nВыберите способ ввода данных:\n1 - Ввод с
консоли\n2 - Ввод из файла\n3 - Выйти из программы";
    while (1) {
        switch (input_num(start_dialog)) {
            case 1:
                cout << "Выбран ввод с консоли\n\n";
                if (!console_input()) {
                    system("pause");
                    return 0;
                }
                break;
            case 2:
                cout << "Выбран ввод из файла\n\n";
                if (!file_input()) {
                    system("pause");
                    return 0;
                }
                break;
            case 3:
                cout << "Выход из программы\n";

```



```
        system("pause");
        return 0;
        break;
default:
        cout << "Ответ некорректный!\n\n";
    }
}
}
```