# МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МО ЭВМ

#### ОТЧЕТ

по лабораторной работе №3 по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»

Тема: Бинарные деревья.

Студент гр. 9381	 Птичкин С. А.
Преподаватель	 Фирсов М. А.

Санкт-Петербург

2020

### Цель работы.

Изучить структуру данных бинарных деревьев и научиться использовать их при решении задач.

#### Задание.

# Вариант 11д.

Формулу вида

```
<формула> ::= < терминал > | ( < формула > < знак > < формула > > < знак > ::= + | | * | < терминал > ::= 0 | 1 | ... | 9 | a | b | ... | z можно представить в виде бинарного дерева («дерева-формулы») с
```

элементами типа Elem=char согласно следующим правилам:
- формула из одного терминала представляется деревом из одной

# Для всех вариантов (11–17):

- для заданной формулы f построить дерево-формулу t;
- для заданного дерева-формулы t напечатать соответствующую формулу f;

# Вариант 11:

формул f 1 и f 2.

- с помощью построения дерева-формулы t преобразовать заданную формулу f из инфиксной формы в префиксную (перечисление узлов t в порядке КЛП) и в постфиксную (перечисление в порядке ЛПК);
- если в дереве-формуле t терминалами являются только цифры, то вычислить (как целое число) значение дерева-формулы t.

### Выполнение работы.

Для применения некоторых функций были подключены заголовочные файлы iostream, string, fstream, ctype.h. Исходный код можно посмотреть в Приложении А.

#### Описание алгоритма.

- 1) Построение дерева по заданной арифметической формуле использует ЛКП-обход: сначала заполняется левое поддерево(рекурсивным текущий вызовом), узел, затем правое затем заполняется поддерево(также рекурсивным вызовом). Условием рекурсии является встреченный терминальный символ или ошибка при вводе.
- 2) Печать дерева в инфиксной, префиксной и постфиксной записях использует ЛКП, КЛП и ЛПК обходы соответственно. Построение каждой из записей происходит путём слияния строк и отличается лишь в последовательности суммирования строк, полученных при рекурсивных вызовах для правого и левого поддерева и символа арифметической операции. Последовательность суммирования видна из названия каждого обхода.
- 3) Вычисление значения дерева-формулы использует ЛПК обход. Сначала вычисляется значение для левого поддерева(рекурсивным вызовом), затем для правого(также рекурсивным вызовом), а затем между ними производится операция, взятая из корня.

### Структура программы.

Программа разбита на 2 файла: Bin\_tree.h, хранящий определение класса и реализацию его методов, и lab3.cpp, в котором реализован пользовательский интерфейс, обработка данных, функции консольного и файлового ввода/вывода.

#### Пользовательские типы данных.

### Структура TREE\_AND\_REZ.

Предназначена для хранения самого дерева и его числового значения, которое вычисляется только при условии, что все терминалы - цифры.

# Класс BIN\_TREE.

Класс имитирующий работу бинарного дерева. А именно дерева-формулы. Класс также является шаблонным.

Методы класса BIN TREE:

# 1) BIN\_TREE(T data): data(data)

Конструктор с списком инициализации. Принимает на вход данные шаблонного типа и инициализирует ими поле data.

# 2) BIN\_TREE<T>::BIN\_TREE<T>()

Конструктор без параметров.

# 3) BIN\_TREE<T>\* BIN\_TREE<T>::read\_formula(istream\* stream, int\* file\_end\_flag, int\* enter\_flag)

Рекурсивный метод считывания дерева из потока. На вход подаётся адрес потока, указатель на флаг конца файла(по умолчанию nullptr) и указатель на флаг считывания конца строки. Сначала метод считывает символ из потока и проверяет его. При считывании конца файла или символа переноса строки метод возвращает нулевой указатель. При считывании

буквы или цифры, динамически создаётся объект бинарного дерева, возвращается указатель на него. При считывании открывающейся скобки, происходит рекурсивный вызов для первого операнда, считывание знака, а затем рекурсивный вызов для второго операнда. При считывании обоих операндов и знака операции метод возвращает созданное дерево-формулу. Также проверяется присутствие закрывающейся скобки. При ошибке считывания любого из операндов или знака, очищается вся выделенная память на всех этапах рекурсивных вызовов.

## 4) void BIN\_TREE<T>::destroy()

Данный метод предназначен для рекурсивной очистки дерева. Метод ничего не принимает. Сначала рекурсивно удаляются поддеревья текущего узла, а затем и сам узел. Метод ничего не возвращает.

# 5) void BIN TREE<T>::set value(T value)

Метод предназначен для установки конкретного значения в узел бинарного дерева. На вход подаётся само значение. Функция ничего не возвращает.

# 6) bool BIN\_TREE<T>::is\_terminals\_digit()

Метод предназначен для проверки терминалов всего бинарного дерева на принадлежность цифрам. Метод ничего не принимает на вход. Идёт рекурсивный обход дерева, встретив букву метод возвращает ложь, если цифру - true.

# 7) int BIN\_TREE<T>::rec\_calculate()

Данный метод запускается только в случае, когда все терминалы в дереве - цифры. Метод ничего не принимает на вход. Метод рекурсивно обходит дерево, и встретив цифру возвращает её целочисленное значение. Встретив знак операции, происходит рекурсивный вызов для левого и

правого поддерева. Результаты проходят операцию, которая указана в знаке. Её результат возвращается методом. При этом выводятся промежуточные операции.

### 8) string BIN\_TREE<T>::infix\_form()

Данный метод предназначен для печати инфиксной формы дерева-формулы. На вход метод ничего не принимает. Дерево рекурсивно обходится и на каждом этапе происходит суммирование символов из левого поддерева, корня и правого поддерева(ЛКП обход). Суммирование происходит в строке, которую и возвращает метод.

# 9) string BIN\_TREE<T>::postix\_form()

Данный метод предназначен для печати инфиксной формы дерева-формулы. На вход метод ничего не принимает. Дерево рекурсивно обходится и на каждом этапе происходит суммирование символов из левого поддерева, правого поддерева и корня(ЛПК обход). Суммирование происходит в строке, которую и возвращает метод.

# 10) string BIN\_TREE<T>::prefix\_form()

Данный метод предназначен для печати инфиксной формы дерева-формулы. На вход метод ничего не принимает. Дерево рекурсивно обходится и на каждом этапе происходит суммирование символов из корня, левого поддерева и правого поддерева(КЛП обход). Суммирование происходит в строке, которую и возвращает метод.

# 11) bool BIN TREE<T>::isLeaf()

Метод предназначен для определения, является ли элемент дерева листом. Метод ничего не принимает и возвращает false, если поддеревья не пусты, иначе - true.

# Основные функции.

# 1) Функция main. int main()

Функция не принимает никаких параметров. Данная функция предназначена для стартового диалога с пользователем. Здесь идёт выбор ввода данных, либо из консоли, либо из файла. За корректность введённых данных отвечает функция input\_num. Ввод команды 1 вызывает функцию консольного ввода, команда 2 - файлового. Возвращаемые значения этих функций определяют, будет ли цикл продолжаться с возможностью ввести новые данные, либо программа завершится.

# 2) Функция file input. int file input()

Функция не принимает никаких параметров. В начале объявляются все необходимые для работы переменные, выделяется память под имя файла. Затем считывается имя файла, и файл открывается при корректном имени. Далее вызывается рекурсивная функция считывания дерева из файла. Пока не достигнут конец файла действие повторяется. Затем файл закрывается и вызывается data\_analis, функция работы с деревьями. Функция возвращает то же значение, что и data analis.

# 3) Функция console input. int console input()

Функция не принимает никаких параметров. В начале объявляются все необходимые для работы переменные. Затем пользователь вводит количество деревьев. После чего вызывается рекурсивная функция считывания дерева из консоли. Затем вызывается data\_analis, функция работы с деревьями. Функция возвращает то же значение, что и data analis.

# 4)int data analis(TREE AND REZ\* data mass, int count of tree)

Функция принимает на вход массив структур TREE\_AND\_REZ и

количество элементов в нём. Сначала деревья выводится на экран в инфиксной форме. Затем каждое дерево последовательно выводится в инциксной, префиксной и постфиксной форме, с использованием соответствующих методов. После проверяется все ли терминалы дерева - цифры, если да, то выделяется память под число, адрес памяти записывается в поле гег структуры TREE AND REZ, затем вызывается метод подсчёта значения дерева, результат записывается в гез и выводится на экран. Пройдя все деревья в цикле, пользователь попадает в меню, где выбирает сохранить ли полученные результаты в файл, продолжить или завершить программу. При записи вызывается функция data save. Затем память очищается функцией clear memory. Функция возвращает 1 для продолжения работы, 0 - для завершения.

# 5) void data\_save(TREE\_AND\_REZ\* data\_mass, int count\_of\_tree)

Функция принимает на вход массив структур TREE\_AND\_REZ и количество элементов в нём. Сначала пользователю предлагается назвать имя файла для записи. Затем файл открывается и в него последовательно записываются деревья в инфиксной, постфиксной и префиксной записи, а также их значение, если все терминалы - цифры. Файл закрывается и функция ничего не возвращает.

# 6) Функция void clear\_memory(TREE\_AND\_REZ\* data\_mass, int count\_of\_tree)

Данная функция принимает на вход массив структур TREE\_AND\_REZ и количество элементов в нём. Затем в цикле последовательно вызываются методы уничтожения деревьев, а также очищается память под указатель на число - значение дерева, если такое имеется. В конце очищается память под сам массив структур, функция ничего не возвращает.

# 7) Функция input num. int input num(string message)

Функция принимает на вход сообщение, выводимое пользователю. Функция предназначена для корректного считывания числа из потока ввода. На вход принимается адрес строки с сообщением пользователю, что ему делать. Объявляется переменная для записи числа и выделяется буфер на 10 символов. Затем из сіп считывается 10 символов в буфер. Далее в цикле из данного буфера считывается число функцией sscanf. Пока функция не вернёт 1 - количество верно считанных аргументов, ввод не прекратится. Когда наконец число считается, оно возвращается функцией. Память, выделенная под буфер очищается.

# Тестирование.

Результаты теста входных данных представлены в таблице 1.

Таблица 1- Результаты тестирования

№ Теста	Входные данные	Выходные данные
1	(4-3)	Формула: (4-3) Префиксная форма: -43 Постфиксная форма: 43- Значение: 1
2	(	Пустое дерево
3	(d+	Пустое дерево
4	(d+s	Пустое дерево
5	(2+3)wdqwdq	Формула: (2+3) Префиксная форма: +23 Постфиксная форма: 23+ Значение: 5

6	(3+(3*0))	Формула: (3+(3*0)) Префиксная форма: +3*30 Постфиксная форма: 330*+ Значение: 3
7	((e+d)-(3*2))	Формула: ((e+d)-(3*2)) Префиксная форма: -+ed*32 Постфиксная форма: ed+32*-
8	((((2+3)-(4-3))*((8*0)+(1*5)))	Формула: (((2+3)-(4-3))*((8*0)+(1*5))) Префиксная форма: *-+23-43+*80*15 Постфиксная форма: 23+4380*15*+* Значение: 20

# Вывод.

Были изучены бинарные деревья, различные методы их обхода и работа с ними.

# Приложение А

# Исходный код программы

Название файла: Bin\_tree.h

```
#pragma once
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <ctype.h>
#include <string>
using namespace std;
template<typename T>
class BIN_TREE {
private:
     T data;
     BIN TREE* left = nullptr;
     BIN_TREE* right = nullptr;
public:
     BIN TREE(T data) : data(data) {}
     BIN_TREE();
     void destroy();
     BIN TREE* read formula(istream* stream, int* file end flag = nullptr,
int* error_flag = nullptr);
      string infix_form();
      string prefix form();
      string postfix form();
     int rec_calculate();
     bool is_terminals_digit();
     void set value(T value);
     bool isLeaf();
};
template<typename T>
BIN TREE<T>::BIN TREE<T>() {}
template<typename T>
```

```
BIN_TREE<T>* BIN_TREE<T>::read_formula(istream* stream, int* file_end_flag,
int* error flag = nullptr) { //рекурсивная функция считывания дерева-формулы
     T simvol;
     BIN TREE* q;
     simvol = stream->get();
     if (simvol == EOF) {
           *file end flag = 0;
           return nullptr;
     }
     if (simvol == '\n') {
           if(error flag)
           *error flag = 1;
           return nullptr;
     }
     if (simvol == '(') {
           q = new BIN_TREE<T>;
           q->left = read_formula(stream, file_end_flag, error_flag);
//рекурсивный вызов для левого терминала
           if (q->left == nullptr) {
                 delete q;
                 return nullptr;
           q->data = stream->get(); //считывание знака
           if (strchr("+-*", q->data) == nullptr) {
                 if (simvol == '\n') {
                       if (error_flag)
                       *error flag = 1;
                 }
                 q->destroy();
                 return nullptr;
           q->right = read formula(stream, file end flag, error flag);
//рекурсивный вызов для правого терминала
           if (q->right == nullptr) {
                 q->destroy();
                 return nullptr;
```

```
}
            simvol = stream->get();
            if (simvol != ')') \{ //проверка на закрытие скобок
                 if (simvol == ' \n') {
                       if (error flag)
                             *error flag = 1;
                 q->destroy();
                 return nullptr;
            }
           return q;
      }
     if ((isalpha(simvol)) || (isdigit(simvol))) {
           return new BIN_TREE<T>(simvol);
      }
     else {
           return nullptr;
      }
}
template<typename T>
void BIN_TREE<T>::destroy() {//peкуpсивная функция очистки дерева
     if (this != nullptr) {
           left->destroy();
           right->destroy();
           delete this;
      }
}
template<typename T>
void BIN_TREE<T>::set_value(T value) { //функция установки значения корня
     if (this != nullptr)
           data = value;
}
template<typename T>
```

```
bool BIN_TREE<T>::is_terminals_digit() { //проверка, что все терминалы
дерева - цифры
      if (this == nullptr) {
           return false;
      }
     else if (strchr("+-*", data)){
           return left->is terminals digit() && right->is terminals digit();
//рекурсивный вызов для правого и левого терминала
      }
     else if (isdigit(data)) {
          return true;
      }
     else {
          return false;
      }
}
template<typename T>
int BIN TREE<T>::rec calculate() { //функция подсчёта значения дерева
      if (isdigit(data)) { //если значение корня - цифру, возвращаем её
           return int(data)-48;
      int left_num;
      int right num;
     int rez;
      switch (data)
     case '+':
           left_num = left->rec_calculate();
           right num = right->rec calculate();
           rez = left_num + right_num; //вычисление значения формулы
           cout << left num << " + " << right num << " = " << rez<<'\n';</pre>
//промежуточные данные
           return rez; break;
     case '-':
           left num = left->rec calculate();
```

```
right num = right->rec calculate();
           rez = left num - right num; //вычисление значения формулы
           cout << left num << " - " << right num << " = " << rez <<
'\n';//промежуточные данные
           return rez; break;
     case '*':
           left num = left->rec calculate();
           right num = right->rec calculate();
           rez = left num * right num; //вычисление значения формулы
           cout << left_num << " * " << right_num << " = " << rez <<
'\n';//промежуточные данные
           return rez; break;
     }
}
template<typename T>
string BIN TREE<T>::infix form() {
     if (this == nullptr)
           return "";
     // преобразование в инфиксную (ЛКП) запись
     string str;
     if (!isLeaf()) str += '(';
     if (left)
           str += left->infix form(); // добавляется левое поддерево
     str += data; // добавляется корень
     if (right)
           str += right->infix form(); // добавляется правое поддерево
     if (!isLeaf()) str += ')';
     return str;
}
template<typename T>
string BIN TREE<T>::postfix form(){
     if (this == nullptr)
           return "";
     // преобразование в постфиксную (ЛПК) запись
```

```
string str;
     if (left)
           str += left->postfix form(); // добавляется левое поддерево
      if (right)
           str += right->postfix form(); // добавляется правое поддерево
      str += data; // добавляется корень
     return str;
}
template<typename T>
string BIN_TREE<T>::prefix_form() {
      if (this == nullptr)
           return "";
      // преобразование в префиксную (КЛП) запись
     string str;
     str += data; // добавляется корень
      if (left)
           str += left->prefix_form(); // добавляется левое поддерево
      if (right)
           str += right->prefix_form(); // добавляется правое поддерево
     return str;
}
template<typename T>
bool BIN TREE<T>::isLeaf() { //проверка на лист
     return !left && !right;
Файл lab3.cpp:
#include "stdafx.h"
#include "BIN tree.h"
#include <iostream>
struct tree and rez {
     BIN TREE<char>* tree;
     int* rez = nullptr;
};
```

```
typedef struct tree and rez TREE AND REZ;
int input num(string message) {
      int num = 0;
     cout << message << '\n';</pre>
      char* input = new char[10];
      fgets(input, 10, stdin);
      while (sscanf s(input, "%d", &num) != 1) {
            cout << "Ввод некорректный!\n" << message << '\n';
            fgets(input, 10, stdin);
      }
      delete[] input;
      return num;
}
void data_save(TREE_AND_REZ* data_mass, int count_of_tree) {//coxpaнeниe
данных в файл
     char* file name = new char[256];
      cout << "Введите имя файла сохранения\n";
     cin >> file name;
     getchar(); //вытаскиваем символ переноса строки из потока
      fstream output file;
      output file.open(file name, fstream::out | fstream::app);//открытие
или создание файла на запись
      for (int i = 0; i < count_of_tree; i++) {</pre>
            if (data mass[i].tree == nullptr) {
                  output file << "Пустое дерево" << '\n';
            else { //запись результатов в файл
                 output file << "Формула: " <<
data mass[i].tree->infix form() << '\n';</pre>
                  output file << "Префиксная форма: " <<
data mass[i].tree->prefix form() << '\n';</pre>
                  output file << "Постфиксная форма: " <<
data_mass[i].tree->postfix form() << '\n';</pre>
```

```
}
           if(data mass[i].rez!=nullptr)
                 output file << "Значение: " << *data mass[i].rez << '\n';
           output file << '\n';</pre>
      }
     delete[] file name;
      output file.close();
}
void clear_memory(TREE_AND_REZ* data_mass, int count_of_tree) {//функция
очистки памяти
      for (int i = 0; i<count of tree; i++) {</pre>
            if (data_mass[i].tree != nullptr) {
                 data mass[i].tree->destroy(); //вызов рекурсивной очистки
дерева
           }
           if (data mass[i].rez != nullptr) {
                 delete data mass[i].rez; //очищаем значение дерева, если
оно посчитано
           }
     delete[] data mass;
}
int data analis(TREE AND REZ* data mass, int count of tree) {
     cout <<
----\nИсходные данные:\n";
      string dialog text = "\nВыберите дальнейшее действие:\n1 - сохранить
данные в файл и продолжить\n2 - сохранить данные в файл и выйти\n3 -
продолжить без сохранения\n4 - выйти без сохранения";
      for (int i = 0; i < count of tree; i++) {</pre>
           cout << "Дерево-формула " << i + 1 << ": ";
           if (data mass[i].tree == nullptr) {
                 cout << "Пустое дерево" << '\n';
            }
```

```
else {
                  cout << data mass[i].tree->infix form() << '\n';</pre>
//исходный вид формулы
            }
      }
      cout << "Обработка данных:\n\n";
      for (int i = 0; i < count of tree; <math>i++) {
            cout << "Дерево-формула " << i + 1 << ":\n";
            if (data mass[i].tree == nullptr) {
                  cout << "Пустое дерево" << "\n\n";
            }
            else {
                  cout << "Инфиксная форма: " <<
data mass[i].tree->infix form() << '\n';</pre>
                  cout << "Префиксная форма: " <<
data_mass[i].tree->prefix_form() << '\n';</pre>
                  cout << "Постфиксная форма: " <<
data mass[i].tree->postfix form() << '\n';</pre>
                  if (data mass[i].tree->is terminals digit()) {
                        cout << "Промежуточные данные:\n";
                        data mass[i].rez = new int;
                        *data mass[i].rez =
data_mass[i].tree->rec_calculate(); //запись значения дерева-формулы
                        cout << "Итоговое значение дерева: " <<
*data mass[i].rez << "\n";
                 cout << '\n';
            }
      cout << "Нажмите ENTER, чтобы продолжить";
      getchar();
      while (1) {
            switch (input num(dialog text)) { //выбор дальнейших действий
пользователем
```

```
case 1: data save(data mass, count of tree);
clear memory(data mass, count of tree); return 1; break;//сохранение и
очистка данных
           case 2: data save(data mass, count of tree);
clear memory(data mass, count of tree); return 0; break;
           case 3: clear memory(data mass, count of tree); return 1; break;
           case 4: clear memory(data mass, count of tree); return 0; break;
           default: cout << "Команда не распознана!\n"; break;
            }
      }
}
int console_input() {
      string message = "Введите количество деревьев";
      int count of tree = input num(message);
     int error_flag = 0;
      if (count_of_tree <= 0) {</pre>
           return 1;
     TREE_AND_REZ* data_mass = new TREE_AND_REZ[count_of_tree];
      for (int i = 0; i < count of tree; i++) {
           cout << "Дерево-формула " << i + 1 << ": ";
           data_mass[i].tree = data_mass[i].tree->read_formula(&cin,
nullptr, &error flag); //считывание дерева из консоли
           if (error flag == 0) {
                 if (data mass[i].tree != nullptr) {//считываем оставшиеся
СИМВОЛЫ
                       while (getchar() != '\n');
                 }
           error flag = 0;
           /*if (data mass[i].tree != nullptr) {
                 while (getchar() != '\n');
           } * /
      }
```

```
if (data analis(data mass, count of tree)) {//вызов функции анализа
данных
           return 1;
     return 0;
}
int file input() {
      int count of tree = 0;
     int c;
      int correct file name flag = 0; //флаг корректного имени файла ввода
      fstream file input;
     char* file_name = new char[256];
      while (!correct file name flag) {//цикл до ввода корректного имени
файла
           cout << "Введите имя файла\n\n";
           cin >> file name;
           file input.open(file name, fstream::in);//открывается файл ввода
           if (file input.is open()) {
                 correct file name flag = 1;
            }
           else {
                 cout << "\nФайла с таким именем не найдено!\n";
                 memset(file name, '\0', 256);
            }
      }
     getchar();//убираем символ переноса строки из потока ввода
     delete[] file name;
      int buff = 10; //буффер количества строк
      int file_end_flag = 1;//флаг конца файла
      int error flag = 0;
      TREE AND_REZ* data_mass = new TREE_AND_REZ[buff];
     TREE AND REZ* rezerv data mass;
     while (file end flag) {
            if (count of tree == buff) \{//\text{проверка}\ на заполнение буффера
                 buff += 10;
```

```
rezerv data mass = new TREE AND REZ[buff];
                 for (int i = 0; i < buff - 10; i++) {
                       rezerv data mass[i].tree = data mass[i].tree;
                 delete[] data mass;
                 data mass = rezerv data mass;
                 rezerv data mass = nullptr;
            }
           //считывание дерева из файла
           data_mass[count_of_tree].tree =
data_mass[count_of_tree].tree->read_formula(&file_input, &file_end_flag,
&error flag);
           if (error_flag == 0) {
                 if ((file_end_flag) && (data_mass[count_of_tree].tree !=
nullptr)) {//считываем оставшиеся символы
                       c = ((istream*)(&file_input))->get();
                       while ((c != '\n') \&\& (c != EOF)) {
                             c = ((istream*)(&file input))->get();
                       }
                 }
            }
           error flag = 0;
           count_of_tree++;
      }
      file input.close();
      if (data_analis(data_mass, count_of_tree - 1)) {//вызов функции
анализа данных
           return 1;
      }
     return 0;
}
int main()
{
      setlocale(LC ALL, "rus");
```

```
string start_dialog = "\nВыберите способ ввода данных:\n1 - Ввод с
консоли\n2 - Ввод из файла\n3 - Выйти из программы";
     while (1) {
           switch (input_num(start_dialog)) {
           case 1:
                 cout << "Выбран ввод с консоли\n\n";
                 if (!console_input()) {
                       system("pause");
                       return 0;
                 }
                 break;
           case 2:
                 << "Выбран ввод из файлаn";
                 if (!file_input()) {
                       system("pause");
                      return 0;
                 }
                 break;
           case 3:
                 cout << "Выход из программы\n";
                 system("pause");
                 return 0;
                 break;
           default:
                 cout << "Ответ некорректный!\n\n";
           }
     }
}
```