

第四章 随机变量的数字特征

一、填空题

1. 如果 $EX^2 = 200$, $DX = 100$, 则 $EX =$ _____.
2. 若随机变量 X 服从参数为 5, 0.1 的二项分布, 即 $X \sim B(5, 0.1)$, 则 $D(1 - 2X) =$ _____.
3. 设随机变量 X 服从一区间上的均匀分布, 且 $EX = 3$, $DX = \frac{1}{3}$, 则 X 的概率密度函数为 _____.
4. 已知 $X \sim N(-2, 0.4^2)$, 则 $E(X+3)^2 =$ _____.
5. 已知 X 的概率密度为 $p(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x+1)^2}{18}}$, 求 $EX =$ _____, $DX =$ _____.
6. 若随机变量 X 服从均值为 2, 方差为 σ^2 的正态分布, 且 $P\{0 < X < 4\} = 0.6$, 则 $P\{X < 0\} =$ _____.

二、选择题

1. 掷一颗均匀的骰子 600 次, 那么出现“一点”次数的均值为().
(A) 50 (B) 100 (C) 120 (D) 150
2. 设随机变量 X 的概率密度为 $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-1)^2}{2}}$, 则().
(A) X 服从指数分布 (B) $EX = 1$
(C) $DX = 0$ (D) $P(X \leq 0) = 0.5$
3. 已知 $X \sim B(n, p)$, 且 $EX = 8$, $DX = 4.8$, 则 $n =$ ().
(A) 10 (B) 15 (C) 20 (D) 25
4. 若随机变量 X 服从参数为 λ 的泊松分布, 则 X^2 的数学期望是().
(A) λ (B) $\frac{1}{\lambda}$ (C) λ^2 (D) $\lambda^2 + \lambda$
5. 设随机变量 X 的密度函数为 $f(x) = \begin{cases} Ax + B, & 0 \leq x \leq 1, \\ 0, & \text{其它,} \end{cases}$ 且 $EX = \frac{7}{12}$, 则().

$$(A) A=1, B=-0.5$$

$$(B) A=-0.5, B=1$$

$$(C) A=0.5, B=1$$

$$(D) A=1, B=0.5$$

6. 设 $X \sim U(-1, 1)$, 则下列说法中错误的是()

$$(A) EX^2 = \frac{1}{3}$$

$$(B) EX = 0$$

$$(C) DX = \frac{2}{3}$$

$$(D) P(-1 \leq X \leq 1) = 1$$

三、计算题

1. 设随机变量 X 具有分布律为:

$$P\{X=i\} = \frac{1}{5}, \quad i=1, 2, 3, 4, 5.$$

求 DX .

2. 某教材平均每页有 2 个疵点, 每页中的疵点数 X 服从泊松分布, 求该教材某页疵点数少于 3 个的概率.

3. 设有十只同种电器元件, 其中有两只废品, 装配仪器时, 从这批元件中任取一只, 如是废品, 则重新任取一只; 若仍是废品, 则仍再任取一只. 求在取到正品之前, 已取出废品数的期望和方差.

4. 设连续型随机变量 X 的概率密度函数

$$f(x) = \begin{cases} a(1-x^2), & -1 < x < 1, \\ 0, & \text{其它,} \end{cases}$$

求: (1) 常数 a ; (2) $P(X \geq \frac{1}{2})$; (3) 求 EX, DX .

5. 设连续型随机变量 X 的概率密度为

$$f(x) = \begin{cases} ax^2 + bx + c, & 0 < x < 1, \\ 0, & \text{其它,} \end{cases}$$

且已知 $EX = 0.5$, $DX = 0.15$, 求系数 a, b, c .

6. 已知 X 服从参数为 1 的指数分布, 且 $Y = X + e^{-2X}$, 求 EX .

7. 假设一部机器在一天内发生故障的概率为 0.2, 机器发生故障时全天停止工作. 若一周五个工作日里无故障, 可获利润 10 万元, 发生一次故障获利润 5 万元, 发生两次故障获利润 0 万元, 发生三次或三次以上故障就要亏损 2 万元, 问一周内期望利润是多少?

8. 据统计,一位 40 岁的健康者在 5 年内活着或自杀的概率为 p ($0 < p < 1$), 在 5 年内非自杀死亡的概率为 $1-p$, 保险公司开办 5 年人寿保险, 参加者需交保险费 a 元. 若 5 年内非自杀身亡, 公司赔偿 b 元 ($b > a$). 试问 b 应如何确定才能使公司期望获益; 若有 m 人参加保险, 公司期望可从中收益多少?