## Aula: 18 de maio

29. Determine a expressão analítica da rotação de ângulo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  no eixo dirigido pelo vector  $\overrightarrow{e}_2 = (0, 1, 0)$ .

deja 
$$\rho$$
 a zotação pertendida. Salamos que  $\rho$  tim expressão matricial.

 $\begin{bmatrix}
y_1 \\
y_2 \\
y_3
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
\cos y_4 \\
\cos y_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 
 $\cos x_4 \begin{bmatrix}
\cos x_4 \\
\cos x_4
\end{bmatrix}$ 

30. Determine a expressão analítica da rotação de ângulo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  no eixo dirigido pelo vector  $\overrightarrow{e}_2 = (0, 1, 0)$  que passa pelo ponto A = (2, 1, 0).

Seja ( a rotação pretendida e seja p a rotação do exercício 29.   
Fazendo 
$$\vec{s} = \vec{o}\vec{A}$$
, sabernos que  $\vec{o} = \vec{t}_{\vec{o}}\vec{o} \ \rho \ o \ t_{-\vec{o}}\vec{o}$ , ou seja,   
 $\vec{o}(R) = \vec{o} + \rho(R - \vec{o})$ . Em coordenadas:   
 $\vec{o}(x_1, x_2, x_3) = (a_1 1, 0) + \rho(x_1 - 2, x_2 - 1, x_3) =$    
 $= \left(2 + \frac{\sqrt{2}}{2}(x_1 - 2) + \frac{\sqrt{2}}{2}x_3, x_2, -\frac{\sqrt{2}}{2}(x_1 - 2) + \frac{\sqrt{2}}{2}x_3\right)$ .

31. Determine a expressão analítica da rotação de ângulo  $\theta=\frac{\pi}{2}$  no eixo dirigido pelo vector  $\overrightarrow{u}=(\sqrt{2}/2,\sqrt{2}/2,0)$ .

Coneçamos por observar que liè | = 1, pelo que podemos escrever

- 33. Determine a representação matricial das aplicações seguintes:
  - (a) A rotação de ângulo  $\pi/4$  em torno ao eixo definido pelo vector v=(1,1,1);
  - (b) O "twist" definido pela rotação anterior e o vector v;
  - (c) O "twist" definido pela rotação anterior e o vector -3v.

Qual a imagem da recta dirigida pelo vector (0,0,2) e que passa pelo ponto (1,0,1) através destas aplicações?

a Observamos que no não é unitário pelo que consideramos 
$$\overrightarrow{le} = \overrightarrow{D} = \left(\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}}\right)$$
. Juja parotação pretendida.

Fazemos  $M = (x, y, z)$ :

 $(\overrightarrow{OM}, \overrightarrow{M}) \overrightarrow{M} = \frac{x+y+z}{\sqrt{3}} \left(\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}}\right) = \frac{x+y+z}{\sqrt{3}} (1,1,1)$ .

 $\overrightarrow{OM} - (\overrightarrow{OM}, \overrightarrow{M}) \overrightarrow{M} = (x, y, z) - \frac{x+y+z}{\sqrt{3}} (1,1,1) = 0$ 

$$= \frac{1}{3} \left( 2x - y - z, -x + zy - z, -x - y + zz \right).$$

$$\overrightarrow{\mathcal{L}} \times \overrightarrow{OR} = \begin{vmatrix} \overrightarrow{e_1} & \overrightarrow{e_2} & \overrightarrow{e_3} \\ & & &$$

[ não é necessário simplificar uma expressão deste tipo].

$$(2(R) = -30 + p(R) = (3,3,3) + p(x,y,t).$$

Questão:

Temos 
$$G_{1}(z) = G_{1}(1|0|1) + \langle \overrightarrow{G_{1}}(0,0|2) \rangle$$
.

$$(1(1,0,1) = (1,1,1) + \frac{1}{3}(2+\sqrt{2},2-\sqrt{2},2) = (5+\sqrt{2},5-\sqrt{2},5).$$

36. Determine a expressão matricial da reflexão rotatória no plano x-2z+1 de ângulo  $\pi/2$ .

de uma.

Uma Reflexão Rotatiria é a composta de uma Reflexão num plano com uma notação em torno de um eixo perpendicular a esse plano  $\Upsilon: \times -22+1 = 0 \iff \Upsilon = (1,0,0) + ((1,0,-2))^{\perp} = A + < \Rightarrow >^{\perp}.$ Jeja ( a reflexão no plano II e p a rotação de ângulo 0 = 1/2 em torno do eixo que incide na origem e está dirigido por ?. Vamos determinaz Gop. [ sabe-se que Gop = por Veritique!] (H) = M - Z AH. ) ?  $\int (x_1 y_1 z) = (x_1 y_1 z) - \frac{2}{5} \left[ (x_1 y_1 z) \cdot (x_1 y_1 z) \cdot (x_1 y_1 z) \cdot (x_1 y_1 z) \right] (x_1 y_1 z) = 0$  $= (x, y, z) - \frac{2}{5} (x+1-2z) (1, 0, -z) =$  $= \frac{1}{5} \left( 5x - 2(x+1-22), 5y, 52+4(x+1-22) \right) =$  $= \frac{1}{5} \left( 3x + 4z - 2 \right) + 4x - 3z + 4$  $\rho(\mathbf{H}) = \sigma + \left(\overrightarrow{\sigma}\overrightarrow{\mathbf{H}} \cdot \overrightarrow{\mathbf{J}}\right)\overrightarrow{\mathbf{J}} + \cos\left(\frac{\mathbf{T}}{2}\right)\left(\overrightarrow{\sigma}\overrightarrow{\mathbf{H}} - \left(\overrightarrow{\sigma}\overrightarrow{\mathbf{H}} \cdot \overrightarrow{\mathbf{J}}\right)\overrightarrow{\mathbf{J}}\right) + \operatorname{Sen}\left(\frac{\mathbf{T}}{2}\right)\left(\overrightarrow{\mathbf{J}} \times \overrightarrow{\sigma}\overrightarrow{\mathbf{H}}\right)$  $= \Theta + \left(\overrightarrow{OH} \cdot \overrightarrow{\mu}\right) \overrightarrow{\mu} + \left(\overrightarrow{\mu} \times \overrightarrow{OH}\right), \text{ onde } \overrightarrow{\mu} = \frac{1}{||\vec{n}||} = \frac{1}{\sqrt{5}} (1,0,-2)$  $(\overrightarrow{OH}.\overrightarrow{y})\overrightarrow{y} = 2z - 2z + (1,0,-2)$  $\vec{\mu} \times \vec{o} \vec{R} = \begin{vmatrix} \vec{e_1} & \vec{e_2} & \vec{e_3} \\ \sqrt{5} & 0 \end{vmatrix} = \frac{1}{5} \left( \frac{2y}{5}, -(2+2x), \frac{y}{5} \right)$ 

x y Z

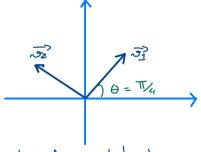
Para determinar cop usamos coordenadas homogéneas:

$$\begin{bmatrix}
91 \\
92 \\
= \end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
3/5 & 0 & 4/5 & -3/5 \\
0 & 1 & 0 & 0
\end{bmatrix} \begin{bmatrix}
1/5 & 2 \frac{6}{5} & -\frac{7}{5} & 0\\
-2 \frac{6}{5} & 0 & -\frac{6}{3} & 0
\end{bmatrix} \begin{bmatrix}
21 \\
22 \\
= \end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
0 & 1 & 0 & 0 \\
4/5 & 0 & -\frac{3}{5} & \frac{1}{5} & 0
\end{bmatrix} \begin{bmatrix}
1/5 & 2 \frac{6}{5} & -\frac{7}{5} & 0\\
-\frac{3}{5} & \frac{6}{5} & \frac{1}{5} & 0
\end{bmatrix} \begin{bmatrix}
21 \\
22 \\
23 \\
0 & 0 & 0
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
-1/5 & 2 \frac{6}{5} & \frac{7}{5} & \frac{7}{5} \\
-2 \frac{6}{5} & 0 & -\frac{6}{5} & 0\\
23 \\
0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix} \begin{bmatrix}
1 \\
1
\end{bmatrix}$$

## Aula: 25 de maio

19. Determine a representação matricial do re-dimensionamento centrado na origem e parâmetros 2 e 4 nas direcções definidas pelas bissectrizes do primeiro e segundo quadrante.

No rederencial  $R = \{0, (\sqrt{1}, \sqrt{2})\}_{0}, 0$ Redimensionamento pretendido é dado pla matriz  $\begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 4 \end{bmatrix}$ 



No rederencial original, o rede mensionamento felido é dado por:

$$\begin{bmatrix} \cos(\sqrt{1}/4) & - \sin(\sqrt{1}/4) \\ - \sin(\sqrt{1}/4) & \cos(\sqrt{1}/4) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} z & 0 \\ 0 & \zeta_1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos(-\sqrt{1}/4) & - \sin(-\sqrt{1}/4) \\ - \sin(-\sqrt{1}/4) & \cos(-\sqrt{1}/4) \end{bmatrix}$$

$$Rotação \theta = \sqrt{1}/4$$

$$Rotação \theta = \sqrt{1}/4$$

eema vez que a rotação centrada na origem e de ângulo - The envia 52 em E2. Assim:

$$\begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sqrt{2}/2 & -\sqrt{2}/2 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ \sqrt{2}/2 & \sqrt{2}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \chi_1 \\ \chi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -1$$

20. Determine a representação matricial do re-dimensionamento centrado no ponto O' = (1,1) e parâmetros 2 e 4 nas direcções definidas pelas bissectrizes do primeiro e segundo quadrante.

Sejam: 
$$\vec{p}$$
 o redimensionamento prentendido  
 $\vec{p}$  o redimensionamento do exercicio 19  
 $\vec{w} = \vec{00} = (1,1)$   
Então  $\vec{p}(x,y) = (t\vec{3} \circ p \circ t - \vec{3})(x,y) = (1,1) + p(x-1,y-1) =$   
 $= (1,1) + (3(x-1) - (y-1), -(x-1) + 3(y-1)) =$   
 $= (3x-y-1, -x+3y-1).$ 

21. Determine a transvecção na origem de parâmetro 5 na direcção de  $\overrightarrow{v}=(0,1)$ .

A rotação que envia ro em ez i a rotação de ângulo 0=-II.

$$\begin{bmatrix}
y_1 \\
y_2
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
0 & -1 \\
1 & 0
\end{bmatrix} \begin{bmatrix}
1 & 5 \\
0 & 1
\end{bmatrix} \begin{bmatrix}
0 & 1 \\
-1 & 0
\end{bmatrix} \begin{bmatrix}
x_1 \\
x_2
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
1 & 0 \\
-5 & 1
\end{bmatrix} \begin{bmatrix}
x_1 \\
x_2
\end{bmatrix}$$

22. Determine a transvecção na origem de parâmetro 2 na direcção do vector  $(\sqrt{3}/2, 1/2)$ .

A cotação que envia 
$$\vec{r}$$
 em  $\vec{e}_1$  i a cotação de ângulo  $\theta = -\frac{\pi}{6}$ .

Logo:
$$\begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y_{3/2} & -1/2 \\ y_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_{3/2} & 1/2 \\ y_4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_{3/2} & 1/2 \\ y_4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_{3/2} & 1/2 \\ y_4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_4 & y_3 \\ y_4 & y_4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_4 & y_4 \\ y_4 & y_$$

23. Determine a transvecção no ponto O'=(1,1) de factor 2 na direcção do vector  $(\sqrt{3}/2,1/2)$ .

Sejam: 
$$\bar{\sigma}$$
 a transvecção pretendida.

 $\bar{\sigma}$  a transvecção do exercício 22.

 $\bar{\sigma}^2 = 00^2 = (1,1)$ .

Então  $\bar{\sigma}(x,y) = (t_{\bar{\sigma}} \circ (t_{\bar{\sigma}} \circ t_{\bar{\sigma}}) (x,y) = (t_{\bar{\sigma}} \circ (t_{\bar{\sigma}}) (t_{\bar{\sigma}}) (x,y) = (t_{\bar{\sigma}} \circ (t_{\bar{\sigma}}) ($ 

Entag 
$$G(x,y) = (t,y) = (t,y)$$

[ Em alternativa, pode fazer esta composta em coardenadas homogéneas.]

## Aula: 28 de maio

## Exercícios

- 1. Determine a expressão analítica da projeção perspectiva desde o ponto  $\Omega=(-3,0)$  na reta x=0. Indique a reta excecional.
- 2. Determine a expressão analítica da projeção perspectiva desde o ponto  $\Omega=(1,1,3)$  no plano x+z=0. Indique o plano excecional.

1. Seja 
$$M = (x,y)$$
 e  $p(n)$  a projeção do porto  $M$  desde  $\Omega = (-3,0)$  na Reta  $\Omega : x = 0$ .

$$P(x,y) = (-3,0) + \lambda(x+3,y) = (-3+\lambda(x+3), \lambda y).$$

Como 
$$p(R) \in \mathcal{R}$$
 então  $-3+\lambda(x+3)=0 \Rightarrow \lambda = \frac{3}{x+3}$   
Logo  $p(x,y)=\left(0,\frac{3y}{x+3}\right)$ .

Come p(re) 
$$\in \mathbb{T}$$
 então  $1+\lambda(x-1)+3+\lambda(z-3)=0 \Rightarrow$ 

$$\Rightarrow \lambda = \frac{-4}{24 + 3 - 4}$$

O plano excecional é o plano paralelo a N e incidente em 12, ou seja, o plano de equação x+z-4=0.