Geometria

Lic. Ciências da Computação & Lic. em Matemática

17/06/2019

Exame de Recurso

Todas as respostas devem ser justificadas e os cálculos devem ser apresentados.

GRUPO I

(Responda aos grupos I e II em folhas separadas)

- 1. Seja \mathcal{A} um plano euclidiano munido de referencial ortonormado $\mathcal{R} = \{O, (\overrightarrow{e_1}, \overrightarrow{e_2})\}$. Seja $\mathcal{R}' = \{O', (\overrightarrow{v_1}, \overrightarrow{v_2})\}$ o referencial definido por
 - $O = (1,1)_{\mathcal{R}'}$
 - $\bullet \left\{ \begin{array}{ccc} \overrightarrow{v_1} & = & \overrightarrow{e_1} + \overrightarrow{e_2} \\ \overrightarrow{v_2} & = & \overrightarrow{e_1} \end{array} \right.$
 - (a) Determine as coordenadas de $A = (1, -1)_{\mathcal{R}}$ no referencial \mathcal{R}' .
 - (b) Assuma que a orientação positiva de \mathcal{A} é a fixada pelo referencial \mathcal{R} . Determine o cosseno, o seno e a medida do ângulo orientado formado por $\overrightarrow{v_1}$ e $\overrightarrow{v_2}$.
- 2. Seja \mathcal{A} um espaço euclidiano tridimensional munido de referencial ortonormado.

Seja r a reta de equação vetorial

$$r = A + \langle \overrightarrow{v} \rangle = (0,0,1) + \langle (1,1,1) \rangle$$

Seja s a reta paralela a r incidente em P = (2, 1, 1).

- (a) Determine um sistema de equações cartesianas de s.
- (b) Determine a distância entre $r \in s$.
- (c) Apresente uma reta r' enviesada a r. Justifique.

GRUPO II

(Responda aos grupos I e II em folhas separadas)

3. Seja \mathcal{A} um espaço euclidiano tridimensional munido de referencial ortonormado.

Considere a aplicação afim

$$h(x, y, z) = (3x - 2, 3y - 4, 3z + 6)$$

Justique que h é uma homotetia e indique a razão e o centro.

4. Seja A plano euclidiano munido de referencial ortonormado.

Considere a aplicação afim

$$\sigma(x, y) = (2 - y, 1 - x).$$

- (a) Justique que σ é uma isometria.
- (b) Classifique a isometria σ .
- (c) Determine a aplicação $\sigma \circ \sigma$. Classifique esta nova aplicação.
- 5. Seja A plano euclidiano munido de referencial ortonormado.

Considere o ponto A = (-1, 0) e a reta r de equação cartesiana x = 1.

Mostre, efetuando os cálculos, que o lugar geométrico dos pontos cuja distância a A é igual à distância a r se trata de uma parábola. Quais são o vértice, o foco e a diretriz desta parábola?

Cotações: Todas as questões estão cotadas para 2 valores.