

## Matemática Discreta

Licenciatura em Ciências da Computação 23/05/2023 Segundo Teste

Nome: Número:

- 1. Justifique se as seguintes afirmações são verdadeiras ou falsas.
  - (a) Como  $140 = (-4) \times (-25) + 40$  então o resto da divisão de 140 por -25 é 40.
  - (b) Os números  $3^{24678}$  e  $2^{5647389}$  têm o mesmo resto na divisão por 7.
  - (c) Se  $n \in \mathbb{Z}$  é tal que  $n \equiv 3 \pmod{11}$  então  $22n^3 + 40n 1 \equiv -4 \pmod{11}$ .
  - (d) Se 3 = 13a + 5b para alguns  $a, b \in \mathbb{Z} \setminus \{0\}$ , então m.d.c.(a, b) = 3.
- **2.** Use o algoritmo da divisão para mostrar que, para todo o  $n \in \mathbb{Z}$ ,  $n(n^2 1)$  é um múltiplo de 3.
- 3. Determine os dígitos x e y tais que o inteiro  $\overline{58xx34y}$  é simultaneamente divisível por 9 e por 11.
- 4. Determine a maior solução inteira negativa da congruência linear  $12x \equiv 7 \pmod{17}$ .
- 5. Use o Teorema Chinês dos Restos para determinar a solução geral do seguinte sistema de congruências lineares

$$\begin{cases} 5x \equiv 1 \pmod{2} \\ 3x \equiv 6 \pmod{15} \\ x \equiv -2 \pmod{7} \end{cases}$$

e verifique que a menor solução positiva que encontrou é de facto solução do sistema.

Cotações: 1) a) 1 valor, b) 1 valor, c) 1 valor, d) 1 valor;

- 2) 1 valor;
- 3) 1.5 valores;
- 4) 1.5 valores;
- 5) 2 valores.