

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра МО ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по лабораторной работе №5**  
**по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»**  
**Тема: Бинарные деревья поиска**

Студент гр. 7383

МЕДВЕДЕВ И. С.

Преподаватель

РАЗМОЧАЕВА Н. В.

Санкт-Петербург

2018

## Содержание

<b>Цель работы .....</b>	<b>3</b>
<b>Реализация задачи.....</b>	<b>3</b>
<b>Тестирование.....</b>	<b>4</b>
<b>Вывод .....</b>	<b>4</b>
<b>Приложение А. Код программы.....</b>	<b>5</b>
<b>Приложение Б. Тестовые случаи .....</b>	<b>11</b>

## Цель работы

Познакомиться с рандомизированные пирамиды поиска и научиться реализовывать их на языке программирования C++.

По заданному файлу  $F$  (типа `file of Elem`), все элементы которого различны, построить рандомизированную пирамиду поиска. Для построенного БДП проверить, входит ли в него элемент  $e$  типа `Elem`, и если входит, то удалить элемент  $e$  из дерева поиска.

## Реализация задачи

Пирамида поиска (`treap`) – структура данных, объединяющая в себе бинарное дерево и кучу. Каждый узел содержит пару  $(x; y)$ , где  $x$  – ключ бинарного дерева поиска, а  $y$  – приоритет бинарной кучи. Обладает свойствами: ключи  $x$  узлов правого (левого) поддеревья больше (меньше) ключа  $x$  узла  $n$ , приоритеты  $y$  узлов правого и левого детей больше приоритета  $y$  узла  $n$ .

В данной работе было написано несколько функций и структура для работы с пирамидой поиска.

`struct node` – структура, представляющая узел БДП, содержит в себе поля `int key` для хранения ключа, `int prior` для хранения приоритета, `node* left`, `right` для хранения указателей на правое и левое поддерево.

`node* rotateright (node* p)` – функция, делающая правый поворот вокруг узла  $p$ .

`node* rotateleft(node* p)` – функция, делающая левый поворот вокруг узла  $p$ .

`node* insert(int key, node* root)` – функция, добавляющая узел с ключом  $k$ , учитывая его приоритет и ключ. Если ключ  $k$  больше (меньше) ключа рассматриваемого узла, то он вставляется вправо (влево) от этого узла, при надобности делается правый или левый поворот.

`node* merge(node *p, node *q)` – функция, получающая на вход два дерева, которые она объединяет.

`void printPriority(node* root)` – функция, печатающая приоритеты узлов (задаются случайным образом).

`node* remove(node* p, int k)` – функция получает на вход дерево и ключ узла. Удаляет узел с заданным ключом, объединяя его правое и левое поддереву с помощью функции `merge`.

`void printtree(node* treenode, int l)` – функция, печатающая дерево.

`int main()` – головная функция, которая в зависимости от выбора пользователя считывает ключи из файла или с консоли, затем создает бинарное дерево, печатает приоритеты ключей, выводит само дерево и удаляет узел, с заданным пользователем ключом.

### **Тестирование**

Программа собрана в операционной системе Ubuntu 17.04 с использованием компилятора g++. В других ОС и компиляторах тестирование не проводилось. Результаты тестирования показали, что поставленная цель выполнена. Результаты тестирования представлены в Приложении Б.

### **Вывод**

В ходе выполнения лабораторной работы были изучены основные понятия о пирамидах поиска, была реализована рандомизированная пирамида поиска на языке программирования C++. Также была написана программа для удаления узла с заданным ключом.

## ПРИЛОЖЕНИЕ А.

### КОД ПРОГРАММЫ

```
#include <iostream>
#include <cstdlib>
#include <cstring>
#include <fstream>
using namespace std;

struct node{      // структура для представления узлов дерева
    int key;
    int prior;
    node* left;
    node* right;
    node(int k) { key = k; left = right = NULL; prior = rand()%100;}
};

node* rotateright(node* p){ // правый поворот вокруг узла p
    node* q = p->left;
    if( !q )
        return p;
    p->left = q->right;
    q->right = p;
    return q;
}

node* rotateleft(node* q){ // левый поворот вокруг узла q
```

```

    node* p = q->right;
    if( !p )
        return q;
    q->right = p->left;
    p->left = q;
    return p;
}

```

```

node* insert(int key, node* root){
    if(!root){
        node* p = new node(key);
        return (p);
    }
    if(key <= root->key)
    {
        root->left = insert(key, root->left);
        if(root->left->prior < root->prior)
            root = rotateright(root);
    }
    else{
        root->right = insert(key, root->right);
        if(root->right->prior < root->prior)
            root = rotateleft(root);
    }
    return root;
}

```

```

node* merge(node *p, node *q) {
    if (p == NULL) return q;
    if (q == NULL) return p;

    if (p->prior > q->prior) {
        p->right = merge(p->right, q);
        return p;
    }
    else {
        q->left = merge(p, q->left);
        return q;
    }
}

```

```

node* Delete(node* p){
    if (left)
        delete p->left;
    if (right)
        delete p->right;
    delete p;
    return p = NULL;
}

```

```

void printPriority(node* root){
    if (!root)
        return;

    cout<<"Priority of key ["<< root->key <<"] is "<<root-
>prior<<endl;
    printPriority(root->right);
}

```

```

    printPriority(root->left);
}

```

node\* remove(node\* p, int k){ // удаление из дерева p первого найденного узла с ключом k

```

    if( !p )
        return p;
    if( p->key == k ) {
        node* q = merge(p->left,p->right);
        delete p;
        return q;
    }
    else if( k < p->key )
        p->left = remove(p->left,k);
    else
        p->right = remove(p->right,k);
    return p;
}

```

```

void printtree(node* treenode, int l){
    if(treenode==NULL){
        for(int i = 0;i<l;++i)
            cout<<"\t";
        cout<<'# '<<endl;
        return;
    }
    printtree(treenode->right, l+1);
    for(int i = 0; i < l; i++)

```



```

        cout << "\t";

    cout << treenode->key<< endl;
    printtree(treenode->left,l+1);
}

int main(){
    node* treap = NULL;
    int key = 0;
    string str;
    char forSwitch;
    while(1){
        cout<<"Press 1 to read from console, press 2 to read from
Treap.txt file, press 0 to exit."<<endl;
        cin >> forSwitch;
        getchar();
        switch (forSwitch) {
            case '2':{
                ifstream infile("Treap.txt");
                if(!infile){
                    cout<<"There is no file"<<endl;
                    continue;
                }
                getline(infile, str);
                break;
            }
            case '1':{
                cout<<"Enter the keys"<<endl;
                getline(cin, str);
                break;
            }
            case '0':{

```

```

        return 0;
    }
    default:{
        cout<<"Incorrect input"<<endl;
        break;
    }
}
char* arr = new char[str.size()+1];
strcpy(arr, str.c_str());
char* tok;
tok = strtok(arr, " ");
while(tok != NULL){
    treap = insert(atoi(tok), treap);
    tok = strtok(NULL, " ");
}
printPriority(treap);
cout<<endl;
printtree(treap,0);
cout<<"Enter the key"<<endl<<"======"<<endl;
cin >> key;
treap = remove(treap, key);
printtree(treap,0);
treap = Delete(treap);
str.clear();
delete tok;
delete[] arr;
}
}

```

## ПРИЛОЖЕНИЕ Б.

### ТЕСТОВЫЕ СЛУЧАИ

Результаты тестов представлены на рис 1-3.

```
Enter the keys
1 2 3 4 5
Priority of key [4] is 0
Priority of key [5] is 69
Priority of key [3] is 34
Priority of key [1] is 41
Priority of key [2] is 67

      5      #
4      3      #
      2      #
      1      #
Enter the key
=====
4      #
5      3      #
      2      #
      1      #
```

Рисунок 1 – Тест №1

```
Enter the keys
123 456 987 12345 10000 0
Priority of key [0] is 5
Priority of key [123] is 24
Priority of key [987] is 58
Priority of key [12345] is 62
Priority of key [10000] is 64
Priority of key [456] is 78

      12345      #
      10000      #
      987      #
      456      #
      123      #
0      #
Enter the key
=====
12345      #
      10000      #
      987      #
      456      #
      123      #
0      #
```

Рисунок 2 – Тест №2

```

Enter the keys
-1 -2 -3 12 5 77
Priority of key [-3] is 27
Priority of key [-1] is 45
Priority of key [12] is 61
Priority of key [77] is 95
Priority of key [5] is 91
Priority of key [-2] is 81

                                     #
                                     77
                                     #
                                12
                                     #
                                5
                                     #
                        -1
                                     #
                                -2
                                     #
-3
                                     #
Enter the key
=====
77
                                #
                                12
                                     #
                                5
                                     #
                        -1
                                     #
                                -2
                                     #
-3
                                     #
Press 1 to read from console, press 2 to read from 1

```

Рисунок 3 – Тест №3

Результаты показали, что данная программа работает корректно.