

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра математического обеспечения и применения ЭВМ

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №4
по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»
Тема: Бинарные деревья

Студентка гр. 7383

Чемова К.А.

Преподаватель

Размочаева Н.В.

Санкт-Петербург

2018

СОДЕРЖАНИЕ

Цель работы.....	3
Реализация задачи.....	4
Тестирование.....	4
Выводы.....	4
ПРИЛОЖЕНИЕ А. ТЕСТОВЫЕ СЛУЧАИ.....	5
ПРИЛОЖЕНИЕ Б. КОД ПРОГРАММЫ.....	6

Цель работы

Познакомиться с абстрактным типом данных бинарное дерево.
Реализовать программу для преобразования дерева-формулы.

Формулировка задания варианта 9(а, б, в, ж)-в:

Формулу вида

$\langle \text{формула} \rangle ::= \langle \text{терминал} \rangle \mid (\langle \text{формула} \rangle \langle \text{знак} \rangle \langle \text{формула} \rangle)$

$\langle \text{знак} \rangle ::= + \mid - \mid *$

$\langle \text{терминал} \rangle ::= 0 \mid 1 \mid \dots \mid 9 \mid a \mid b \mid \dots \mid z$

можно представить в виде бинарного дерева («**дерева-формулы**») с элементами типа *char* согласно следующим правилам:

- формула из одного терминала представляется деревом из одной вершины с этим терминалом;
- формула вида $(f_1 \ s \ f_2)$ представляется деревом, в котором корень – это знак s , а левое и правое поддеревья – соответствующие представления формул f_1 и f_2 .

Требуется:

- а) для заданной формулы f построить дерево-формулу t ;
- б) для заданного дерева-формулы t напечатать соответствующую формулу f ;
- в) с помощью построения дерева-формулы t преобразовать заданную формулу f из инфиксной формы в префиксную;

ж) преобразовать дерево-формулу t , заменяя в нем все поддеревья, соответствующие формулам $(f_1 * (f_2 + f_3))$ и $((f_1 + f_2) * f_3)$, на поддеревья, соответствующие формулам $((f_1 * f_2) + (f_1 * f_3))$ и $((f_1 * f_3) + (f_2 * f_3))$;

Реализация задачи

Для решения поставленной задачи были реализованы следующие функции:

`void buildTree` – строит дерево на основе массива;

`void print` – печатает дерево;

`void prefix` – преобразует в префиксную форму;

`string change` – преобразует дерево-формулу в формулу этого дерева;

`void right` – раскрывает скобки с множителем перед скобкой;

`void left` – раскрывает скобки с множителем после скобки;

`bool test` – проверка на некорректные данные;

Тестирование

Программа была собрана в компиляторе `g++` в OS Linux Ubuntu 16.04 при помощи `g++`. В других системах тестирование не проводилось. Результаты тестирования приведены в приложении А.

Выводы

В ходе лабораторной работы было изучено бинарное дерево как тип данных и способ его реализации на векторе. Были получены практические навыки работы с бинарным деревом. Была написана программа, выводящая дерево и формулу, преобразующая инфиксную форму записи в префиксную, а также раскрывающую скобки при умножении.

ПРИЛОЖЕНИЕ А. ТЕСТОВЫЕ СЛУЧАИ

В табл. 1 приведены примеры работы программы.

Таблица 1 – Тестовые случаи

Входные данные	Результат
$(a+b)$	<p>Дерево-формула: $+ab$</p> <p>[+]</p> <p> [a]</p> <p> [b]</p> <p>Формула дерева: $(a+b)$</p> <p>Префиксная форма записи дерева: $+ab$</p> <p>Упрощенная формула: $(a+b)$</p>
$((z+x)*c)$	<p>Дерево-формула: $*+zxc$</p> <p>[*]</p> <p> [+]</p> <p> [z]</p> <p> [x]</p> <p> [c]</p> <p>Формула дерева: $((a+b)*c)$</p> <p>Префиксная форма записи дерева: $*+abc$</p> <p>Упрощенная формула: $((a+c)*(b+c))$</p>
$(a/c)*7$	Некорректная строка.

ПРИЛОЖЕНИЕ Б. КОД ПРОГРАММЫ

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <cstring>
#include <math.h>
#include <fstream>
#include <cctype>

class Tree {
public:
    char data;
};

using namespace std;

void buildTree(vector<Tree>&arr, int &index, int max, char buffer[], int j) {
//строит дерево на основе массива
    if (index >= max)
        return;
    int stet = 0;
    int k = j;
    if (buffer[j] == '\0')
        return;
    if (buffer[j] == '(') {
        j++;
        while (buffer[j] != '*' && buffer[j] != '+' && buffer[j] != '-') {
            while (buffer[j] == '(') {
                stet++;
                j++;
            }
            if (stet == 0)
                j++;
            while (stet > 0) {
                if (buffer[j] == ')')
                    stet--;
                j++;
            }
        }
    }
    else {
        arr[index].data = buffer[j];
        return;
    }
}
```

```

    if (buffer[j] == '*' || buffer[j] == '+' || buffer[j] == '-') {
        arr[index].data = buffer[j];
    }
    index+=1;
    buildTree(arr, index, max, buffer, k+1);
    index+=1;
    buildTree(arr, index, max, buffer, j+1);
}

void print(vector<Tree>arr, int &index, string &str, int max, int count) {
//печатает дерево
    if (index >= max)
        return;
    for (int i = 0; i < count; i++)
        str = str + " ";
    str = str + "[" + arr[index].data + "]\n";
    if (isalnum(arr[index].data))
        return;
    index+=1;
    print(arr, index, str, max, count+1);
    index+=1;
    print(arr, index, str, max, count+1);
}

void prefix(vector<Tree>arr, int &index) { //преобразует в префиксную
форму
    if (index >= arr.size())
        return;
    cout << arr[index].data;
    if (isalnum(arr[index].data))
        return;
    index++;
    prefix(arr, index);
    index++;
    prefix(arr, index);
}

void change(vector<Tree>arr, int index, int &count, string Lskob, string Rskob,
string &answer) { // преобразует дерево-формулу в формулу этого дерева
    if (count >= arr.size())
        return;
    if (arr[count].data == '*' || arr[count].data == '+' || arr[count].data == '-') {
        index = count;
        count++;
        answer = answer + Lskob;

```

```

        change(arr, index, count, Lskob, Rskob, answer);
        answer = answer + arr[index].data;
        change(arr, index, count, Lskob, Rskob, answer);
        answer = answer + Rskob;
    }
    else{
        index = count;
        count++;
        answer = answer + arr[index].data;
    }
}

```

void right(vector<Tree>&arr, int index) { //раскрывает скобки множителем
пред скобкой

```

    char symb = arr[index+1].data;
    arr[index+2].data = symb;
    arr[index+1].data = arr[index].data;
    arr[index].data = arr[index+4].data;
    arr[index+4].data = arr[index+1].data;
    char copy = arr[index+5].data;
    arr[index+5].data = symb;
    arr[index+3].data = copy;
}

```

void left(vector<Tree>&arr, int index) { //раскрывает скобки множителем
после скобки

```

    char symb = arr[index+4].data;
    arr[index+6].data = symb;
    arr[index+4].data = arr[index].data;
    arr[index].data = arr[index+1].data;
    arr[index+1].data = arr[index+4].data;
    char copy = arr[index+3].data;
    arr[index+3].data = symb;
    arr[index+5].data = copy;
}

```

bool test(char buff[]) { // проверка на некорректные данные

```

    int count=0,countSign = 0,countSkob = 0;
    if (buff[0] != '(' || buff[strlen(buff)-1] != ')')
        return false;
    for (int i = 0; buff[i] != '\0'; i++) {
        if (buff[i] == '(') {
            count++;
            countSkob++;
        }
    }
}

```

```

    if (buff[i] == ')')
        count--;
    if (buff[i] == '/')
        return false;
    if (buff[i] == '(' && buff[i+1] == ')')
        return false;
    if (buff[i] == ')' && buff[i+1] == '(')
        return false;
    if (buff[i] == '+' || buff[i] == '*' || buff[i] == '-') {
        countSign++;
        if (i > 1 && (buff[i-2] == '+' || buff[i-2] == '*' || buff[i-2] == '-'))
            return false;
        if (i < 2 || i > strlen(buff)-3)
            return false;
        if (buff[i-1] == '(' || buff[i+1] == ')')
            return false;
    }
    if ((!isalnum(buff[i]) || isupper(buff[i])) && buff[i] != '+' && buff[i] != '-' &&
buff[i] != '*' && buff[i] != '(' && buff[i] != ')')
        return false;
    if (isalnum(buff[i]) && (isalnum(buff[i-1]) || isalnum(buff[i+1])))
        return false;
    if (i < strlen(buff)-4 && buff[i] == '(' && (buff[i+1] == ')') || buff[i+2] == ')'
|| buff[i+3] == ')')
        return false;
}
if (countSign == countSkob && count == 0) return true;
else return false;
}

```

```

int main() {

```

```

    cout<<"Выберите действие:"<<endl;
    cout << "1 - Ввести данные вручную." << endl;
    cout << "2 - Считать данные из файла." << endl;
    cout << "3 - Выйти из программы." << endl;
    int choose;
    char buffer[100];
    cin >> choose;
    cin.ignore();
    switch (choose) {
        case 1: {
            cout<<"Введите формулу: ";
            cin.getline(buffer,100);
            break;

```



```

    }
    case 2: {
        ifstream inp("file.txt");
        inp.getline(buffer,100);
        inp.close();
        cout<<"Введенная формула: "<<buffer<<endl;
        break;
    }
    case 3: {
        return 0;
    }
    default: {
        cout<<"Неправильные входные данные, попробуйте снова."<<endl;
        return 0;
    }
}

if (!test(buffer)) {
    cout<<"Некорректная строка."<<endl;
    return 0;
}
if (!strlen(buffer)) {
    cout<<"Пустая строка"<<endl;
    return 0;
}
int N=0, j = 0, minus_flag = 0;
for (int i=0;buffer[i]!='\0';i++){
    if (buffer[i] != '(' && buffer[i] != ')'){
        N++;
    }
    if (buffer[i] == '-') minus_flag = 1;
}
vector <Tree> arr(N);
for (int i = 0; i < N; i++)
    arr[i].data = '#';
cout<<endl;
int ind=0;
buildTree(arr, ind, N, buffer, j);
cout<<"Дерево-формула: ";
for (int i = 0; i < N; i++){
    cout<<arr[i].data;
}
cout<<endl;
string str;
int count = 0;

```

```

int s=0;
print(arr, s, str, N, count);
cout<<str;

string Lskob = "(", Rskob = ")", answer = "";
int c = 0;
change(arr, 0, c, Lskob, Rskob, answer);
cout<<"Формула дерева: "<<answer<<endl;

cout<<"Префиксная форма записи дерева: ";
int c1=0;
prefix(arr, c1);
cout<<endl;

cout << "Упрощенная формула: ";
//if (minus_flag == 0) {
    int left_index = 0, right_index = 0;
    for (int i = 0; i < arr.size(); i++) {
        if (arr[i].data == '*' && arr[i+2].data == '+' && isalnum(arr[i+1].data) &&
            isalnum(arr[i+3].data) && isalnum(arr[i+4].data) && i < arr.size()-4) {
            arr.resize(N+2);
            for (int k=arr.size()-1;k>i+3;k--){
                arr[k] = arr[k-2];
            }
            right_index = i;
            right(arr,right_index);
        }
        if(arr[i].data == '*' && arr[i+1].data == '+' && isalnum(arr[i+2].data) &&
            isalnum(arr[i+3].data) && isalnum(arr[i+4].data) && i < arr.size()-4){
            arr.resize(N+2);
            for (int k=arr.size()-1;k>i+6;k--){
                arr[k] = arr[k-2];
            }
            left_index = i;
            left(arr, left_index);
        }
    }
    string ans = "";
    c = 0;
    change(arr, 0, c, Lskob, Rskob, ans);
    cout<<ans<<endl;
// }
// else cout<<"Входные данные с минусом! "<<buffer<<endl;
    return 0;
}

```