# Aufgabenstellung: Übertragungsfunktion eines analogen Filters

Aus definierten Variablen sollen 4 Diagramme erstellt werden.

Jeweils der Amplitudengang und der Phasengang der Butterworth und Besselfunktion Charakteristik und die Pol-Nullstellen der Charakteristiken soll gezeichnet werden.

#### **Contents**

Funktion Bodediagramm.m
Funktion Transfer.m
Funktion hiw.m

#### Funktion Bodediagramm.m

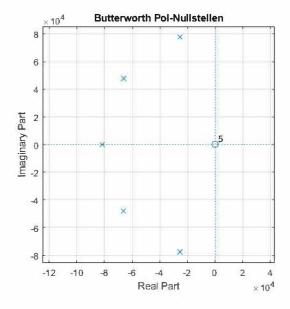
#### Variablen definieren

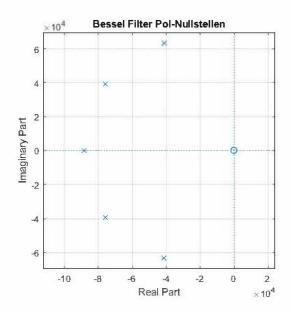
```
lnr = 13;
order = 4+mod(lnr,3);
fg = 1000 * lnr;
wg = fg*2*pi;
fch = 'butter';
ftyp = 'high';
fmin = 1e-2*fg;
fmax = 10*fg;
n=500;
```

#### Pol-Nullstellen Diagramme zeichnen

```
figure('Position', [100, 100, 1024, 1024]);
subplot(2,2,1);
[hdb_butter,hdeg_butter,f_butter] = Transfer(fch,ftyp,fmin,fmax,n,order,wg);

fch = 'besself';
subplot(2,2,2);
[hdb_bessel,hdeg_bessel,f_bessel] = Transfer(fch,ftyp,fmin,fmax,n,order,wg);
```



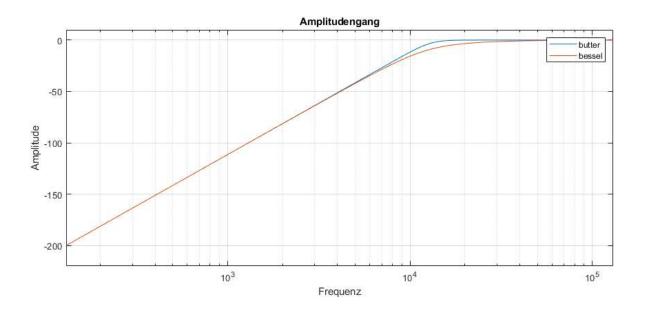


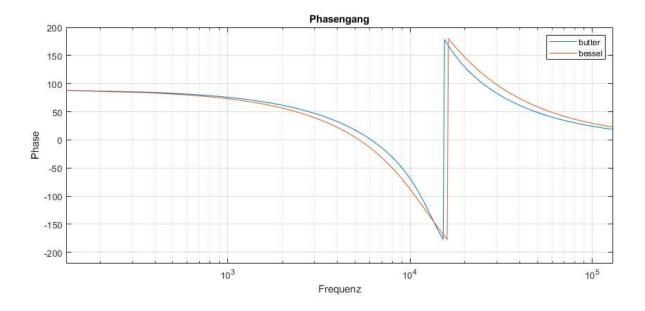
### Amplitudengänge über die Frequenz zeichnen

```
figure('Position', [100, 100, 1024, 1024]);
subplot(2,1,1);
semilogx(f_butter,hdb_butter, f_bessel,hdb_bessel);
axis([fmin fmax -220 10]);
title('Amplitudengang');
xlabel('Frequenz');
ylabel('Amplitude');
legend('butter','bessel');
grid on;
```

### Phasengänge über die Frequenz zeichnen

```
subplot(2,1,2);
semilogx(f_butter,hdeg_butter, f_bessel,hdeg_bessel);
axis([fmin fmax -220 200]);
title('Phasengang');
xlabel('Frequenz');
ylabel('Phase');
legend('butter','bessel');
grid on;
```





#### Funktion Transfer.m

```
function [hdb,hdeg,f] = Transfer(fch,ftyp,fmin,fmax,n,order,wg)
```

```
%hdb Vektor Amplitudengang
%hdeg Vektor Phasengang
%f Frequenzvektor
%fch Charakteristik ('butter','cheby1', 'cheby2','bessel', 'Cauer')
%ftyp 'low','high', bandpass','stop'
%fmin minmale Frequenz
%fmax maximale Frequenz
%n Anzahl der Frequenzpunkte
%order Filterordnung
%wg Kreisgrenzfrequenz
```

### Mit switch wird ermittelt welche Funktionscharakteristik angewandt wird

```
switch fch
    case 'butter'
        [bn,an] = butter(order, wg, ftyp, 's');
        type='Butterworth Pol-Nullstellen';
    case 'besself'

        [bn,an] = besself(order, wg, ftyp);
        type='Bessel Filter Pol-Nullstellen';
        otherwise
end
```

### Pol-Nullstellen Diagramm erstellen

```
%Wurzel der Filterkoeffizienten bn und an nehmen
rbn = roots(bn);
ran = roots(an);

zplane(rbn, ran);
title(type);
grid on;
```

### dB und Grad Werte für alle Frequenzen in Vektor abspeichern

```
u=0;
f = fmin :(fmax-fmin)/n: fmax;

for i = f
    u = u + 1;
    [hdb(u), hdeg(u)] = hjw(bn, an, i);
end
```

```
end
```

### Funktion hjw.m

```
function [hdb,hdeg]=hjw(bn, an, f)
```

```
%Calculate sinus function for angle vector phi
%A... Amplitude of sinus function
%phi... angle vector
%k... number of periods
%example y=skript_sinus(phi,A,k)
%length(x) berechnet Länge des Vektors
%hd Zählerpolynom
%hn Nennerpolynom
%h Übertragungsfunktion
%hdb Übertragungsfunktion in dB
%hdeg Übertragungsfunktion in Grad
```

### Nennerpolynom

$$h_n = \sum_{i=0}^{n} b_i * (jw)^i$$

```
hn = 0;
for n = 1 :1: length(an)
    hn = hn* 1i*2*pi*f + an(n);
end
```

## Zählerpolynom berechnen

$$h_d = \sum_{i=0}^{n} b_i * (jw)^i$$

```
hd = 0;
for n = 1 :1: length(bn)
hd = hd* 1i*2*pi*f + bn(n);
end
```

### Gesamtübertragungsfunktion berechnen

$$h(j\omega) = \frac{h_d}{h_n}$$

$$h(j\omega)_{dB} = 20 * log|h(j\omega)|$$

$$\varphi(h(j\omega)) = \frac{180^{\circ}}{\pi} * \arg(h(j\omega))$$

```
h=hd/hn;
hdb = 20* log10(abs(h));
hdeg = 180/pi * angle(h);
```