

一、选择题（每题 2 分，共 30 分）

1. 程序在计算机上的运行时间（ ）。
  - A. 与所处理的操作对象的数据结构无关
  - B. 与所使用的程序设计语言无关
  - C. 与问题的规模相关
  - D. 与程序采用的算法的策略无关
2. 设  $n$  是表示问题规模的非负整数，以下算法的时间复杂度和空间复杂度分别为（ ）。

```
int fun(int n){  
    int i=1,s=1;  
    while (i<n){  
        s++;  
        i = 3*i;  
    }  
    return s;  
}
```

  - A.  $O(\log_3 n)$ ,  $O(n)$
  - B.  $O(\log_2 n)$ ,  $O(1)$
  - C.  $O(\log_2 n)$ ,  $O(n)$
  - D.  $O(n \log_3 n)$ ,  $O(1)$
3. 栈和队列具有相同的（ ）。
  - A. 抽象数据类型
  - B. 逻辑结构
  - C. 存储结构
  - D. 基本操作
4. 设栈  $S$  的初始状态均为空，整数 0 到 9 依次进入栈  $S$ 。入栈和出栈可以交替进行，当一个元素被 **pop** 时，它被输出到终端。下列序列中不可能为输出序列的是（ ）。
  - A. 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
  - B. 4 3 2 1 0 9 8 7 6 5
  - C. 4 3 2 1 0 5 6 7 8 9
  - D. 5 6 7 8 9 0 1 2 3 4
5. 利用栈  $S$  对以下后缀表达式求值:  $8\ 2\ 3\ ^\wedge / 2\ 3\ * +$ ，其中  $^\wedge$  是求幂运算符。在  $*$  被计算后， $S$  中栈顶的两个元素是（ ）。
  - A. 6、1
  - B. 5、7
  - C. 3、2
  - D. 1、5
6. 假设用一个长度为  $n$  的数组表示一个容量为  $n-1$  的循环队列，入队和出队分别使用 **rear** 和 **front** 作为数组索引变量进行操作，初始为空时  $\text{rear} = \text{front} = 0$ ，则判别队列满和队列空的条件为（ ）。
  - A. 满:  $(\text{rear}+1) \% n == \text{front}$ ，空:  $\text{rear} == \text{front}$
  - B. 满:  $(\text{front}+1) \% n == \text{front}$ ，空:  $(\text{front}+1) \% n == \text{rear}$
  - C. 满:  $\text{rear} == \text{front}$ ，空:  $(\text{rear}+1) \% n == \text{front}$
  - D. 满:  $(\text{front}+1) \% n == \text{rear}$ ，空:  $\text{rear} == \text{front}$
7. 以下属于线性结构的是（ ）。

- A. 由  $n$  个实数组成的集合
  - B. 由所有实数组成的集合
  - C. 由所有整数组成的序列
  - D. 由  $n$  个字符组成的序列
8. 顺序存储结构与链式存储结构比较时，正确的是（ ）。
- A. 顺序实现时数组的大小必须预先确定，而链式实现时链表可以随时改变大小。
  - B. 在链表中插入和删除操作更容易
  - C. 在典型的链式实现中不允许随机访问
  - D. 以上都对
9. 给定指向单链表头结点和尾结点的两个指针，时间性能与表长相关的操作是（ ）。
- A. 删除首元素
  - B. 在首位置插入一个新元素
  - C. 在链表尾部插入一个新元素
  - D. 删除表的最后一个元素
10. 在（ ）存储结构下，两个线性表的连接操作时间复杂度为  $O(1)$ 。如  $A = (1, 3, 2)$ ,  $B = (5, 4)$ ,  $A$  和  $B$  的连接为  $(1, 3, 2, 5, 4)$ 。假设各个链表都仅设头指针。
- A. 单链表
  - B. 双链表
  - C. 双向循环链表
  - D. 顺序表
11. C++语言中向量 **vector** 的本质是（ ）。
- A. 顺序栈
  - B. 单链表
  - C. 双端队列
  - D. 动态顺序表
12. 以下算法的时间复杂度为（ ）。

```

int f(int n) {
    if (n < 3)
        return 0;
    int num = 0;
    for (int i = 1; i <= n; i++)
        num += 1;
    int k = n;
    while (k >= 1) {
        k = k / 2;
        num += 1;
    }
    return f(n-2) + num;
}

```

- A.  $O(n)$
- B.  $O(n^2)$
- C.  $O(n \log_2 n)$
- D.  $O(\log^2 n)$

13. 第 12 题中算法的空间复杂度为 ( )。

A.  $O(n)$

B.  $O(n^2)$

C.  $O(n\log_2 n)$

D.  $O(\log^2 n)$

14. KMP 算法中用 next 数组存放模式串的部分匹配信息, 当模式串 j 位置的字符与主串 i 位置的字符不等时, i 的变化方式是 ( )。

A. i 不变

B.  $i = j + 1$

C.  $i = i - j + 1$

D.  $i = j - i + 1$

15. 设模式  $T = \text{"abcabc"}$ , 则在 KMP 算法中该模式的 next 值为 ( )。

A.  $\{-1, 0, 0, 1, 2, 3\}$

B.  $\{-1, 0, 0, 0, 1, 2\}$

C.  $\{-1, 0, 0, 1, 1, 2\}$

D.  $\{-1, 0, 0, 0, 2, 3\}$

## 二、判断题 (打√或打×, 每题 2 分, 共 20 分)

1. Sequentially stored linear lists do not support random access.

2. 不论是入队操作还是入栈操作, 在顺序存储结构上都需要考虑“溢出”情况。

3. 对于同一种逻辑结构, 同一个运算在不同的存储方式下实现, 其运算效率可能不同。

4. 在顺序队列的物理模型表示法中, 入队操作和出队操作的时间复杂度均是  $O(1)$ 。

5. 在顺序表中插入一个元素, 移动元素的次数仅与插入位置有关。

6. 可以通过链队列中的队首、队尾指针计算出队列中元素的个数。

7. 对于一个特定的算法, 同样的输入可能产生不同的输出。

8. 后缀、中缀和前缀表达式中, 操作数的出现次序总是一致的。

9. 对一个不含相同元素的递增有序的数组, 找出第 i 大的元素的操作的时间复杂度是  $O(1)$ 。

10. 线性表采用链式存储表示时, 所有结点之间的存储单元地址可连续可不连续。

## 三、应用题 (共 26 分)

1. (1) 假设一个算法在输入规模 n 为 1000、2000、3000 和 4000 时的运行时间分别为 5 秒、20 秒、45 秒和 80 秒。请估计当 n 为 5000 时算法的运行时间, 并用大 O 记号表示该算法的时间复杂度。

(2) 随着问题规模的不断扩大, 同一算法所需的计算时间通常都呈单调递增趋势, 但情况也并非总是如此。试举例说明, 随着问题规模的扩大, 同一算法所需的计算时间可能上下波动。(6 分)

2. (1) 简要说明线性表、栈、顺序栈这三个概念之间的区别和联系。

(2) 举例说明, 在含有圆括号和花括号的文本中如何检查所有括号是否配对。

(3) 解释如何使用两个栈实现一个队列。(10 分)

3. (1) 简述用单链表实现线性表的优缺点和使用场合。

(2) 简述在单链表中设置头结点的作用。

(3) 若需对一元多项式进行存储并主要进行加法和乘法运算, 分析多项式的逻辑结构和存储结构。(10 分)

#### 四、 算法题（共 24 分）

1. 假设用带头结点的单链表 `LinkedList` 类作为线性表的存储结构，`LinkedList` 类的数据成员只含有表头结点指针。为 `LinkedList` 类添加一个方法，将链表向左循环移动  $k$  次。当  $k$  的值不合法，则返回 `false`，否则返回 `true`。要求算法的时间复杂度和空间复杂度分别为  $O(n)$ 和  $O(1)$ 。

例如：原表为(1,2,3,4,5)，当  $k$  为 2 或 7 等时，则向左循环移动  $k$  次后，表变为(3,4,5,1,2)，返回 `true`。如  $k < 0$ ，则返回 `false`。（8 分）

请参考以下原型进行算法设计：

```
template <class DataType>
bool LinkedList<DataType>::shift(int k);
```

2. 假设用顺序表 `SeqList` 类实现递增有序表，为 `SeqList` 类添加一个方法，删除递增有序表中的重复元素，如原表为 (1,2,2,3,4,4,6)，则删除重复后的新表为 (1,2,3,4,6)。要求算法的时间复杂度和空间复杂度分别为  $O(n)$ 和  $O(1)$ 。（8 分）

请参考以下原型进行算法设计：

```
template <class DataType>
void SeqList<DataType>::delete_dup( );
```

3. 设计递归算法，通过 `head` 为首结点指针的整数单链表，生成一个包含 `head` 链表中的所有奇数值的新链表。如原链表为 1->2->3->5->10，则新表为 1->3->5。要求原链表保持不变，算法返回新链表的首结点指针。（8 分）

请参考以下原型进行算法设计：

```
Node<int> *LinkedList<int>:: delete_odd(Node<int> *head)
```