数学.md 2023/3/3

数学

数学

。 进制

进制

LeetCode 面试题 05.02. 二进制数转字符串

设十进制小数 num 的二进制表示为 $0.b_1b_2b_3\cdots b_k$,考虑将其转为二进制字符串

每次乘 2 将小数点向右移动一位,变为 $b_1.b_2b_3\cdots b_k$,将 b_1 记录下来并减去,至多循环 32 次。如果 num 最终变为 0 ,那么便可以直接返回

不难写出如下代码:

```
class Solution {
public:
    string printBin(double num)
{
        string ans = "0.";
        for(int i = 0; i < 32; i ++)
        {
            num *= 2;
            if(num < 1)
            {
                 ans += "0";
            }
            else
            {
                      ans += "1";
                     if(--num == 0) return ans;
            }
        }
        return "ERROR";
    }
};</pre>
```

优化:

• 任何一个**有限位** p 进制小数均可以表示成**最小分数** $\frac{a}{p^k}$,其中 a 和 p^k 互质

num 最多为十进制**六位**小数,设其表示为 $\frac{a}{10^6}$,设其对应二进制表示为 $\frac{b}{2^k}$,有:

$$rac{a}{10^6} = rac{b}{2^k}
ightarrow rac{a}{2^6 5^6} = rac{b}{2^k}
ightarrow b = rac{a 2^{k-6}}{5^6}$$

由于 b 与 2 互质,因此 $0 \le k \le 6$,即对于六位十进制小数而言,其对应二进制小数最多只有六位,因此只需要枚举 6 次即可

数学.md 2023/3/3

完整代码:

```
class Solution {
public:
    string printBin(double num)
       string ans = "0.";
       for(int i = 0; i < 6; i ++)
            num *= 2;
            if(num < 1)
                ans += "0";
            }
            else
            {
                ans += "1";
                if(--num == 0) return ans;
            }
       return "ERROR";
    }
};
```