基础算法

- 基础算法
 - 双指针及其使用条件
 - 不能用双指针
 - 。 哈希表记录已出现元素的几种模板
 - o 何时用 DFS 与 BFS

双指针及其使用条件

双指针使用的条件为两个指针都必须具有单调性,所谓单调性,就是当右指针向右走的时候,左指针**不允许**出现向左走的情况,具体需要依据题目来确定,但必须要满足这一点才能够用双指针

不能用双指针

原题连接: LeetCode 1590. 使数组和能被 P 整除

求区间和,首先用前缀和处理,将区间和转化为两个数的差,有:

```
int n = nums.size();
vector<int>prefix(n + 1, 0);
for(int i = 1; i <= n; i ++)
    prefix[i] = (prefix[i - 1] + nums[i - 1]) % p;</pre>
```

设需要删除的区间为 [l,r] ,此时区间和为 prefix[r] - prefix[l-1] ,若满足

$$prefix[n] - (prefix[r] - prefix[l-1]) \equiv 0 \pmod{p}$$

那么该区间便是局部解

这里不能用双指针的点在于, $prefix[i] \mod p$ 并不是单调的,也就是说当右指针递增时,我们**无法保证左指针一定不会出现递减的情况**

关于「单调性」的理解:

在这里我将其理解为「二分性」

回顾二分查找算法:在一个单调递增的数组中,找到某个数 x 的最小下标 对于一个单调递增的区间而言,它是具有「二分性」的,整个数组可以划分为两个集合——「满足性质 p」以及「不满足性质 p」,在这个案例中,「性质 p」为是否「大于等于 x」

这两个集合没有交集, 而二分找的就是两个集合的两个分界点

回到这里,当右指针递增的时候,如果此时左右指针构成的区间能够保证二分性,那么便说明可以使用双指针

对于区间 [l,r] ,我们无法找到某个点 idx 将区间划分为两个**不相交**的集合使得左集合内所有元素均满足 $prefix[n]-(prefix[r]-prefix[l])\equiv 0 \pmod p$

这道题正确的做法是用哈希表

由于每次枚举的是右端点,因此为确定值,将上式移项,有:

\$\$ prefix[I-1]\equiv prefix[r]-prefixn \$\$

因此,只需要用哈希表记录**最近一次**\$prefix[r]-prefixn\$出现的下标,然后取最小值即可

这道题有两个细节:

- 哈希表需要预先将 0 存入,因为前缀和是从 0 开始的
- 求前缀和时,需要对 p 取模,因为会爆 int

完整代码如下:

```
class Solution {
public:
   int minSubarray(vector<int>& nums, int p)
   {
       int n = nums.size();
       vector<int>prefix(n + 1, 0);
       for(int i = 1; i <= n; i ++)
           prefix[i] = (prefix[i - 1] + nums[i - 1]) % p;
       int cnt = 0x3f3f3f3f;
       unordered map<int, int>Hash;
       for(int i = 0; i <= n; i ++)//需要将0提前放入哈希表中
       {
           Hash[prefix[i]] = i;//用于记录prefix[i]在哈希表中最后一次出现得到下标
           int left = (prefix[i] - prefix[n] + p) % p;//保证不出现负数
           if(Hash.find(left) != Hash.end())
               cnt = min(cnt, i - Hash[left]);
       }
       return cnt == 0x3f3f3f3f || cnt == n ? -1 : cnt;
   }
};
```

如果用 long long,不对前缀和取模,需要在哈希表插入时取模,因为 \$prefix[r]-prefixn的值不会超过p\$

```
class Solution {
public:
    int minSubarray(vector<int>& nums, int p)
    {
        int n = nums.size();
        vector<long long>prefix(n + 1, 0);
        for(int i = 1; i <= n; i ++)
            prefix[i] = (prefix[i - 1] + nums[i - 1]);
        int cnt = 0x3f3f3f3f;
        unordered_map<int, int>Hash;
        for(int i = 0; i <= n; i ++)//需要将0提前放入哈希表中
        {
             Hash[prefix[i] % p] = i;//用于记录prefix[i]在哈希表中最后一次出现得到下标</pre>
```

原题链接: LeetCode 面试题 17.05. 字母与数字

是字母还是数字并不重要,我们将字母设成 -1 ,数字设成 1 此时原数组便可以转化成一个**只含** 0,1 **的整数数组**

我们需要求最长的子数组保证里面的数字与字母相同,等价于,在整数数组中求一段子数组使得 0 与 1 的个数相同,即这段区间和为 0

考虑用前缀和优化,这时问题转变成求两个数 prefix[r], prefinx[l-1] 使得 prefix[r] = prefix[l-1] 并且期望区间最大

子区间并不具有「二分性」,因此不能用双指针,考虑用哈希表

对于当前枚举到的数 prefix[i] 而言

- 如果不在哈希表中, 那么将其加入哈希表内
- 如果在哈希表中,则计算一遍区间大小,取最大的区间赋值给 l,r

完整代码:

```
class Solution {
public:
   vector<string> findLongestSubarray(vector<string>& array)
   {
       int n = array.size();
       vector<int>num(n + 1, 0), prefix(n + 1, 0);
       for(int i = 0; i < n; i ++)
       {
           if(isalpha(array[i][0])) num[i] = -1;
           else num[i] = 1;
           prefix[i + 1] = prefix[i] + num[i];
       }
       unordered map<int, int>Hash;
       int r = 0, l = 0;
       for(int i = 0; i <= n; i++)
           auto it = Hash.find(prefix[i]);
           if(it == Hash.end())//第一次遇到,则对哈希表赋值
               Hash[prefix[i]] = i;
           else if(i - it->second > r - 1)//第二次遇到, 对区间赋值
               r = i, l = it->second;
       return {array.begin() + 1, array.begin() + r};
```

```
};
```

哈希表记录已出现元素的几种模板

设当前元素为x

• 利用哈希表查找之前出现的不同于 x 的元素 (设为 y)

先将元素放入哈希表中,随后再考虑 y 是否在哈希表中出现过,如果在哈希表中则更新答案

典型例题:

LeetCode 1590. 使数组和能被 P 整除

```
unordered_map<int, int>Hash;
for(int i = 0; i <= n; i ++)
{
    Hash[prefix[i] % p] = i;
    int left = ((prefix[i] - prefix[n]) % p + p) % p;
    if(Hash.find(left) != Hash.end())
        cnt = min(cnt, i - Hash[left]);
}</pre>
```

• 利用哈希表查找 x

先考虑 x **是否在哈希表中**,如果不在将其放入,在的话则更新答案

典型例题:

LeetCode 面试题 17.05. 字母与数字

```
unordered_map<int, int>Hash;
int r = 0, l = 0;
for(int i = 0; i <= n; i++)
{
    auto it = Hash.find(prefix[i]);
    if(it == Hash.end())
        Hash[prefix[i]] = i;
    else if(i - it->second > r - l)
        r = i, l = it->second;
}
```

LeetCode 6317. 统计美丽子数组数目

这题思路跟 LeetCode 面试题 17.05. 字母与数字 一样的, 在此不过多说明

都是先考虑当前值是否在哈希表中,然后再将这个值插入哈希表中

完整代码:

```
class Solution {
  public:
    long long beautifulSubarrays(vector<int>& nums)
    {
        long long ans = 0;
        long long x = 0;
        unordered_map<int, int>hash{{0,1}};
        for(int i : nums)
        {
            x ^= i;//求前缀异或和
            ans += hash[x]++;//如果不在哈希表中,则为0,随后再将其插入哈希表中
        }
        return ans;
    }
};
```

何时用 DFS 与 BFS

如果从题目中我们分析出,**从一个状态可以单向转移到多个其他的状态**,并且在数据量不大的情况下,我们可以考虑**暴力枚举**

暴力枚举分为 BFS 和 DFS ,具体是使用需要依据题目来

需要注意的是, BFS 是可以求最短路径的 (在路径权重均相同的情况下)

典型例题:

LeetCode 797. 所有可能的路径

这是一道非常简单的题目,每一个节点都可以走到其他的节点,即满足「从一个状态可以单向转移到其他状态」,因此考虑用暴力枚举

注意到这道题是非常经典的回溯问题, 因此考虑 DFS

完整代码:

```
class Solution {
public:

    vector<vector<int>>ans;
    vector<int>path;

    void dfs(vector<vector<int>>& graph, int pos, int n)
    {
        if(pos == n)
        {
            ans.push_back(path);
            return;
        }
}
```

```
for(int x : graph[pos])
    {
        path.push_back(x);
        dfs(graph, x, n);
        path.pop_back();
     }
}

vector<vector<int>>> allPathsSourceTarget(vector<vector<int>>>& graph)
    {
        path.push_back(0);
        dfs(graph, 0, graph.size() - 1);
        return ans;
    }
};
```

LeetCode 1625. 执行操作后字典序最小的字符串

我们首先去掉执行「任意」多次这个条件,因为这个条件会干扰我们分析问题

考虑对字符串执行一次操作,由于操作只有两个,因此**一个字符串可以生成两个不同的字符串**,即满足「从一个状态可以单向转移到其他多个状态」,可以考虑暴力枚举

思考到这里,我们发现,如果我们对初始字符串执行**任意**多次操作,本质上是生成了一个**有向图**,即对于任意一个**可达**的状态,我们都可以通过多次两种操作的组合生成

我们需要求的是在整个图中,字典序最小的字符串,直接遍历整个图即可,这里我们选择 BFS

每次从队头取出节点并将其弹出,然后求一次最小值,我们遍历该节点的所有出边(也就是两种可以生成的字符串)

为了避免遍历到重复节点,我们需要用一个哈希表来进行去重,如果当前节点**没有**在哈希表中出现过,我们将 当前节点加入队列中

完整代码:

```
class Solution {
public:

/*

每个字符串都可以都可以通过这两个操作生成另外两个字符串
将每个字符串抽象成一个点,每个点都会有两条出边,此时我们得到了一个有向图
用BFS遍历所有点,找到值最小的即可

*/

string findLexSmallestString(string s, int a, int b)
{
   int n = s.length();
   queue<string>q;
   unordered_set<string>st;
   q.push(s);
   st.insert(s);
```

```
string ans = s;
        while(q.size())
            string t = q.front();
            q.pop();
            ans = min(ans, t);
            string s1 = t.substr(n - b) + t.substr(0, n - b);
            string s2 = t;
            for(int i = 1; i < n; i += 2)
                s2[i] = (s2[i] - '0' + a) \% 10 + '0';
            for(string x : {s1, s2})
                if(!st.count(x))
                    st.insert(x);
                    q.push(x);
                }
            }
        }
        return ans;
   }
};
```

其他例题:

AcWing 187. 导弹防御系统