

计算机图形学大作业

CSG 实体建模和真实感绘制

张雯莉 5090379039 <OviliaZhang@gmail.com>

概述

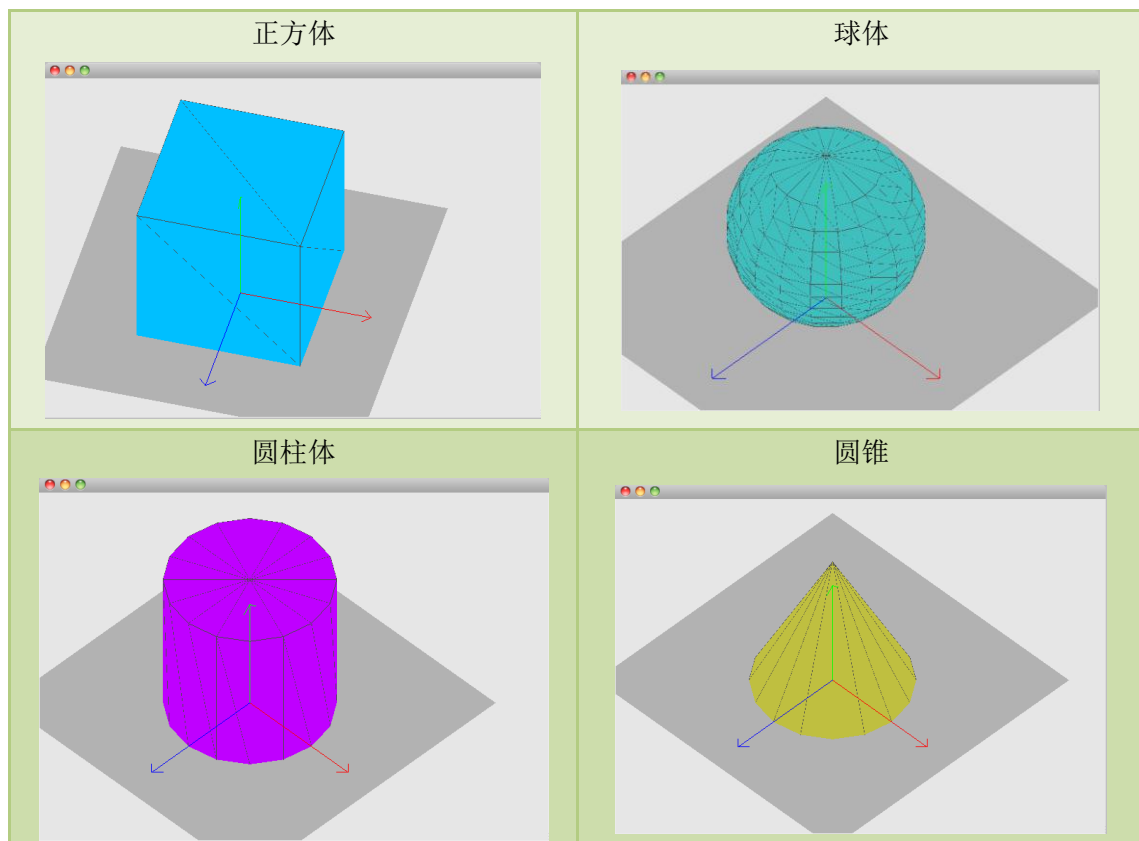
本作品使用 OpenGL 实现 CSG 实体建模和真实感绘制。完成内容包括：

- 1) 6 种 Primitive^A建模；Primitive 和 Solid^B的并操作；交互修改 Primitive 和 Solid 属性
- 2) 灯光设置；打开、关闭、隐藏光源；交互修改灯光的属性
- 3) 可交互编辑的纹理映射；不同 Primitive 对应不同的纹理映射
- 4) CSG 模型的存储和读取显示
- 5) 四视图；移动、放大缩小视图；ArcBall 旋转视图
- 6) 本作业报告、代码和可执行程序

具体说明

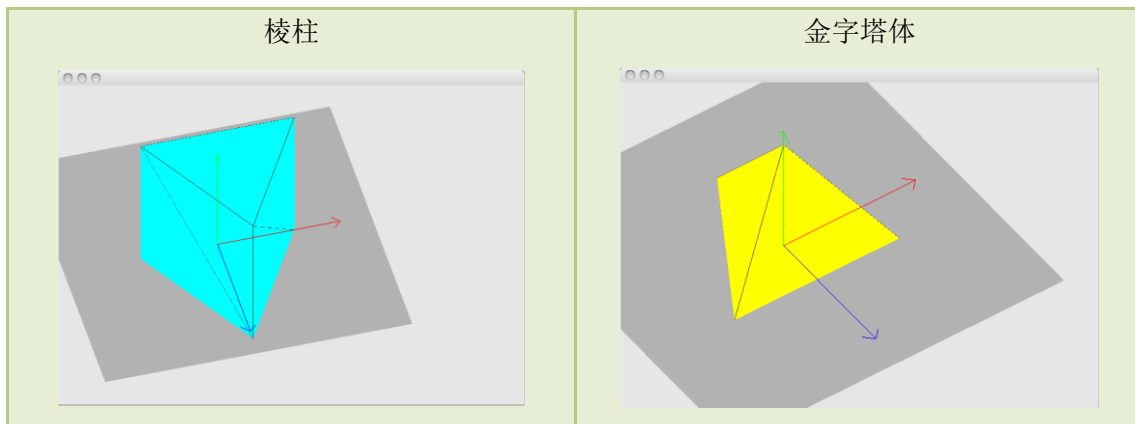
1. 体素建模

1.1. 6 种 Primitive 建模



^A Primitive 指体素，即最基本的几何体，如：长方体、球体等。下同。

^B Solid 由 1 个 Primitive 或者 2 个 Solid 组成。当其由一个 Primitive 组成时，该 Solid 是叶子节点；当其由 2 个 Solid 组成时，表示该 Solid 是其 2 个子 Solid 通过布尔操作得到的结果。



完成 6 种 Primitive 的建模，分别是：长方体、球体、圆柱体、圆锥体、金字塔体、棱柱体。为了对点面有更好的控制，所有 Primitive 都采用三角面片存储点和面的信息。

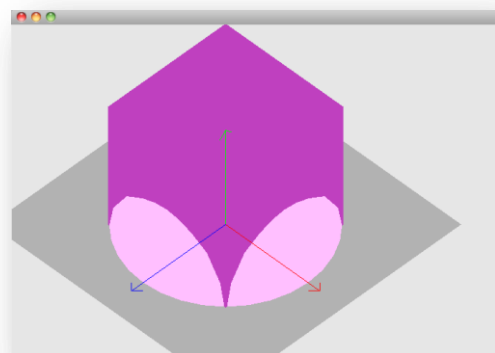
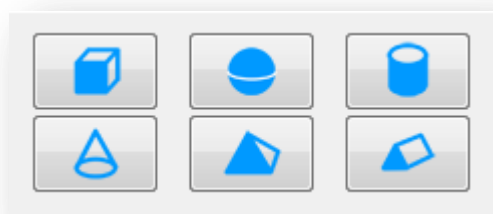
1.2. 并操作

并操作的对象是 2 个 Solid。由于 Solid 可以是只包含 1 个 Primitive 的叶子节点，也可以是包含 2 个 Primitive 和它们对应的布尔操作的非叶子节点，这样，并操作的对象将是一棵树。一个可能的结构是这样的：

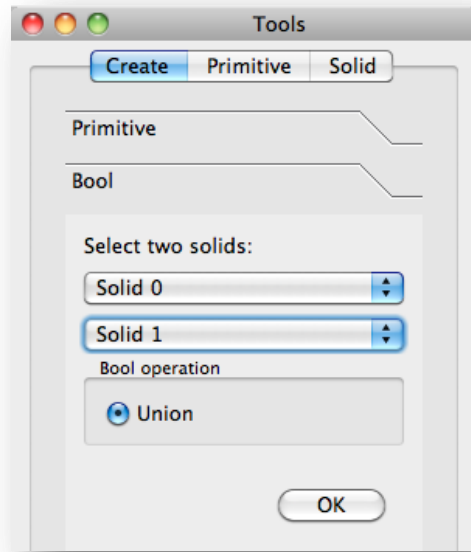
```
<Solid>
  <Solid>
    <Primitive />
  </Solid>
  <Solid>
    <Solid operation="Union">
      <Primitive />
      <Primitive />
    </Solid>
  </Solid>
</Solid>
```

建立并操作的方法：

a) 建立两个基本体素（图示为 Cube 和 Sphere 的组合）



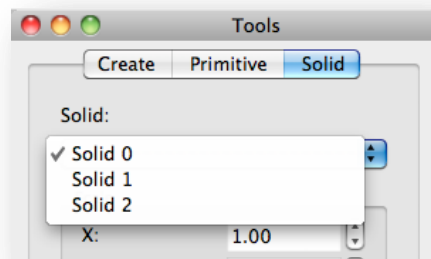
b) 在 Create 面板中选择 Bool



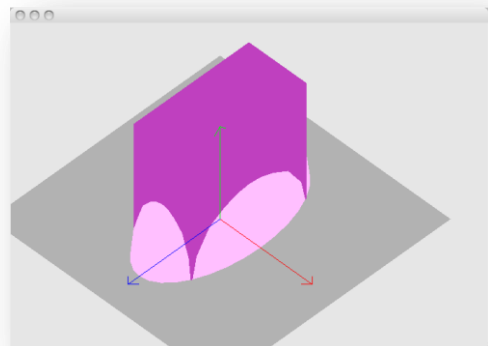
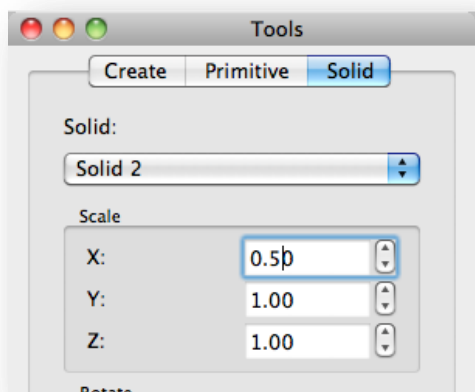
c) 选择基本体素和布尔操作（目前只有并操作）

d) 点击 OK 按钮

e) 可以在 Solid 面板中发现多了一项，就是组合后的结果



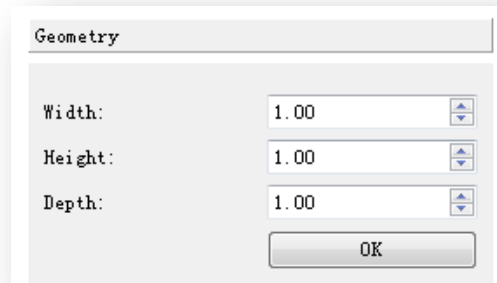
f) 在 Solid 面板中的操作将作用于组合整体



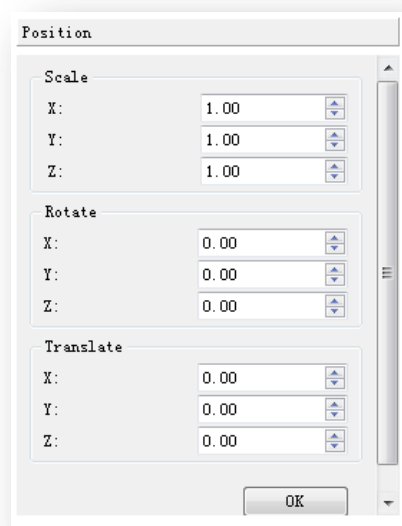
1.3. Primitive 和 Solid 属性

Primitive

不同的 Primitive 对应不同的几何属性，如：长方体有长、宽、高；球体有半径、片数、层数等。可以在 Geometry 面板内修改几何属性。



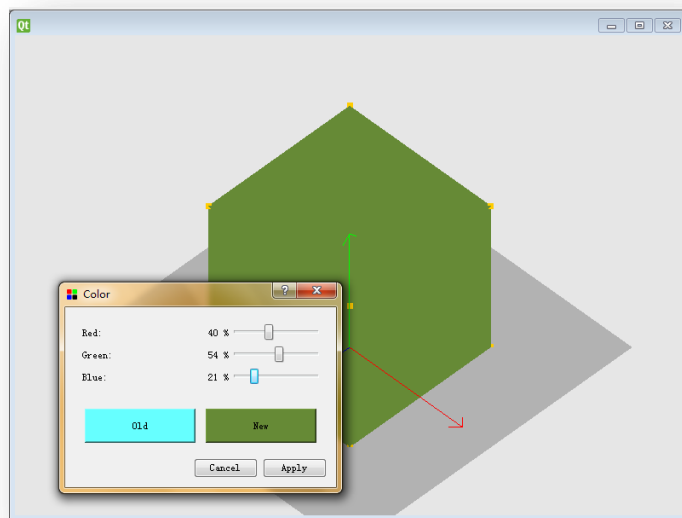
Primitive 有共有的属性：缩放、旋转、移动，可以在 Position 面板修改。



此外，还能修改 Primitive 的以下属性：

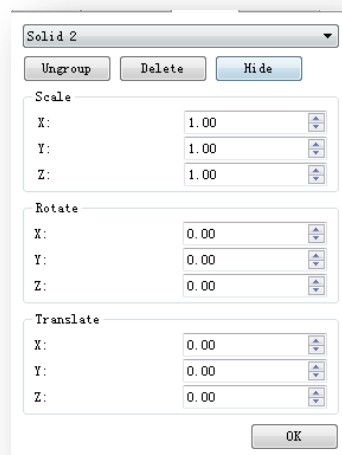


除了能删除 Primitive，还能将其暂时隐藏，这在编辑时也十分有用。Texture 属性将在纹理映射中详细说明。点击 Color 可以看到以下界面，拖动滚动条修改颜色。



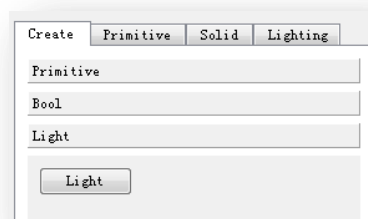
Solid

Solid 属性面板中，可以对 Solid 取消布尔操作、删除和对缩放、移动、旋转参数的修改，修改后会作用在 Solid 整体。

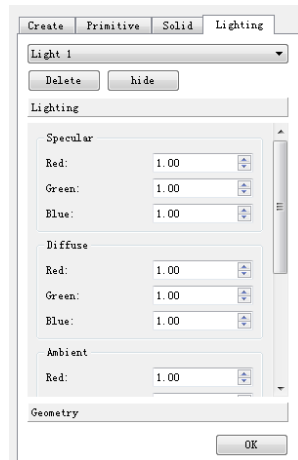


2. 灯光建模

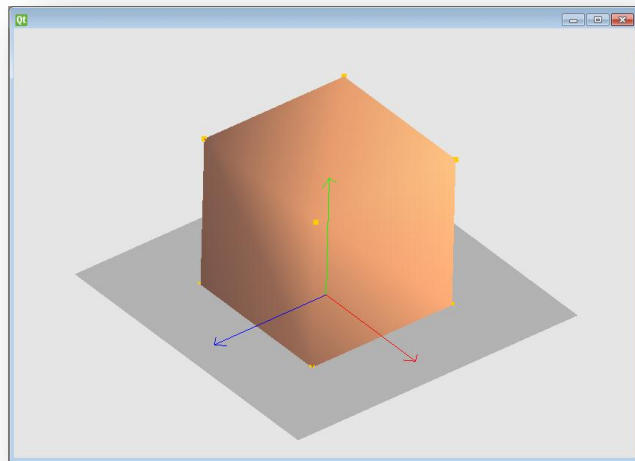
在 Create 面板中新建灯光：



在 **Lighting** 面板中修改灯光属性，包括：**Specular**、**Diffuse**、**Ambient**、**SpotCutOff**、**SpotDirection**。后两个参数可以用来控制聚光灯。

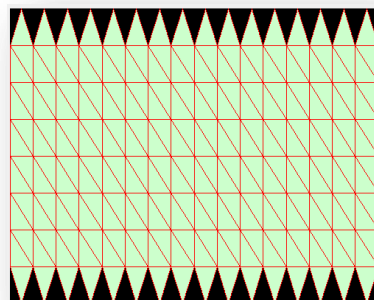
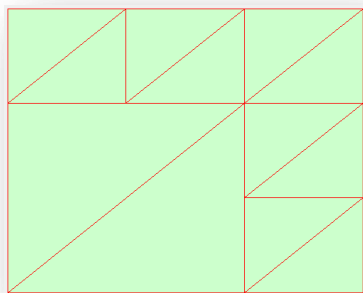


点击 **Hide** 能暂时关闭灯光，点击 **Delete** 将删除该灯光。

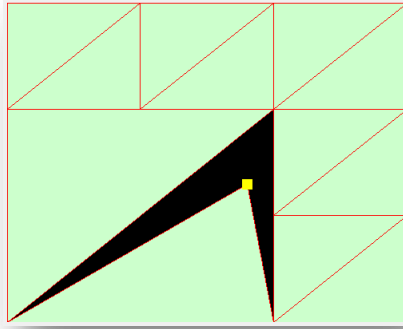


3. 纹理映射

点击 **Primitive** 面板中的 **Texture** 按钮可以修改纹理映射。在没有设置纹理的情况下，不同的 **Primitive** 都设置了默认的纹理映射方案。长方体和球体的默认纹理映射方案如下：

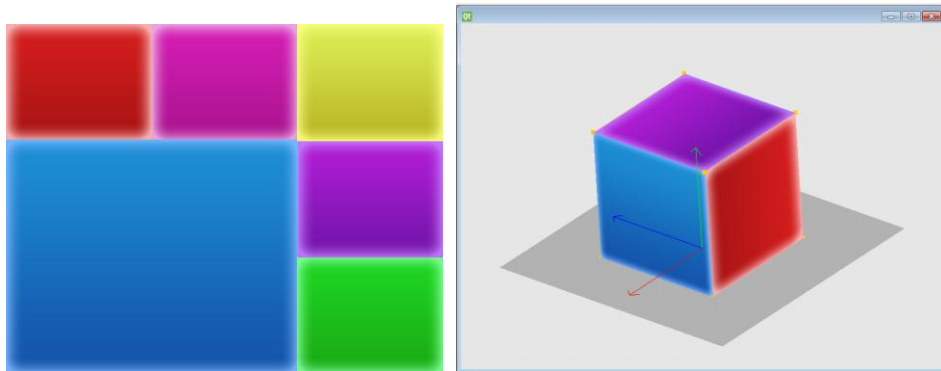


拖动点可以修改点的位置：

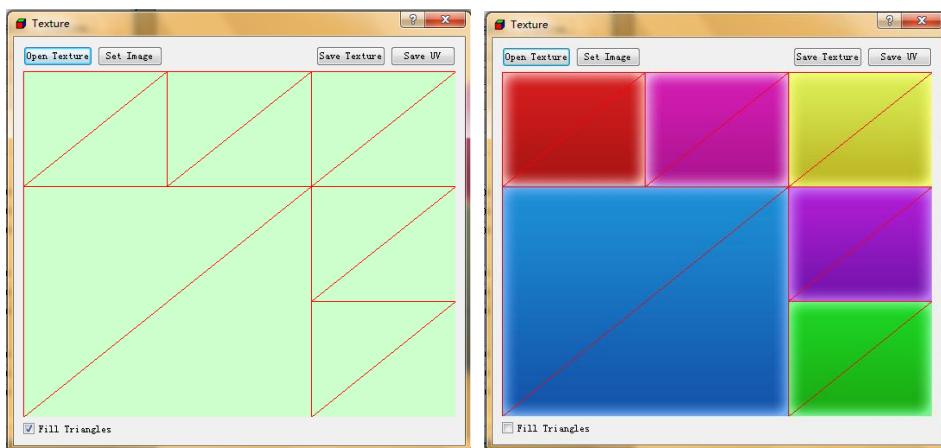


点击 **Save Texture** 可以将点的位置信息保存成 xml 文件，点击 **Open Texture** 可以打开之前保存的 XML 文件。注意，如果打开的 XML 文件中点的个数与当前 **Primitive** 的点的个数不匹配的话会报错，打开失败。

点击 **Save UV** 可以将纹理映射的图保存成图片，然后在 **Photoshop** 等软件中修改你要的纹理图片，并将其保存。下图中，左图为纹理图片，右图为贴图效果。



在纹理设置窗口，可以控制三角形可见不可见，这样能够更清楚地看清贴图在模型中的对应位置。下图中，左图为三角形可见，右图为不可见。



4. 模型存储

模型采用 XML 存储，将 **Solid** 的树形结构很好地与 XML 的树形结构结合。存储的信息除了 **Solid** 和 **Primitive** 的属性外，还包括了光照、纹理映射等信息。当用户修改了

模型并且新建或打开其他模型时，会提醒用户是否需要保存。

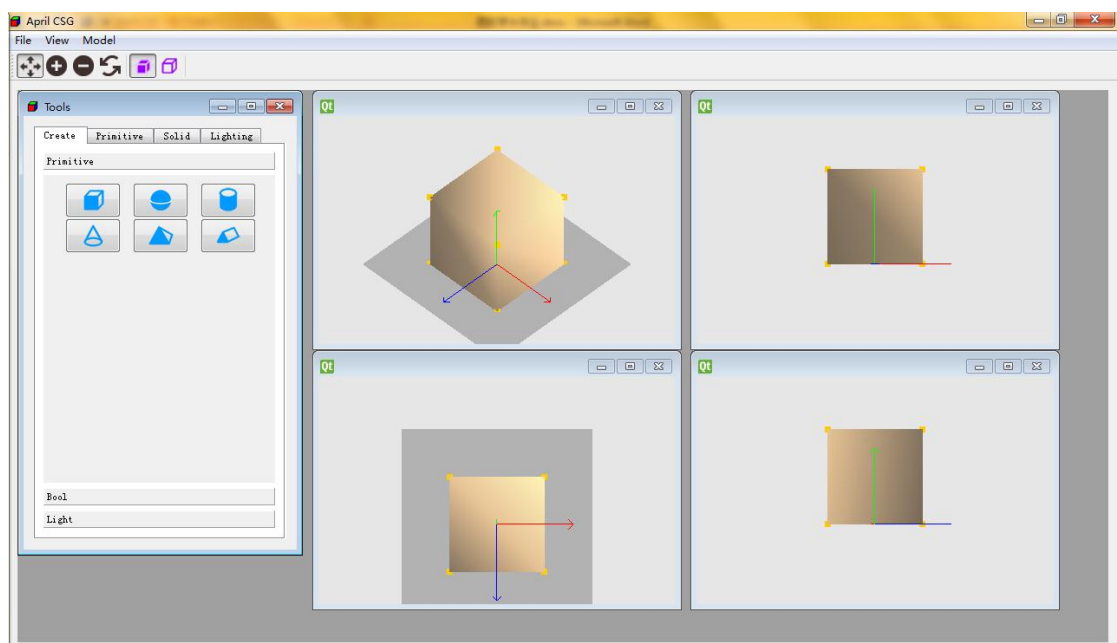
以下是一个典型的模型存储文件：

```
1 <!DOCTYPE April_Project_Model_Version1.3>
2 <AprModel>
3 <solids>
4 <solid operation="union" right="Solid 1" left="Solid 0" name="Solid 2">
5 <solid name="Solid 0">
6 <primitive width="1" height="1" type="cube" name="Primitive 0" depth="1">
7 <color g="1" r="0.55" b="0.8"/>
8 <texture uvFileName="C:/Users/Ovilia/Desktop/cube.atxt" fileName="C:/Users/Ovilia/Desktop/cube.png"/>
9 </primitive>
10 </solid>
11 <solid name="Solid 1">
12 <primitive slices="16" radius="0.7" height="1.3" type="cone" name="Primitive 1">
13 <color g="0.99" r="1" b="0.42"/>
14 </primitive>
15 </solid>
16 </solid>
17 <solid name="Solid 3">
18 <primitive slices="16" radius="0.5" type="sphere" stacks="8" name="Primitive 2">
19 <scale x="2" y="1" z="1"/>
20 <translate x="0" y="0.5" z="0"/>
21 <color g="0.65" r="0.42" b="0.5"/>
22 </primitive>
23 </solid>
24 </solids>
25 <lighting>
26 <light isOn="1" id="0">
27 <position w="1" x="0" y="1" z="1"/>
28 <ambient w="1" x="1" y="1" z="1"/>
29 <diffuse w="1" x="1" y="0.8" z="0.8"/>
30 <specular w="1" x="1" y="1" z="1"/>
31 <direction w="1" x="-1" y="-1" z="-1"/>
32 <cutOff value="180"/>
33 </light>
34 </lighting>
35 </AprModel>
```

5. 视图说明

5.1. 四视图

点击菜单栏 View -> 4 Views 打开四视图；点击菜单栏 View -> 1 View 关闭四视图。



5.2. 移动、放大缩小



菜单栏按钮分别对应移动、放大、缩小、旋转。点击后可以进行相应的操作。其中，移动功能可以做到随着鼠标的移动距离进行相应的视角移动；放大缩小是根据预设的值进行操作；旋转在下文进行详细说明。

5.3. ArcBall 旋转视图

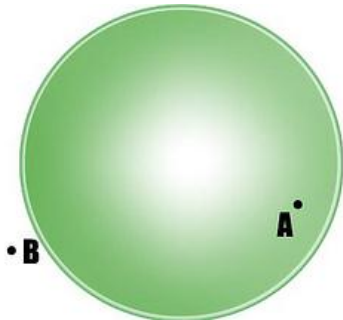
ArcBall 算法是一种经典的将二维坐标映射到三维坐标，从而实现三维场景的旋转的算法。通过本项目中的旋转功能，我学习了 ArcBall 算法的主要思想，并用其实现了三维场景的旋转。

算法的主要思想是把屏幕看成一个三维的球体从正面看上去的投影。把鼠标拖动的位置看成是对球体的旋转，将场景跟着这个球旋转得到结果。下面进行详细的说明，网上很少有详细说明 ArcBall 原理的，我综合理解后写了一篇博客对此进行详细的说明，以下内容摘自我的博客^C。

分为以下四个步骤^D：

1. 首先把按下鼠标和拖动鼠标的坐标记为 $Q1$, $Q2$, x 和 y 分别按屏幕大小缩放到 $[-1, 1]$ 。如： $Q1(100, 500)$, $Q2(800, 600)$, 屏幕大小 1000×800 。则缩放后得到的 $P1(-0.8, -0.25)$, $P2(0.6, -0.5)$ 。之所以做这个映射完全是为了方便以后的计算，将在下文进行说明。

2. 把二维坐标转成三维的，这步是最关键的。现在我们可以把屏幕看成一个 xyz 都是 $[-1, 1]$ 的球体了，球心在 $(0, 0, 0)$ 处。

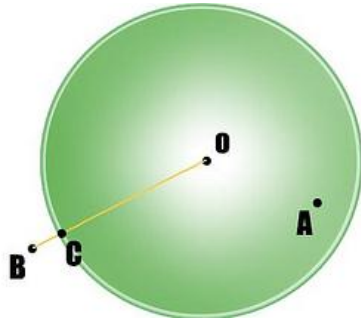


比如 A 和 B 是两个鼠标映射后的点，从前视图看， A 在球“上”（这里正确的理解是球壳上，而不是球体内部）； B 在球体外部。之所以说 A 在球壳上，是我们人为假设的，就是为了要对应到球体的转动。既然 A 在球壳上，我们就根据 x , y 值求的对应的 z 值（ x 、 y 、 z 的平方和是 1 ，因为在球壳上）；对 B 而言，我们把它“就近迁移”到球壳上，那么球壳上离 B 最近的点是什么呢？从正视图看应该

^C <http://ovilia.blogbus.com/logs/214030655.html>

^D 参考：http://en.wikibooks.org/wiki/OpenGL_Programming/Modern_OpenGL_Tutorial_Arcball

是这样的：

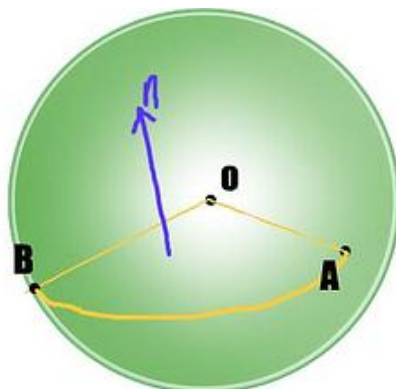


所以我们认为 C 点的 z 坐标是 0。所以三维坐标的计算方法：

```
double square = vec.x * vec.x + vec.y * vec.y;
if (square <= 1.0) {
    // if (x, y) is within the circle of radius 1
    // calculate z so that the modulus of vector is 1
    vec.z = qSqrt(1.0 - square);
} else {
    // if is out of the circle, do normalization
    // this vector is the nearest position on the circle
    // so that z is 0
    double length = qSqrt(square);
    vec.x /= length;
    vec.y /= length;
    vec.z = 0.0;
}
```

3. 接下来求旋转角。我们知道向量 A 点乘向量 B= $|A||B|\cos(\alpha)$ 其中 α 是向量夹角。根据前两步，我们能得到鼠标按下的位置 A 和拖动时当前位置在球上的坐标 B，现在我们想求出向量 OA 和 OB 的夹角。因为球的半径是 1，所以 $|OA|=|OB|=1$ 。那么 $\alpha=\arccos(A \text{ 和 } B \text{ 的点积})$ 。这也就是为什么要把屏幕变换到 -1 和 1 之间的原因了。

4. 我们知道 `glRotatex` 需要三个参数：一个旋转角和一个旋转轴对应的三个坐标。所以接下去我们就要要求旋转轴。既然刚刚点积发挥过作用了，这次我们就要让叉乘出出风头了。向量 **A** 和 **B** 叉乘的结果是它们所在平面的法向量，也就意味着就是我们要求的旋转轴了。



但是由于我们只计算了鼠标按下的位置和当前鼠标位置的旋转效果，所以上一次旋转的效果在第二次按下鼠标时就消失了。记录下每次的旋转角和旋转轴显然不是一个好办法，因为旋转次数多了以后每帧都要调用非常多的 `glRotatex` 显然不合适。所以应该记录下每次旋转的旋转矩阵，然后利用矩阵乘法达到累积旋转的效果。

5.4. 总结

经过本学期计算机图形学知识的学习，使我知道了计算机提供绚丽画面的背后是那么多算法的支持。一开始，我对 OpenGL 十分底层，需要写很多代码才能出一点效果觉得很不好，但是，后来经过学习，我才明白底层也意味着更多的掌控，使得程序员能够对图形有更多的操作。完成这次作业我花了很多时间和精力，在这个过程中也体会到了图形学的美并对之产生兴趣。也非常感谢肖老师对我的帮助！