# 寻路系统

```
寻路系统
```

概述

A\*算法

瓦片地图

A\*寻路过程

搜索区域(The Search Area)

开始搜索(Starting the Search)

路径排序(Path Sorting)

继续搜索(Continuing the Search)

A\* 算法总结(Summary of the A\* Method)

C++代码实现

头文件常量

Grid类

<u>PathFinder类</u>

关于寻路算法的进一步思考

### 概述

即时战略游戏(Real-time Strategy, RTS)在游戏过程中存在大量的单位(从几十到上百),每一个单位都需要不停的寻路,以模拟出真实的单位行走效果,因此RTS游戏对寻路算法的需求是很高的。

RTS中的寻路系统一般需要满足有以下几个条件:

- 1. 效率高,因为RTS普遍地图大,单位多,所以处理效率很重要(本游戏中采用的地图大小为128\*128,共计65536个网格),如果处理效率不高的话,将会导致严重的卡顿,使游戏体验变得极其糟糕。
- 2. 易编辑,以便于level design(不同单位的属性可能不一样,比如碰撞体积和行走代价的权重),因此要求寻路易于调整和修改。
- 3. 寻路效果真实,能够找出最优路径或者是看上去合理的路径。
- 4. 能够应对RTS游戏中动态变化的世界(例如行进路径上突然出现单位,这就要求单位能够及时做出避让)。

借鉴于大量经典RTS游戏(红色警戒、星际争霸、魔兽争霸3)的解决方案,我们采用A\*寻路算法。

# A\*算法

A\*搜索算法,俗称A星算法,是一种在有多个节点路径的平面上求最低通过成本的搜索算法,大量用于游戏中的寻路。

A\*算法利用到了启发式函数(Heuristic Function),和另一个算法Dijkstra(A Star 的无启发函数版)相比可能会更有效率,因为启发函数设计得当,可以大大减少计算的数量。因为启发函数的估计往往不是精确的,所以A Star不一定能找出人类人之上的最优解,但是对于游戏来说,看上去合理就行。

# 瓦片地图

用A Star 作为寻路算法,仅仅是寻路系统的基本部分。作为系统,它需要有易编辑的特性。这就涉及到A Star中每个节点(Node)的表现方式。最基本的表现方式是瓦片(Tile)。

游戏中的地图往往会很大,如果用一整张图片作为地图背景的话,会占用非常大的运行内存,严重影响游戏的运行速度,为了节约资源,一般采用瓦片地图(Tile Map)重复组合的方式。

#### 为什么采用瓦片地图呢:

- 1. 瓦片地图极其节约资源,一个尺寸为128\*128,拥有65536个网格的瓦片地图,所需要的瓦片素材可能不到30个,整个地图依靠大量的重复组合生成场景,因此需要缓存的图片素材很少。
- 2. 瓦片地图缓存非常高效。即便是切换到了完全不同的游戏场景,游戏引擎也可以快速地使用之前缓存的相同的瓦片,而不是重新再加载一次。
- 3. 瓦片地图可以渐进加载。屏幕范围内及附近的瓦片可以优先加载,你可以进入当前区域或移动地图,即使当前地图的其它部分还没有加载完成。
- 4. 瓦片地图简单易用。描述地图瓦片的坐标系统很简单,使得很容易在各种系统中调用它。

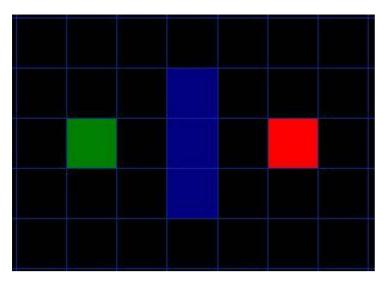


如图,地图被切分成了一个个由32\*32的瓦片组成的网格系统,为了表现出地形特点,我们将草地和沙地的属性设为Movable,将水域、树木、建筑的属性设为NotMovable,这样一来寻路时就会绕过这些无法通过的点。

# A\*寻路过程

### 搜索区域(The Search Area)

我们假设某人要从 A 点移动到 B 点,但是这两点之间被一堵墙隔开。如图,绿色是 A ,红色是 B ,中间蓝色是墙。



你应该注意到了,我们把要搜寻的区域划分成了正方形的格子。这是寻路的第一步,简化搜索区域,就像我们这里做的一样。这个特殊的方法把我们的搜索区域简化为了 2 维数组。数组的每一项代表一个格子,它的状态就是可走(walkalbe)和不可走

(unwalkable)。通过计算出从 A 到 B需要走过哪些方格,就找到了路径。一旦路径找到了,人物便从一个方格的中心移动到另一个方格的中心,直至到达目的地。

方格的中心点我们成为"节点 (nodes)"。如果你读过其他关于 A\* 寻路算法的文章,你会发现人们常常都在讨论节点。为什么不直接描述为方格呢?因为我们有可能把搜索区域划为为其他多变形而不是正方形,例如可以是六边形,矩形,甚至可以是任意多变形。而节点可以放在任意多边形里面,可以放在多变形的中心,也可以放在多边形的边上。我们使用这个系统,因为它最简单。

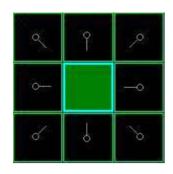
## 开始搜索(Starting the Search)

一旦我们把搜寻区域简化为一组可以量化的节点后,就像上面做的一样,我们下一步要做的便是查找最短路径。在 **A\*** 中,我们从起点开始,检查其相邻的方格,然后向四周扩展,直至找到目标。

我们这样开始我们的寻路旅途:

- 1. 从起点 A 开始,并把它就加入到一个由方格组成的 open list(开放列表)中。这个 open list 有点像是一个购物单。当然现在 open list 里只有一项,它就是起点 A ,后面会慢慢加入更多的项。 Open list 里的格子是路径可能会是沿途经过的,也有可能不经过。基本上 open list 是一个待检查的方格列表。
- 2. 查看与起点 A 相邻的方格 ( 忽略其中墙壁所占领的方格,河流所占领的方格及其他非法地形占领的方格 ) ,把 其中可走的 (walkable) 或可到达的 (reachable) 方格也加入到 open list 中。把起点 A 设置为这些方格的父亲 (parent node 或 parent square) 。当我们在追踪路径时,这些父节点的内容是很重要的。稍后解释。
- 3. 把 A 从 open list 中移除,加入到 close list( 封闭列表 ) 中, close list 中的每个方格都是现在不需要再关注的。

如下图所示,深绿色的方格为起点,它的外框是亮蓝色,表示该方格被加入到了 close list 。与它相邻的黑色方格是需要被检查的,他们的外框是亮绿色。每个黑方格都有一个灰色的指针指向他们的父节点,这里是起点 A 。



下一步,我们需要从 open list 中选一个与起点 A 相邻的方格,按下面描述的一样或多或少的重复前面的步骤。但是到底选择哪个方格好呢?具有最小 F 值的那个。

### 路径排序(Path Sorting)

计算出组成路径的方格的关键是下面这个等式:

F = G + H

这里,

G=从起点A移动到指定方格的移动代价,沿着到达该方格而生成的路径。

H=从指定的方格移动到终点 B的估算成本,也就是A\*中的启发函数。这个通常被称为试探法,有点让人混淆。为什么这么叫呢,因为这是个猜测。直到我们找到了路径我们才会知道真正的距离,因为途中有各种各样的东西(比如墙壁,水等)。我们的启发函数简单地采用曼哈顿(Manhattan)距离来代替。

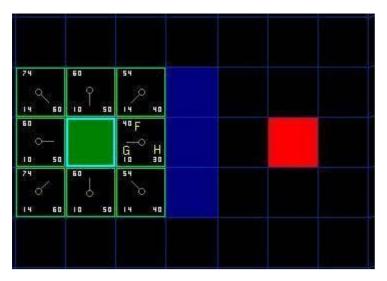
我们的路径是这么产生的: 反复遍历 open list ,选择 F 值最小的方格。这个过程稍后详细描述。我们还是先看看怎么去计算上面的等式。

如上所述, G是从起点A移动到指定方格的移动代价。在本例中,横向和纵向的移动代价为 10 ,对角线的移动代价为 14 。之所以使用这些数据,是因为实际的对角移动距离是 2 的平方根,或者是近似的 1.414 倍的横向或纵向移动代价。使用 10 和 14 就是为了简单起见。比例是对的,我们避免了开放和小数的计算。这并不是我们没有这个能力或是不喜欢数学。使用这些数字也可以使计算机更快。稍后你便会发现,如果不使用这些技巧,寻路算法将很慢。

既然我们是沿着到达指定方格的路径来计算 G 值,那么计算出该方格的 G 值的方法就是找出其父亲的 G 值,然后按父亲是直线方向还是斜线方向加上 10 或 14。随着我们离开起点而得到更多的方格,这个方法会变得更加明朗。

有很多方法可以估算 H 值。这里我们使用 Manhattan 方法,计算从当前方格横向或纵向移动到达目标所经过的方格数,忽略对角移动,然后把总数乘以 10。之所以叫做 Manhattan 方法,是因为这很像统计从一个地点到另一个地点所穿过的街区数,而你不能斜向穿过街区。重要的是,计算 H 时,要忽略路径中的障碍物。这是对剩余距离的估算值,而不是实际值,因此才称为试探法。

把 G 和 H 相加便得到 F 。我们第一步的结果如下图所示。每个方格都标上了 F , G , H 的值,就像起点右边的方格那样,左上角是 F ,左下角是 G ,右下角是 H 。



好,现在让我们看看其中的一些方格。在标有字母的方格,G=10。这是因为水平方向从起点到那里只有一个方格的距离。与起点直接相邻的上方,下方,左方的方格的G 值都是10,对角线的方格G 值都是14。

H 值通过估算起点于终点 ( 红色方格 ) 的 Manhattan 距离得到,仅作横向和纵向移动,并且忽略沿途的墙壁。使用这种方式,起点右边的方格到终点有 3 个方格的距离,因此 H=30。这个方格上方的方格到终点有 4 个方格的距离 ( 注意只计算横向和纵向距离 ) ,因此 H=40。对于其他的方格,你可以用同样的方法知道 H 值是如何得来的。

每个方格的 F 值,再说一次,直接把 G 值和 H 值相加就可以了。

### 继续搜索(Continuing the Search)

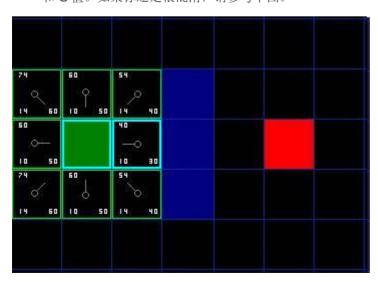
为了继续搜索, 我们从 open list 中选择 F 值最小的 (方格)节点, 然后对所选择的方格作如下操作:

- 4. 把它从 open list 里取出,放到 close list 中。
- 5. 检查所有与它相邻的方格,忽略其中在 close list 中或是不可走 (unwalkable) 的方格 (比如墙,水,或是其他非法地形),如果方格不在open list 中,则把它们加入到 open list 中。

把我们选定的方格设置为这些新加入的方格的父亲。

6. 如果某个相邻的方格已经在 open list 中,则检查这条路径是否更优,也就是说经由当前方格 ( 我们选中的方格 ) 到达那个方格是否具有更小的 G 值。如果没有,不做任何操作。

相反,如果 G 值更小,则把那个方格的父亲设为当前方格 (我们选中的方格),然后重新计算那个方格的 F 值和 G 值。如果你还是很混淆,请参考下图。



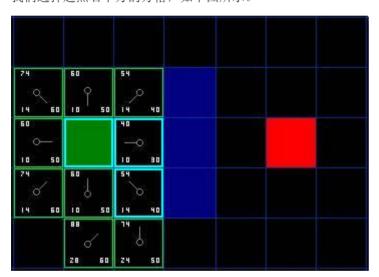
Ok, 让我们看看它是怎么工作的。在我们最初的 9 个方格中,还有 8 个在 open list 中,起点被放入了 close list 中。在这些方格中,起点右边的格子的 F 值 40 最小,因此我们选择这个方格作为下一个要处理的方格。它的外框用蓝线打亮。

首先,我们把它从 open list 移到 close list 中 (这就是为什么用蓝线打亮的原因了)。然后我们检查与它相邻的方格。它右边的方格是墙壁,我们忽略。它左边的方格是起点,在 close list 中,我们也忽略。其他 4 个相邻的方格均在 open list 中,我们需要检查经由这个方格到达那里的路径是否更好,使用 G 值来判定。让我们看看上面的方格。它现在的 G 值为 14。如果我们经由当前方格到达那里, G 值将会为 20(其中 10 为到达当前方格的 G 值,此外还要加上从当前方格纵向移动到上面方格的 G 值 10)。显然 20 比 14 大,因此这不是最优的路径。如果你看图你就会明白。直接从起点沿对角线移动到那个方格比先横向移动再纵向移动要好。

当把 4 个已经在 open list 中的相邻方格都检查后,没有发现经由当前方格的更好路径,因此我们不做任何改变。现在我们已经检查了当前方格的所有相邻的方格,并也对他们作了处理,是时候选择下一个待处理的方格了。

因此再次遍历我们的 open list ,现在它只有 7 个方格了,我们需要选择 F 值最小的那个。有趣的是,这次有两个方格的 F 值都 54 ,选哪个呢?没什么关系。从速度上考虑,选择最后加入 open list 的方格更快。这导致了在寻路过程中,当靠近目标时,优先使用新找到的方格的偏好。但是这并不重要。(对相同数据的不同对待,导致两中版本的 A\* 找到等长的不同路径)。

我们选择起点右下方的方格,如下图所示。

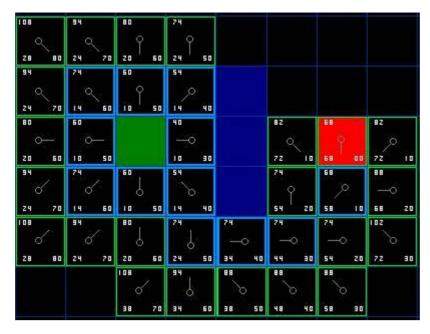


这次,当我们检查相邻的方格时,我们发现它右边的方格是墙,忽略之。上面的也一样。

我们把墙下面的一格也忽略掉。为什么?因为如果不穿越墙角的话,你不能直接从当前方格移动到那个方格。你需要先往下走,然后再移动到那个方格,这样来绕过墙角。(注意:穿越墙角的规则是可选的,依赖于你的节点是怎么放置的)

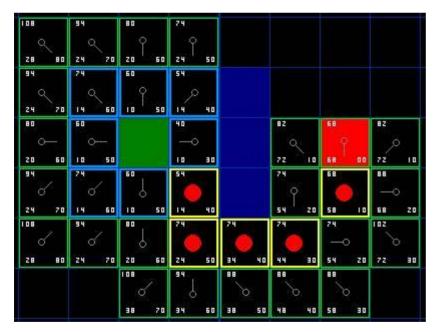
这样还剩下 5 个相邻的方格。当前方格下面的 2 个方格还没有加入 open list ,所以把它们加入,同时把当前方格设为他们的父亲。在剩下的3 个方格中,有 2 个已经在 close list 中 (一个是起点,一个是当前方格上面的方格,外框被加亮的),我们忽略它们。最后一个方格,也就是当前方格左边的方格,我们检查经由当前方格到达那里是否具有更小的 G 值。没有。因此我们准备从 open list 中选择下一个待处理的方格。

不断重复这个过程,直到把终点也加入到了 open list 中,此时如下图所示。



注意,在起点下面 2 格的方格的父亲已经与前面不同了。之前它的 G 值是 28 并且指向它右上方的方格。现在它的 G 值为 20 ,并且指向它正上方的方格。这在寻路过程中的某处发生,使用新路径时 G 值经过检查并且变得更低, 因此父节点被重新设置, G 和 F 值被重新计算。尽管这一变化在本例中并不重要,但是在很多场合中,这种变化会导致寻路结果的巨大变化。

那么我们怎么样去确定实际路径呢?很简单,从终点开始,按着箭头向父节点移动,这样你就被带回到了起点,这就是你的路径。如下图所示。从起点 A 移动到终点 B 就是简单从路径上的一个方格的中心移动到另一个方格的中心,直至目标。就是这么简单!



## A\* 算法总结(Summary of the A\* Method)

- Ok, 现在我们把所有步骤放在一起:
  - 1. 把起点加入 open list 。
  - 2. 重复如下过程:
    - 1. 遍历 open list, 查找 F 值最小的节点, 把它作为当前要处理的节点。
    - 2. 把这个节点移到 close list。

- 3. 对当前方格的 8 个相邻方格的每一个方格?
  - 如果它是不可抵达的或者它在 close list 中,忽略它。否则,做如下操作。
  - 如果它不在 open list 中,把它加入 open list ,并且把当前方格设置为它的父亲,记录该方格的 F , G 和 H 值。
  - 如果它已经在 open list 中,检查这条路径(即经由当前方格到达它那里)是否更好,用 G 值作参考。更小的 G 值表示这是更好的路径。如果是这样,把它的父亲设置为当前方格,并重新计算它的 G 和 F 值。如果你的 open list 是按 F 值排序的话,改变后你可能需要重新排序。

#### 4. 停止, 当我们

- 把终点加入到了 open list 中,此时路径已经找到了,或者
- 查找终点失败,并且 open list 是空的,此时没有路径。
- 3. 保存路径。从终点开始,每个方格沿着父节点移动直至起点,这就是最终的路径。

### C++代码实现

头文件 PathFinder.h

源文件 PathFinder.cpp

#### 头文件常量

- enum { UNOCCUPIED, OCCUPIED, START, TERMINAL, INOPEN, INCLOSE } 标记地图网格的性质,从左到右分别代表 未占据 、已占据 、起点 、终点 、在开放列表中 、在封闭列表中
- const int DIRECTION[8][2] = { { -1,-1 },{ -1,0 },{ -1,1 },{ 0,-1 },{ 0,1 },{ 1,-1 },{ 1,0 },{
  1,1 } }

代表下一个网格的方向,从左到右分别是左下、左、左上、下、上、右下、右、右上

• const int DISTANCE = 10

距离尺,相当于单位长度,这是为了把距离扩大成整数,避免浮点计算,以提高性能

#### Grid类

Grid类是GridPoint的派生类,其作用是标记寻路算法中的地图网格。

Grid类中的属性如下表所示:

| 变量名        | 说明              | 类型    | 结构    | 种类      | 初值      |
|------------|-----------------|-------|-------|---------|---------|
| m_flag     | 网格标志            | int   | 普通变量  | private | 0       |
| m_x        | x坐标             | int   | 普通变量  | private | 0       |
| m_y        | y坐标             | int   | 普通变量  | private | 0       |
| m_g        | G值(欧几里得距离)      | int   | 普通变量  | private | 0       |
| m_h        | H值(曼哈顿距离)       | int   | 普通变量  | private | 0       |
| m_f        | F值(行走代价)        | int   | 普通变量  | private | 0       |
| m_p_parent | 父节点(当前网格的上一个网格) | Grid* | 类对象指针 | private | nullptr |

#### Grid类中的方法如下:

- Grid();构造函数
- int getFlag(); 获取网格标志 m flag
- void setFlag(int flag);设置网格标志 m\_flag 为 flag
- int getX(); 获取网格X坐标 m x
- void setX(int x);设置网格X坐标 m x 为 x
- int getY(); 获取网格Y坐标 m\_y
- void setY(int y);设置网格Y坐标 m\_y 为 y
- int getG(); 获取G值 m g
- void setG(int g);设置G值 m\_g 为 g
- int getH(); 获取H值 m h
- void setH(int h);设置H值mh为h
- int getF(); 获取F值 m\_f
- void setF(int f);设置F值m\_f 为 f
- Grid \* getParent();获取父节点 m\_p\_parent
- void setParent(Grid\* parent);设置父节点 m p parent 为 parent

## PathFinder类

PathFinder类是寻路算法的包装类,用于完成对一个单位的寻路。

PathFinder类中的属性如下表所示:

| 变量名            | 说明   | 类型                                     | 结构      | 种类      | 初值 |
|----------------|------|--|---------|---------|----|
| m_width        | 地图宽度 | int                                    | 普通变量    | private | 无  |
| m_height       | 地图高度 | int                                    | 普通变量    | private | 无  |
| m_map_grid     | 地图矩阵 | vector <vector<grid>&gt;</vector<grid> | 二维类对象矩阵 | private | 无  |
| start_point    | 起点   | Grid*                                  | 类对象指针   | private | 无  |
| terminal_point | 终点   | Grid*                                  | 类对象指针   | private | 无  |
| open_list      | 开放列表 | vector <grid*></grid*>                 | 类对象指针列表 | private | 无  |
| close_list     | 封闭列表 | vector <grid*></grid*>                 | 类对象指针列表 | private | 无  |
| path           | 最终路径 | vector <gridpoint></gridpoint>         | 类对象列表   | private | 无  |

#### PathFinder类中的方法如下:

• PathFinder(std::vector<std::vector<int>> & map\_data, int x1, int y1, int x2, int y2);

构造函数。 map\_data 为传入的地图矩阵数据,可通过的地方值为0,不可通过的地方为1, (x1,y1) 是起点坐标, (x2,y2) 是终点坐标。该方法执行

后, m\_width 、 m\_height 、 m\_map\_grid 、 start\_point 、 terminal\_point 的值会被确定下来。

Grid \* selectNextGrid();

从当前的开放列表中选择F值最小的格点,作为下一步的格点。

bool isInOpenList(Grid & g);

判断是否位于开放列表中

void removeFromOpenList(Grid \* g);

从开放列表中移除

bool isInCloseList(Grid & g);

判断是否位于封闭列表中

• int calculateEuclideanDistance(Grid & g1, Grid & g2);

计算两点间的欧几里得距离

• int calculateManhattanDistance(Grid & g1, Grid & g2);

计算两点间的曼哈顿距离

bool isAvailable(Grid & g);

判断该格点是否可用

• bool checkCorner(Grid & g1, Grid & g2);

判断是否在转角(当一个格点成为障碍物时,不允许单位从他边上斜着穿过去,必须绕着走)

void checkSurroundGrid(Grid & g);

检查当前网格周围的八个网格的情况

void searchPath();

寻找路径

void generatePath();

根据封闭列表逆向生成路径

• std::vector<GridPoint> getPath();

返回 path

# 关于寻路算法的进一步思考

诚然A\* 算法是RTS游戏中最为广泛采用的寻路算法,但是其本身也是有缺点的。

- 1. 如果地图很大的话,方块就会很多,这样A Star的节点就会大大增加,处理的时间相应地会增大。
- 2. 单位的移动只能是上下左右,最多加上斜行,总共八个方向,不够真实
- 3. 单位的体积大小不一样的话,大单位的图像可能会覆盖到"Not Movable"部分。

因此, A Star算法中有许多值得优化的地方。

- 1. 维护 Open List: 这是 A\* 中最重要的部分。每次访问 Open list, 都要找出具有最小F 值的方格。此时需要遍历整个open list。这个很简单,但对于很长的路径会很慢。这个方法可以通过维护一个排好序的表来改进,每次当你需要找到具有最小 F 值的方格时,仅取出表的第一项即可。
- 2. 对于小地图,这可以很好的工作,但这不是最快的方案,因为在插入open list时需要查找插入的位置。此时可以采用二叉堆的东西,这种方法在多数场合下会快 2—3 倍,对于更长的路径速度成几何级数增长 (10 倍甚至更快)。
- 3. 其他单位:在一次寻路过程中,其他单位会被当成静止的阻挡物。为了做到大量单位同时寻路的结果,我们将数个单位的寻路分开在几个不同的帧中进行,由于游戏的帧数很高,因此玩家并不会感觉到,但是这种方法大大减轻了驯鹿的压力,因为大量单位同时寻路的代价是很高的。
- 4. 一些速度方面的提示: 寻路的资源消耗是很大的, 因此可以通过一些办法来优化:
  - o 使用小地图或者更少的寻路者。
  - o 千万不要同时给多个寻路者寻路。取而代之的是把它们放入队列中,分散到几个游戏周期中。如果游戏以每秒 40 周期的速度运行,没人能察觉到。但是如果同时有大量的寻路者在寻路的话,他们会马上就发现游戏慢下来了。
  - o 考虑在地图中使用更大的方格。这减少了寻路时需要搜索的方格数量。可以设计多套寻路方案,根据路 径的长度而使用在不同场合。对长路径使用大方格,当你接近目标时使用小方格。
  - o 对于很长的路径,考虑使用路径点系统,或者可以预先计算路径并加入游戏中。
  - o 预先处理地图,指出哪些区域是不可到达的。这些区域称为"孤岛"。实际上,他们可以是岛屿,或者是被墙壁等包围而不可到达的任意区域。 A\* 的下限是,你告诉他搜寻通往哪些区域的路径时,他会搜索整个地图,直到所有可以抵达的方格都通过 open list 或 close list 得到了处理。这会浪费大量的 CPU 时间。这可以通过预先设定不可到达的区域来解决。在某种数组中记录这些信息,在寻路前检查它。它可以提前识别寻路算法会忽略的死路径,这又进一步提高了速度。
- 5. 不同的地形损耗:在此游戏中,地形只有 2 种:可抵达的和不可抵达的。但是如果有些可抵达的地形,移动代价会更高些,沼泽,山丘,地牢的楼梯等都是可抵达的地形,但是移动代价比平地就要高。类似的,道路的移动代价就比它周围的地形低。在计算给定方格的 G 值时加上地形的代价就很容易解决了这个问题。简单的给这些方格加上一些额外的代价就可以了。 A\*算法用来查找代价最低的路径,应该很容易处理这些。在这个游戏中,地形只有可达和不可达两种, A\*会搜寻最短和最直接的路径。但是在有地形代价的环境中,代价最低的的路径可能会很长。就像沿着公路绕过沼泽而不是直接穿越它。

另一个需要考虑的是专家所谓的"influence Mapping",就像上面描述的可变成本地形一样,可以创建一个额外的计分系统,把它应用到寻路的 AI 中。假设有这样一张地图,地图上有个通道穿过山丘,有大批的寻路者要通过这个通道,电脑每次产生一个通过那个通道的路径都会变得很拥挤。如果需要,可以产生一个influence map,它惩罚那些会发生大屠杀的方格。这会让电脑选择更安全的路径,也可以帮助它避免因为路

径短(当然也更危险)而持续把队伍或寻路者送往某一特定路径。

6. 平滑路径: A Star自动找出花费最小的,最短的路径,但它不会自动找出最平滑的路径。有几个方法解决这个问题。在你计算路径时,可以惩罚那些改变方向的方格,把它的 G 值增加一个额外的开销。另一种选择是,遍历你生成的路径,查找那些用相邻的方格替代会使路径更平滑的地方。