## CENTRO DE ENSEÑANZA TÉCNICA Y SUPERIOR



Escuela de Ingeniería en Ciencias Computacionales

Ingeniería en Ciencias Computacionales

Materia: Aprendizaje De Máquina

Presenta:

Pablo Díaz 030343

Kevin Huerta 30502

Gerardo Hernández 29902

Diego Garibay 30046

Profesor: Ulises Orozco Rosas

Practica #6: Selección de modelo lineal y regularización

Tijuana, B.C., 25 de noviembre de 2020

# Aprendizaje de Máquina Práctica 06

Pablo Díaz - 30343 | Kevin Huerta - 30502 | Diego Zuazo - 30046 | Gerardo Hernandez - 29902

Abstract—Comprender y utilizar las funciones básicas en el lenguaje de programación R y Python para realizar distintos tipos de métodos para ajustar modelos lineales en específico son: Subset Selection, Shrinkage y Dimension Reduction

## I. INTRODUCCIÓN

Este reporte tiene como objetivo explicar las metodologías utilizadas para realizar los ejercicios de la practica numero 6, con el uso de dos lenguajes de programación: Python y R. El objetivo de esta practica es hacer uso de los distintos tipos de métodos para ajustar modelos lineales haciendo enfasis en: Subset Selection , Shrinkage y Dimension Reduction. La practica se estructura de la siguiente manera: primero se explica los fundamentos requeridos para la practica , después la metodología , después se muestran los resultados. Finalmente se presentan nuestras conclusiones sobre los temas y la practica.

#### II. FUNDAMENTOS

Los fundamentos teóricos de la implementación elaborada en esta practica aborda principalmente otros métodos de ajustes lineales aparte de los que ya hemos visto el mas notable siendo el método de least squares. Y por qué podríamos querer utilizar otro procedimiento de ajuste en lugar del least squares? Como se vera, los procedimientos de ajuste alternativos pueden producir una mejor precisión de predicción e interpretabilidad del modelo los métodos en cuestión son los siguentes: Subset Selection , Shrinkage y Dimension Reduction. Por la naturaleza de R, estos son mas sencillos de implementar en dicho lenguaje.

## A. Subset Selection

Este método involucra identificar un subconjunto de P predictores que se creen que están relacionados con la respuesta. Para posteriormente ajustar el modelos usando los mínimos cuadrados.

## B. Shrinkage

Este método involucra ajustar el modelo involucrando todos los P predictores disponibles. Las estaciones de los coeficientes convergen hacia cero relativamente sobre los mínimos cuadrados.

#### C. Dimension Reduction

Este método involucra proyectar los P predictores en M dimensiones. Donde  $M \leq P$ . Esto es logrando calculando M diferentes combinaciones lineales o proyecciones de las variables. Donde dichas M proyecciones son usadas para predecir el ajusta del modelo de regresión lineal por mínimos cuadrados.

## III. METODOLOGÍA

La metodología del equipo fue la misma que en veces anteriores, nos dividimos en dos grupos para la implementación del código, un grupo de R y un grupo de Python. Al igual que en practicas pasadas, los equipos se alternaron de lenguaje para practicar. Algunas funciones no existían en python y era muy complicada hacerlas, así que decidimos recurrir a buscar en internet funciones que nos ayudarán a completar el trabajo. Esto lo hicimos debido a que no habían librerías que nos ayudarán y si lo hacíamos todo desde 0, el grado de complejidad iba a aumentar demasiado. Considerando que es un trabajo en equipo, al igual que en las practicas pasadas, tuvimos que trabajar en equipo para encontrar el enfoque adecuada para algunas actividades. De forma mas puntual, la metodología fue la siguiente:

## A. Ejercicio número 1

Para el primer ejercicio se aplico el método de "best subset selection" al conjunto de datos Hitters. Se desea predecir el salario de un jugador de béisbol en base a varias estadísticas referente con su desempeño en el año anterior.

## B. Ejercicio número 2

Para el ejercicio 2 se uso la funcion de regsubsets() para realizar forward stepwise o backward stepwise selection, usando como parametro method="forward" o method="backward"

#### C. Ejercicio número 3

Para el último ejercicio usaremos Principal components regression que en R se traduce como rcp() y también usaremos Partial least squares regression. Para este ejercicio usaremos cross-validation para el remuestreo de las observaciones.

#### IV. RESULTADOS

Los resultados se encuentras plasmados de la misma forma que en practicas pasadas. Lo que se hace es que. en el caso de R, los resultados se muestran tal y como lo especifica la practica del libro. Ahora bien, en el caso de Python, estos se encuentran en un formato distinto a los presentados en R, pero abordan el mismo problema de la manera mas cercana que permite Python, teniendo en cuenta sus limitaciones al realizar problemas que R realiza con facilidad.

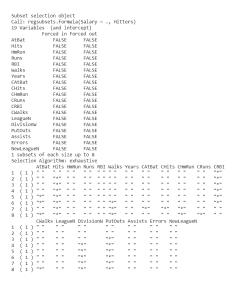
## A. Ejercicios en R:

Actividad 1- Los resultados obtenidos para la Actividad 1 fueron

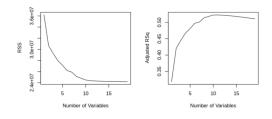
'AlBat' - 'Hts' - 'HmRun' - 'Runs' - 'R8n' - 'Walks' - 'Years' - 'CAlBat' - 'CHits' - 'CHmRun' - 'CRuns' - 'CR8n' - 'CAlBat' - 'League' - 'Division' - 'PutOuts' - 'Assists' - 'Errors' - 'Salary' - NewLeague

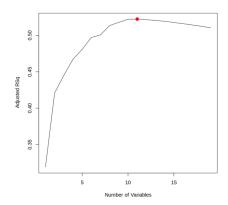
	AtBat	Hits	HmRun	Runs	RBI	Walks	Years	CAtBat	CHits	CHmRun	CRuns	CRBI	<b>CWalks</b>	League	Division	<b>PutOuts</b>	Assists	Errors	Salary	NewLeague
	<int></int>	<fct></fct>	<fct></fct>	<int></int>	<int></int>	<int></int>	<dbl></dbl>	<fct></fct>												
-Andy Allanson	293	66	1	30	29	14	1	293	66	1	30	29	14	A	E	446	33	20	NA.	A
-Alan Ashby	315	81	7	24	38	39	14	3449	835	69	321	414	375	N	W	632	43	10	475.0	N
-Alvin Davis	479	130	18	66	72	76	3	1624	457	63	224	266	263	A	W	880	82	14	480.0	A
-Andre Dawson	496	141	20	65	78	37	11	5628	1575	225	828	838	354	N	E	200	11	3	500.0	N
Andres Galarraga	321	87	10	39	42	30	2	396	101	12	48	46	33	N	E	805	40	4	91.5	N
-Alfredo Griffin	594	169	4	74	51	35	11	4408	1133	19	501	336	194	A	W	282	421	25	750.0	A
-Al Newman	185	37	1	23	8	21	2	214	42	1	30	9	24	N	E	76	127	7	70.0	A
Argenis Salazar	298	73	0	24	24	7	3	509	108	0	41	37	12	A	W	121	283	9	100.0	A
Andres Thomas	323	81	6	26	32	8	2	341	86	6	32	34	8	N	W	143	290	19	75.0	N
Andre Thornton	401	92	17	40	cc	cs.	13	5205	1332	252	704	800	220		C	0	0	0	1100 D	

263 · 20 0



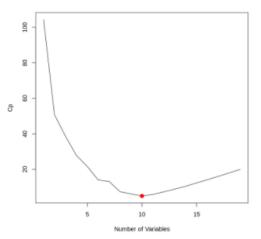
'which' · 'rsq' · 'rss' · 'adjr2' · 'cp' · 'bic' · 'outmat' · 'obj'

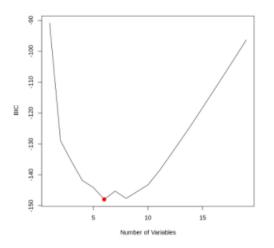


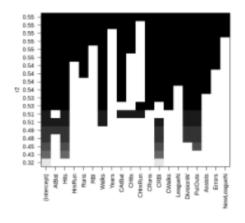


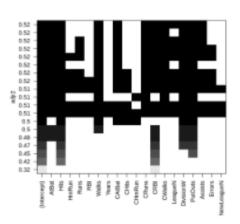


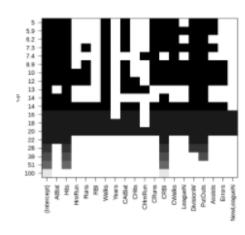
10 6

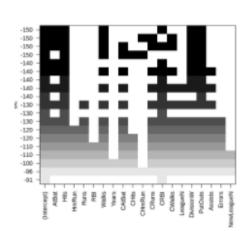






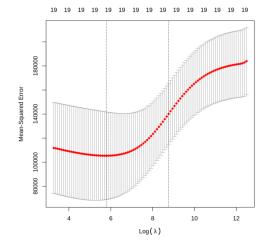




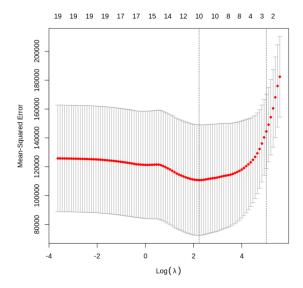


```
2) Actividad 2- Los resultados obtenidos para la Activi-
                                        dad 2 fueron
                                                     6.6.1
                                                   20 · 100
142199.150722761
                                                  224669.906736192
```

#### 326.08278854596



#### 143673.618543046



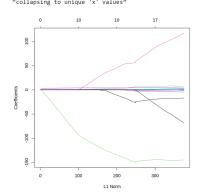
## 139856.643451371



## WORDS 15-43311559103 ABut 0.0715574460765 Htts 0.0591594407159 Http://doi.org/10.0591594407159 Http://doi.org/10.0591594452 ABut 0.0591594457 ABut 0.0591594454 ABut 0.0591594

## 3) Actividad 3- Los resultados obtenidos para la Actividad 3 fueron los siguientes:

Warning message in regularize.values(x, y, ties, missing(ties), na.rm = na.rm): "collapsing to unique 'x' values"



Data: X dimension: 263 19 Y dimension: 263 1 Fit method: svdpc Number of components considered: 19

VALIDATION: RMSEP

VALIDATION: RMSEP

Cross-validated using 10 random segments.

(Intercept) 1 comps 2 comps 3 comps 4 comps 5 comps 6 comps

CV 452 351.9 353.2 355.0 352.8 348.4 343.6

7 comps 8 comps 9 comps 10 comps 11 comps 12 comps 13 comps

CV 345.5 347.7 349.6 351.4 352.1 353.5 358.2

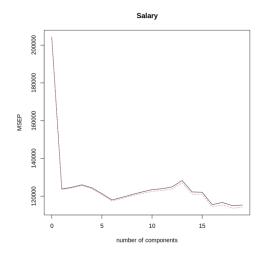
adjcV 344.7 346.7 348.5 350.1 350.1 350.7 352.0 366.5

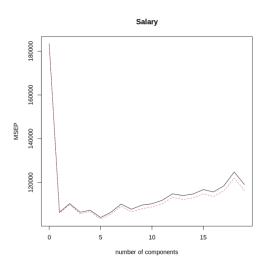
14 comps 15 comps 16 comps 17 comps 18 comps 19 comps

L4 comps 15 comps 16 comps 17 comps 18 comps 19 comps

CV 349.7 340.4 339 9 3416 339 2 339 6 339.9 338.2 341.6 339.7 349.7 349.4 339.2 339.6 347.7 adjCV 348.0

TRAINING: % variance explained 4 comps 5 comps 6 comps 7 comps 8 com 79.03 84.29 88.63 92.26 94. 43.22 44.90 46.48 46.69 46. 12 comps 5 13 comps 7 comps 8 comps 12 comps 9 45.08 12 comps 13 comps 14 comps 15 comps 8 98.65 99.15 99.47 99.75 1 comps 2 comps 3 comps 38.31 60.16 70.84 40.63 41.58 42.17 9 comps 10 comps 11 comps comps 94.96 46.75 Salary Salary 48.10 50.40 Salary





# 140751.276313081

Data: X dimension: 263 19
Y dimension: 263 1

Fit method: svdpc

Number of components considered: 7

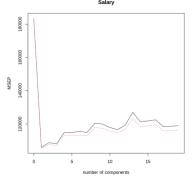
TRAINING: % variance explained
1 comps 2 comps 3 comps 4 comps 5 comps 6 comps 7 comps X 38.31 60.16 70.84 79.03 84.29 88.63 92.26

y 40.63 41.58 42.17 43.22 44.90 46.48 46.69

Data: X dimension: 131 19 Y dimension: 131 1 Fit method: kernelpls Number of components considered: 19 VALIDATION: RMSEP

(Cross-validated using 10 random segments.

(Intercept) 1 comps 2 comps 3 comps 4 comps 5 comps (1 comps) 2 comps 3 comps 4 comps 5 comps 6 comps 12 comps 12 comps 12 comps 12 comps 12 comps 12 comps 13 comps 14 comps 12 comps 12 comps 13 comps 13 comps 13 comps 13 comps 13 comps 13 comps 14 comps 13 comps 14 comps 15 comps 14 comps 15 comps 14 comps 15 comps 340.1 336.6 13 comps 356.4 351.1 14 comps 15 comps 16 comps 17 comps 348.4 349.1 350.0 344.2 18 comps 19 comps adjCV 344.2 345.0 345.9 TRAINING: % variance explained 4 comps 5 comps 6 comps 7 75.07 78.58 81.12 53.03 54.07 54.77 7 comps 88.21 55.05 8 comps 90.71 55.66 1 comps 2 comps 3 comps 39.13 48.80 60.09 Salary 46.36 50.72 52.23 9 comps 10 comps 11 comps 93.17 96.05 97.08 55.95 56.12 56.47 16 comps 17 comps 18 comps 99.61 99.70 99.95 58.17 58.49 58.56 53.03 54.07 54.77 52
12 comps 13 comps 14 comps 97.61 97.97 98.70 56.68 57.37 57.76
19 comps 100.00 X Salary



# 145367.722827519

Data: X dimension: 263 19 Y dimension: 263 1 Fit method: kernelpls

Number of components considered: 2 TRAINING: % variance explained

1 comps 2 comps X 38.08 51.03 Salary 43.05 46.40

## B. Ejercicios en Python:

4) Actividad 1- Los resultados obtenidos para la Actividad 1 fueron los siguientes:



(263, 20)

```
Best 1 features: ['CRBI']
Best 2 features: ['Hits', 'CRBI']
Best 3 features: ['Division[T,W]', 'Hits', 'CRBI', 'PutOuts']
Best 4 features: ['Division[T,W]', 'AtBat', 'Hits', 'CRBI', 'PutOuts']
Best 5 features: ['Division[T,W]', 'AtBat', 'Hits', 'CRBI', 'PutOuts']
Best 6 features: ['Division[T,W]', 'AtBat', 'Hits', 'Walks', 'CRBI', 'PutOuts']
Best 7 features: ['Division[T,W]', 'AtBat', 'Hits', 'Walks', 'CHits', 'CHmium', 'PutOuts']
Best 8 features: ['Division[T,W]', 'AtBat', 'Hits', 'Walks', 'CHits', 'CHmium', 'PutOuts']
Best 8 features: ['Division[T,W]', 'AtBat', 'Hits', 'Walks', 'CHits', 'CHmium', 'PutOuts']

Best 8 features: ['Division[T,W]', 'AtBat', 'Hits', 'Walks', 'CHits', 'CHmium', 'PutOuts']

Best 9 features: ['Division[T,W]', 'AtBat', 'Hits', 'Walks', 'CHits', 'CHmium', 'PutOuts']

Best 8 features: ['Division[T,W]', 'AtBat', 'Hits', 'Walks', 'CHits', 'CHmium', 'PutOuts']

Best 9 features: ['Division[T,W]', 'AtBat', 'Hits', 'Walks', 'CHits', 'CHmium', 'PutOuts']

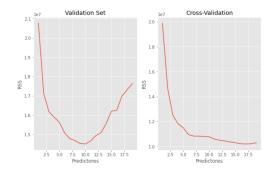
Best 1 features: ['Division[T,W]', 'AtBat', 'Hits', 'Walks', 'CHits', 'Walks', 'Chmium', 'PutOuts']

Best 1 features: ['Division[T,W]', 'AtBat', 'Walks', 'Walks', 'Walks', 'Walks', 'Chits', 'Walks', 'Chits', 'Walks', 'Chits', 'Walks', 'PutOuts']

Best 1 features: ['Division[T,W]', 'Walks', 'Wal
```

```
New St. Community of Federal F
```

```
# of x_j
      1.988162e+07
1
2
      1.469190e+07
3
      1.247908e+07
4
      1.182492e+07
5
      1.148818e+07
6
      1.094343e+07
7
      1.082744e+07
8
      1.081981e+07
9
      1.079096e+07
10
      1.076345e+07
11
      1.058229e+07
12
      1.048883e+07
13
      1.043509e+07
14
      1.035223e+07
15
      1.029475e+07
      1.021250e+07
16
17
      1.019581e+07
      1.021123e+07
18
19
      1.029496e+07
dtype: float64
```



<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
Int64Index: 263 entries, 1 to 321
Data columns (total 6 columns):

#	Column	Non-Null Count	Dtype
0	League_A	263 non-null	uint8
1	League_N	263 non-null	uint8
2	Division_E	263 non-null	uint8
3	Division_W	263 non-null	uint8
4	NewLeague_A	263 non-null	uint8
5	NewLeague_N	263 non-null	uint8
4+	to(c)		

dtypes: uint8(6)
memory usage: 3.6 KB

<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
Int64Index: 263 entries, 1 to 321
Data columns (total 19 columns):

	Non Null Count	Dtura					
# Column	Non-Null Count	Dtype					
0 AtBat	263 non-null						
1 Hits	263 non-null	int64					
2 HmRun	263 non-null	int64					
3 Runs	263 non-null	int64					
4 RBI	263 non-null	int64					
5 Walks	263 non-null	int64					
6 Years	263 non-null	int64					
7 CAtBat	263 non-null	int64					
8 CHits	263 non-null	int64					
9 CHmRun	263 non-null	int64					
10 CRuns	263 non-null	int64					
11 CRBI	263 non-null	int64					
12 CWalks	263 non-null	int64					
13 PutOuts	263 non-null	int64					
14 Assists	263 non-null	int64					
15 Errors	263 non-null	int64					
<pre>16 League_N</pre>	263 non-null	uint8					
17 Division_	_W 263 non-null	uint8					
18 NewLeague	e_N 263 non-null	uint8					
dtypes: int64(16), uint8(3)							
memory usage:	memory usage: 35.7 KB						

- 5) Actividad 2- Los resultados obtenidos para la Actividad 2 fueron los siguientes:
- 6) Actividad 1- Los resultados obtenidos para la Actividad 2 fueron los siguientes:

Ridge regres	sion coefficients:
AtBat	0.098658
Hits	0.446094
HmRun	1.412107
Runs	0.660773
RBI	0.843403
Walks	1.008473
Years	2.779882
CAtBat	0.008244
CHits	0.034149
CHmRun	0.268634
CRuns	0.070407
CRBI	0.070060
CWalks	0.082795
League	0.104747
Division	-0.003739
PutOuts	0.268363
Assists	4.241051
Errors	-30.768885
NewLeague	4.123474
dtype: float	64

MSE = 106216.52238005561

•		
	Ridge regres	ssion coefficients:
	AtBat	1.317464e-10
	Hits	4.647486e-10
	HmRun	2.079865e-09
	Runs	7.726175e-10
	RBI	9.390640e-10
	Walks	9.769219e-10
	Years	3.961442e-09
	CAtBat	1.060533e-11
	CHits	3.993605e-11
	CHmRun	2.959428e-10
	CRuns	8.245247e-11
	CRBI	7.795451e-11
	CWalks	9.894387e-11
	League	7.268991e-11
	Division	-2.615885e-12
	PutOuts	2.084514e-10
	Assists	-2.501281e-09
	Errors	-1.549951e-08
	NewLeague	-2.023196e-09
	dtype: float	t64

MSE = 172862.23580379886

AtBat	0.055838
Hits	0.934879
HmRun	0.369048
Runs	1.092480
RBI	0.878259
Walks	1.717770
Years	0.783515
CAtBat	0.011318
CHits	0.061101
CHmRun	0.428333
CRuns	0.121418
CRBI	0.129351
CWalks	0.041990
League	0.179957
Division	0.035737
PutOuts	-1.597699
Assists	24.774519
Errors	-85.948661
NewLeague	8.336918

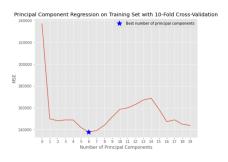
dtype: float64

AtBat	0.000000
Hits	1.082446
HmRun	0.000000
Runs	0.000000
RBI	0.000000
Walks	2.906388
Years	0.000000
CAtBat	0.000000
CHits	0.000000
CHmRun	0.219367
CRuns	0.000000
CRBI	0.513975
CWalks	0.000000
League	0.368401
Division	-0.000000
PutOuts	-0.000000
Assists	0.000000
Errors	-89.064338
NewLeague	0.000000
dtype: float	t64

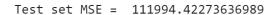
Explair	ned	Variance	Ratio	:
0			38.31	%
1 6	50.1	L500000000	900006	%
2			70.84	%
3			79.03	%
4			84.29	%
5	88	630000000	00001	%
6			92.26	%
7	94	96000000	00001	%
8			96.28	%
9			97.25	%
10			97.97	%
11			98.64	%
12			99.14	%
13			99.46	%
14	99.	729999999	99999	%
15			99.88	%
16	99	.949999999	99999	%
17	99.	979999999	99999	%
18			99.99	%
dtvpe:	ob-	iect		

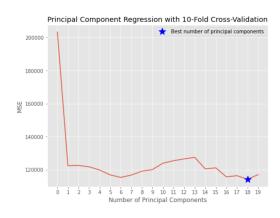
dtype: object

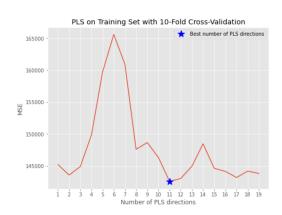
Sh	Shape (19, 19)								
He	Head:								
	0	1	2	3	4	5			
0	0.198290	-0.383784	0.088626	0.031967	0.028117	-0.070646			
1	0.195861	-0.377271	0.074032	0.017982	-0.004652	-0.082240			
2	0.204369	-0.237136	-0.216186	-0.235831	0.077660	-0.149646			
3	0.198337	-0.377721	-0.017166	-0.049942	-0.038536	-0.136660			
4	0.235174	-0.314531	-0.073085	-0.138985	0.024299	-0.111675			



7) Actividad 3- Los resultados obtenidos para la Actividad 3 fueron los siguientes:







# 104838.51042760801

## V. CONCLUSIONES

En conclusión, como se a demostrado en las practicas anteriores los temas visto en esta practican resultan ser de gran utilidad. Nos es fascinante la facilidad con la que podemos implementar estos métodos en R , por ejemplo el método de forward o backward stepwise puede ser implementado usando una misma funcion y simplemente cambiando un parámetro. Al realizar las actividades nos ayuda a comprender los temas debido a que los ejercicios de la practica consisten en implementar los métodos. Al entender mas estos temas nos expande otra área de conocimiento respecto a la materia , y amplia nuestras habilidades en ajustar modelos. Finalmente al realizar la practica no solo concebimos estos temas ,sino que también estamos reforzando nuestras habilidades de programar y desarrollar problemas de aprendizaje maquina en R y Python.