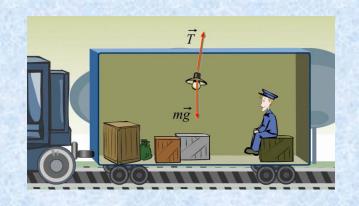
### Неинерциальные системы отсчета



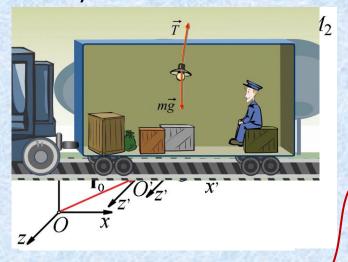
Почему отклонилась лампочка?

Если лампочка отклонилась, должна быть сила.

Это сила инерции

## Поступательная сила инерции

Система К' движется Поенулателема dt



$$d\vec{\mathbf{r}} = d\vec{\mathbf{r}}' + d\vec{\mathbf{r}}_{0}$$

$$\vec{\mathbf{v}} = \vec{\mathbf{v}}' + \vec{\mathbf{v}}_{0}$$

$$\vec{\mathbf{a}} = \vec{\mathbf{a}}' + \vec{\mathbf{a}}_{0}$$

Если  $\vec{a}_0 = 0$ , то  $\vec{a} = \vec{a}'$ 

При движении К'-системы без ускорения, ускорения в обеих системах одинаковы

Система К' инерциальная

$$m\vec{\mathbf{a}} = \sum_{i} \vec{\mathbf{F}}_{i}$$
  $m\vec{\mathbf{a}}' = \sum_{i} \vec{\mathbf{F}}_{i} - m\vec{\mathbf{a}}_{0}$ 

Сила инерции

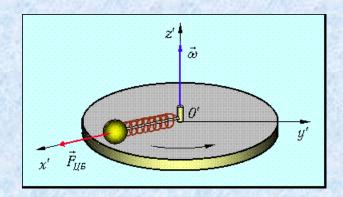
$$\vec{F}_{\text{\tiny MH}} = -m\vec{a}_0$$

Система К' неинерциальная

# Центробежная сила

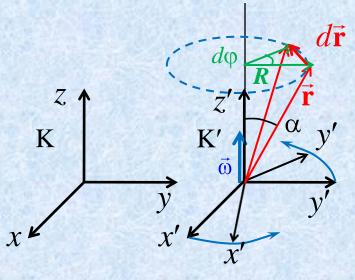
2. Неинерциальная К'-система вращается относительно К-системы





Пусть тело неподвижно во вращающейся системе. Тогда должна быть сила, противодействующая центростремительной силе. Это центробежная сила инерции.

# Центробежная сила



$$\begin{bmatrix} \vec{\omega}, [\vec{\omega}, \vec{r} ] \end{bmatrix} \xrightarrow{O''} \vec{R} \otimes [\vec{\omega}, \vec{r} ]$$

Система К' вращается с угловой скоростью относительно СО К вокруг оси z

$$|d\vec{\mathbf{r}}| = d\varphi R = \omega dt |\vec{\mathbf{r}}| \sin \alpha$$

$$d\vec{\mathbf{r}} = \vec{\omega}dt, \vec{\mathbf{r}}$$

$$\vec{\mathbf{v}} = \vec{\mathbf{o}}, \vec{\mathbf{r}}$$

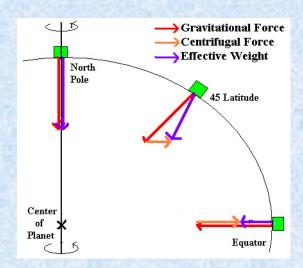
$$\vec{\mathbf{a}} = \frac{d\vec{\mathbf{v}}}{dt} = \left[\vec{\omega}, \frac{d\vec{\mathbf{r}}}{dt}\right] = \vec{\omega}, \vec{\mathbf{v}} = \left[\vec{\omega}, \vec{\omega}, \vec{\mathbf{r}}\right]$$

 $\vec{\mathbf{a}} = -\omega^2 \vec{\mathbf{R}}$  Центростремительное ускорение

Центробежная сила инерции

$$\vec{F}_{\text{H}\delta} = -m \ \vec{\omega}, \vec{v} = m \ \vec{v}, \vec{\omega} = m\omega^2 \vec{R}$$

#### Земля как НИСО

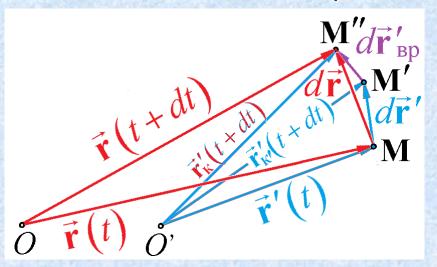


На экваторе  $a_{\text{цс}} = 3,4 \text{ см/c}^2$ 

Широта	Город	g
Экватор	Джакарта	9.78030
30°	Каир	9.79321
60°	СПетербург	9.81908
Полюс		9.83216

### Сила Кориолиса

3. Тело движется во вращающейся системе координат



$$\mathbf{M''_{d\mathbf{r'}_{Bp}}} d\mathbf{r} = d\mathbf{r'} + d\mathbf{r'_{Bp}}$$

$$\mathbf{M''_{d\mathbf{r'}_{Bp}}} d\mathbf{r} = \mathbf{v'}dt + d\mathbf{\phi}, \mathbf{r} \implies \mathbf{v} = \mathbf{v'} + \mathbf{\omega}, \mathbf{r}$$

$$\mathbf{M''_{d\mathbf{r'}_{Bp}}} d\mathbf{r'} = \mathbf{v'}dt + d\mathbf{\phi}, \mathbf{r} \implies \mathbf{v} = \mathbf{v'} + \mathbf{\omega}, \mathbf{r}$$

$$\mathbf{M''_{d\mathbf{r'}_{Bp}}} d\mathbf{r'} = \mathbf{v'}dt + d\mathbf{\phi}, \mathbf{r} \implies \mathbf{v} = \mathbf{v'} + \mathbf{\omega}, \mathbf{r}$$

$$d\vec{\mathbf{v}} = d\vec{\mathbf{v}}' + d\vec{\mathbf{v}}'_{\mathrm{Bp}} + \left[\vec{\omega}, d\vec{\mathbf{r}}' + d\vec{\mathbf{r}}'_{\mathrm{Bp}}\right]$$

$$d\vec{\mathbf{v}} = d\vec{\mathbf{v}}' + \vec{\omega}dt, \vec{\mathbf{v}}' + \vec{\omega}, d\vec{\mathbf{r}}' + \begin{bmatrix} \vec{\omega}, \vec{\omega}dt, \vec{\mathbf{r}}' \end{bmatrix}$$
$$\vec{\mathbf{a}} = \vec{\mathbf{a}}' + 2 \vec{\omega}, \vec{\mathbf{v}}' + \begin{bmatrix} \vec{\omega}, \vec{\omega}, \vec{\mathbf{r}} \end{bmatrix}$$

$$\vec{\mathbf{F}}_{\mathrm{UH}} = -m\vec{\mathbf{a}}' + 2m \ \vec{\mathbf{v}}', \vec{\boldsymbol{\omega}} + m[\vec{\boldsymbol{\omega}}, \ \vec{\mathbf{r}}, \vec{\boldsymbol{\omega}}]_{\boldsymbol{\kappa}}$$

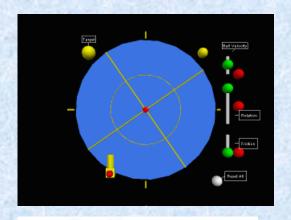
Сила инерции

Кориолисова сила

Центробежная сила

### Сила Кориолиса

$$\vec{F}_{\text{KOP}} = 2m \ \vec{v}', \vec{\omega}$$

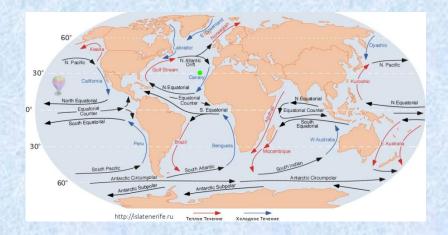


#### Сила Кориолиса Максимум отклонения на Северном полюсе Северное Отклонение полушарие вправо Экватор ♦ Нет отклонений 30° HO Южное Отклонение влево полушарие 60° HO Максимум отклонения на Южном полюсе

Сила Кориолиса действует только на движущиеся (в НИСО) тела.



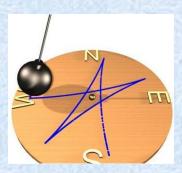
При горизонтальном движении в северном полушарии тело отклоняется вправо



# Маятник Фуко

Маятник Фуко (Париж, Пантеон, 1851 г.)





**<u>Вопрос</u>**: Через какое время маятник вернется в исходное положение? Как это время зависит от местонахождения маятника?

# Особенности сил инерции

Силы инерции – фиктивные силы, существуют только в НИСО.

Силы инерции не связаны с взаимодействием тел. Третий закон Ньютона не выполняется.

Все силы инерции пропорциональны массе (инертной) тела.

Общая теория относительности: равенство инертной и гравитационной масс заложено в основу теории.

#### Принцип эквивалентности Эйнштейна:

Все физические явления в однородном поле тяготения происходят совершенно так же, как и в соответствующем однородном поле сил инерции.