

Результатом симметризации по двум индексам будет тензор $b^{qkj} = \frac{1}{2!} (a^{qkj} - a^{jkq})$.
Теперь переберём каждый индекс, чтобы найти компоненты результирующего тензора:

$$\begin{aligned}
b^{111} &= b^{121} = b^{131} = b^{212} = b^{222} = b^{232} = b^{313} = b^{323} = b^{333} = 0 \\
b^{112} &= \frac{1}{2} (a^{112} - a^{211}) = \frac{1}{2} (-1 - 3) = -2 & b^{113} &= \frac{1}{2} (a^{113} - a^{311}) = \frac{1}{2} (3 + 2) = \frac{5}{2} \\
b^{122} &= \frac{1}{2} (a^{122} - a^{221}) = \frac{1}{2} (3 + 1) = 2 & b^{123} &= \frac{1}{2} (a^{123} - a^{321}) = \frac{1}{2} (-2 + 3) = \frac{1}{2} \\
b^{132} &= \frac{1}{2} (a^{132} - a^{231}) = \frac{1}{2} (-5 - 0) = -\frac{5}{2} & b^{133} &= \frac{1}{2} (a^{133} - a^{331}) = \frac{1}{2} (3 - 2) = \frac{1}{2} \\
b^{211} &= -b^{112} = 2 & b^{213} &= \frac{1}{2} (a^{213} - a^{312}) = \frac{1}{2} (2 - 1) = \frac{1}{2} \\
b^{221} &= -b^{122} = -2 & b^{223} &= \frac{1}{2} (a^{223} - a^{322}) = \frac{1}{2} (1 - 3) = -1 \\
b^{231} &= -b^{132} = \frac{5}{2} & b^{233} &= \frac{1}{2} (a^{233} - a^{332}) = \frac{1}{2} (-3 + 3) = 0 \\
b^{311} &= -b^{113} = -\frac{5}{2} & b^{312} &= -b^{213} = -\frac{1}{2} \\
b^{321} &= -b^{123} = -\frac{1}{2} & b^{322} &= -b^{223} = 1 \\
b^{331} &= -b^{133} = -\frac{1}{2} & b^{332} &= -b^{233} = 0
\end{aligned}$$

Итак, тензор b^{qkj} будет определяться матрицей B :

$$B = \left\| \begin{array}{ccc|ccc|ccc} 0 & 0 & 0 & -2 & 2 & -2.5 & 2.5 & 0.5 & 0.5 \\ 2 & -2 & 2.5 & 0 & 0 & 0 & 0.5 & -1 & 0 \\ -2.5 & -0.5 & -0.5 & -0.5 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{array} \right\|$$