

Обозначим  $x_1$  и  $x_2$  векторы внутри линейной оболочки и найдём  $z \in L$

$$\begin{aligned} \begin{cases} (x_1, v) = \alpha_1(x_1, x_1) + \alpha_2(x_1, x_2) \\ (x_2, v) = \alpha_1(x_2, x_1) + \alpha_2(x_2, x_2) \end{cases} &\Leftrightarrow \left( \begin{array}{cc|c} (x_1, x_1) & (x_1, x_2) & (x_1, v) \\ (x_2, x_1) & (x_2, x_2) & (x_2, v) \end{array} \right) \Leftrightarrow \left( \begin{array}{cc|c} 9 + 36 + 81 & -18 - 90 - 189 & -9 - 54 - 135 \\ -18 - 90 - 189 & 36 + 225 + 441 & 18 + 135 + 315 \end{array} \right) \Leftrightarrow \left( \begin{array}{cc|c} 126 & -297 & -198 \\ -297 & 702 & 468 \end{array} \right) \sim \\ \sim \left( \begin{array}{cc|c} 14 & -33 & -22 \\ -11 & 78 & 52 \end{array} \right) \sim \left( \begin{array}{cc|c} 14 & -33 & -22 \\ 3 & 45 & 30 \end{array} \right) \sim \left( \begin{array}{cc|c} 14 & -33 & -22 \\ 1 & 15 & 10 \end{array} \right) \sim \left( \begin{array}{cc|c} 14 & -33 & -22 \\ 14 & 210 & 140 \end{array} \right) \sim \left( \begin{array}{cc|c} 14 & -33 & -22 \\ 0 & 243 & 162 \end{array} \right) \sim \left( \begin{array}{cc|c} 14 & -33 & -22 \\ 0 & 3 & 2 \end{array} \right) \sim \left( \begin{array}{cc|c} 14 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 2 \end{array} \right) \Rightarrow \\ \Rightarrow \begin{cases} \alpha_1 = 0 \\ \alpha_2 = \frac{2}{3} \end{cases} \Rightarrow z = \frac{2}{3}x_2 = \begin{pmatrix} 4 \\ -10 \\ -14 \end{pmatrix} \end{aligned}$$

Задача сводится к нахождению угла между  $v$  и  $z$ :

$$\cos \varphi = \frac{|z^2|}{|v^2|} = \frac{\sqrt{16 + 100 + 196}}{\sqrt{9 + 81 + 225}} = \frac{2\sqrt{78}}{3\sqrt{35}} \Rightarrow \varphi = \arccos \frac{2\sqrt{78}}{3\sqrt{35}} \approx 0.1$$