

**Twierdzenie 1.**  $G$  zwarta, jeśli  $U \subset X$  jest  $G$ -ekwiwariantnym otoczeniem  $Gx$  oraz istnieje  $G$ -ekwiwariantna retrakcja  $p : U \rightarrow Gx$ , to  $U$  jest tubą wokół  $Gx$  oraz  $p^{-1}(x)$  jest slajsem.

**Twierdzenie (bez dowodu) 2** (Chevalley). Każdą orbitę  $G/H$  można zanurzyć ekwiwariantnie w pewną reprezentację liniową  $G \rightarrow GL(V)$ .

**Twierdzenie (bez dowodu) 3** (Tietz-Gleason).  $X$  normalna,  $X \supset A$  domknięty  $G$ -niezmienniczy,  $V$  reprezentacja  $G$ ,  $f : A \rightarrow V$   $G$ -niezmiennicza. Wtedy istnieje  $F$ -niezmiennicze rozszerzenie  $\tilde{f} : X \rightarrow V$ .

**Twierdzenie (bez dowodu) 4** (Mostow).  $G$  zwarta grupa Lie,  $X$  ma skończenie wiele typów orbitowych,  $X$  metryczna skończonego wymiaru (tj. można zanurzyć w  $\mathbb{R}^n$ ), to istnieje reprezentacja  $V$  grupy  $G$  taka, że  $X$  zanurza się ekwiwariantnie w  $V$ .

**Twierdzenie 5.**  $G$  zwarta grupa Lie, działa gładko na rozmaitości zwartej, to  $G$  ma skończenie wiele typów orbitowych.

**Twierdzenie (bez dowodu) 6** (Luny o slajsie).  $X$  rozmaitość algebraiczna normalna (np. gładka),  $G$  grupa reduktywna,  $Gx$  domknięta. Wtedy istnieje  $G_x$  przestrzeń  $A$  oraz  $G \times_{G_x} A \rightarrow X$  otoczenie w topologii etalnej, tzw. lokalnymi homeomorfizmami (topologia Grothendicka).

**Twierdzenie (bez dowodu) 7** (Sumihiro o zanurzeniu).  $X$  rozmaitość rzutowa normalna,  $G$  grupa reduktywna, to istnieje reprezentacja  $G$  i  $G$ -niezmiennicze zanurzenie  $X \rightarrow \mathbb{P}(Y)$ .

Uniwersalne  $G$ -wiązki główne.

**Twierdzenie 8.** Niech  $E \rightarrow B$  będzie wiązką główną taką, że  $E$  jest przestrzenią ściągającą. Wtedy dla każdego CW-kompleksu  $X$  i wiązki głównej  $P \rightarrow X$  istnieje  $f : X \rightarrow B$  takie, że  $f^*E = P$ . Poza tym  $f$  jest jednoznaczne z dokładnością do homotopii. Przestrzeń  $B$  oznaczamy  $BG$ , a  $E$ :  $EG$ .

*Uwaga 9.*  $P$  normalna,  $G$  zwarta Lie, działa wolno, to  $P \rightarrow P/G$  jest wiązką główną.

**Wniosek 10.** Klasy izomorfizmów wiązek głównych dla  $X$  CW-kompleksu odpowiadają elementom  $[X, BG]$ .

**Wniosek 11.** Jeśli  $G$  ma model  $BG$  będący CW-kompleksem, to  $BG$  jest zdefiniowane z dokładnością do homotopii.

*Uwaga 12.* Jeśli  $G$  Lie, to ma CW-model.