$$h_{S_k}^{(l-1)}$$