Instytut Informatyki UWr

## Wstęp do informatyki

Lista 9

1. [1] Mówimy, że algorytm przeszukiwania z nawrotami z wykładu "sprawdza" jakieś ustawienie n hetmanów, jeśli wywoływana jest funkcja isfree(n-1, y) dla  $0 \le y < n$  (czyli sprawdzamy możliwość "dostawienia" n-tego hetmana do ustawionych już poprawnie

n-1 hetmanów). Uzasadnij, że dla  $n \ge 4$  algorytm sprawdza nie więcej niż  $\left(\frac{n}{2}+1\right) \cdot n!$  różnych ustawień n hetmanów na szachownicy.

**Uwaga:** W swoim rozwiązaniu możesz przyjąć, że dla każdego  $n \ge 4$  istnieje rozwiązanie problemu hetmanów (tzn. można ustawić n hetmanów na planszy  $n \times n$  tak, aby żadne dwa nie atakowały się nawzajem).

2. [1] Napisz funkcję, która dla zadanej wartości n wyznaczy **liczbę** możliwych ustawień n hetmanów na szachownicy o rozmiarze  $n \times n$ , tak aby hetmany nie atakowały się nawzajem.

**Wskazówka**: możesz wykorzystać algorytm z wykładu, znajdujący dowolne ustawienie hetmanów (wystarczy go lekko zmodyfikować):

```
int queens()
{
    int k;
    b[0]=0;
    k=1;
    while (k<n && k>=0)
    {
        do
        { b[k]++; }
        while (b[k]<n && !isfree(k,b[k]));
        if (b[k]<n) k++;
        else {b[k]=-1; k--;}
    }
    return k;
}</pre>
```

3. [1] Rozważmy następujący algorytm znajdujący ustawienie n hetmanów na szachownicy  $n \times n$ 

```
int hetmany(int n, int k, int a[])
{
  if (k==n) return poprawne(a,n);
  for(int i=0; i<n; i++) {
    a[k]=i;
    if (hetmany(n,k+1,a)) return 1;
  }
  return 0;
}</pre>
```

```
def hetmany(n, k, a):
   if k==n: return poprawne(a,n)
   for i in range(n):
     a[k]=i
     if (hetmany(n,k+1,a)): return 1
   return 0
```

gdzie a[i] wskazuje wiersz hetmana umieszczonego w kolumnie i, a funkcja poprawne zwraca wartość 1, jeśli ustawienie hetmanów opisane w tablicy a [0..n-1] jest poprawne (tzn. żadne dwa hetmany nie atakują się nawzajem) oraz zwraca 0 w przeciwnym przypadku. Twoje zadanie:

- a. Podaj z jakimi parametrami należy wywołać funkcję hetmany, aby rozwiązać problem hetmanów dla szachownicy  $n \times n$ ?
- b. Napisz treść funkcji poprawne.
- c. Porównaj działanie funkcji hetmany z tego zadania z działaniem metody opartej o przeszukiwanie z nawrotami. Która metoda sprawdza więcej ustawień hetmanów? Dlaczego?
- 4. [1] Zapoznaj się z problemem skoczka szachowego. Następnie opracuj i przedstaw **ideę** rozwiązania tego problemu metodą przeszukiwania z nawrotami. Precyzyjnie omów struktury danych, których będziesz używać w swoim rozwiązaniu i sposób wykorzystania tych struktur.
- 5. [2] Kwadratem magicznym rozmiaru  $n \times n$  nazywamy planszę  $n \times n$  złożoną z liczb 1,..., $n^2$ , gdzie każda z tych liczb występuje dokładnie raz oraz suma w każdym wierszu, kolumnie i na przekątnych są równe. Napisz funkcję, która dla zadanego n znajduje kwadrat magiczny rozmiaru  $n \times n$  (o ile istnieje).

Uwaga: zastosuj przeszukiwanie z nawrotami.

## Zadania dodatkowe, nieobowiązkowe (nie wliczają się do puli punktów do zdobycia na ćwiczeniach, punktacja została podana tylko jako informacja o trudności zadań wg wykładowcy)

- 6. [1] Napisz funkcję hetmany, która znajduje ustawienie *n* hetmanów na szachownicy rozmiaru *n*×*n*, tak aby hetmany nie atakowały się nawzajem. Twoja funkcja powinna stosować przeszukiwanie z nawrotami i ustawienie hetmanów reprezentować w tablicy **dwu-wymiarowej** (jeden element tablicy odpowiada jednemu polu szachownicy). **Wskazówka**: wystarczy odpowiednio zmodyfikować rozwiązanie z wykładu.
- 7. [1] Przedstaw pełną implementację rozwiązania problemu skoczka szachowego.
- 8. [2] Napisz funkcję minhetmany, która znajduje minimalną liczbę hetmanów atakujących wszystkie pola szachownicy  $n \times n$ . (Dokładniej, Twoja funkcja powinna zwrócić taką liczbę k, że przy pewnym ustawieniu k hetmanów atakowane są wszystkie pola szachownicy  $n \times n$  i nie jest możliwe ustawienie k-1 hetmanów tak, aby wszystkie pola szachownicy  $n \times n$  były atakowane.)