Instytut Informatyki UWr

Wstęp do informatyki

Lista 12

Uwaga:

Algorytmy rozwiązujące zadania z tej listy mogą mieć postać pseudokodu, w szczególności mogą wykorzystywać abstrakcyjne typy danych jak kolejka, stos i in.

- 1. [1] Podaj gramatykę bezkontekstową opisującą dziesiętny zapis liczb całkowitych. Liczba taka może zaczynać się znakiem + lub (ale nie musi) po czym następuje niepusty ciąg cyfr. Zapis liczby nie może zawierać zbędnych wiodących zer, a liczba 0 nie powinna być poprzedzana znakiem + ani –.
 - *Przykład*: 0; 123; -15; +999 to poprawne zapisy liczb, natomiast +0; 01; +-3; +09; + są niepoprawne.
- 2. [1] Podaj bezkontekstową gramatykę opisującą zapis nieujemnych liczb rzeczywistych z przecinkiem dziesiętnym, w którym każda liczba ma tyle samo cyfr przed przecinkiem i po przecinku.
 - Przykład: 0,0; 0090,1117; 1,9 to poprawne zapisy, natomiast 0,00; 90,1117; 1,90 oraz zapis złożony jedynie z przecinka są niepoprawne w tym zadaniu.
- 3. [2] Wyrażenia należące do języka gramatyki G(N,T,P, ⟨wyr⟩), gdzie zbiór produkcji w postaci BNF jest równy:

$$\langle wyr \rangle ::= 0 \mid 1 \mid 2 \mid 3 \mid 4 \mid 5 \mid 6 \mid 7 \mid 8 \mid 9$$

 $\langle wyr \rangle ::= \langle wyr \rangle + \langle wyr \rangle$
 $\langle wyr \rangle ::= \langle wyr \rangle - \langle wyr \rangle$
 $\langle wyr \rangle ::= (\langle wyr \rangle)$

mogą mieć wiele różnych drzew wyprowadzeń, Podaj przykład ilustrujący ten fakt, a następnie zaproponuj gramatykę, której język zawierać będzie tylko takie wyrażenia, które (dzięki nawiasom!) mają dokładnie jedno drzewo wyprowadzenia.

4. [1] Podaj jaki język definiuje gramatyka G(N,T,P,S), gdzie $N=\{S, X, Y, P, R, A, B\}$, $T=\{a,b,c\}$ a zbiór produkcji jest następujący:

$$S \rightarrow X, S \rightarrow Y$$

 $X \rightarrow P C$
 $Y \rightarrow A R$
 $P \rightarrow a P b, P \rightarrow a b$
 $R \rightarrow b R c, R \rightarrow b c$
 $A \rightarrow A a, A \rightarrow a$

 $C \rightarrow c C, C \rightarrow c$

5. [1] Przeanalizuj działanie pierwszej wersji algorytmu konwersji wyrażenia do postaci ONP z wykładu (nie uwzględniającej priorytetów operatorów) na wyrażeniu postaci

$$a_1 p_1 a_2 p_2 ... p_{k-1} a_k$$

dla k>1, gdzie $a_1, a_2, ..., a_k$ to argumenty a $p_1, p_2, ..., p_{k-1}$ to operatory. Następnie:

a) podaj któremu z poniższych sposobów nawiasowania odpowiada utworzona postać ONP:

$$(((a_1 p_1 a_2) p_2 a_3)...p_{k-1} a_k) (a_1 p_1 ... (a_{k-2} p_{k-2} (a_{k-1}p_{k-1} a_k)))$$

b) wskaż modyfikację algorytmu, która spowoduje przekształcenie wyrażenia $a_1 p_1 a_2 p_2 \dots p_{k-1} a_k$ do postaci odpowiadającej nawiasowaniu z punktu a), którego nie wskazała(e)ś w punkcie a).

6. [1] Podaj algorytm sprawdzający, czy podany na wejściu ciąg $w_1,...,w_n$ gdzie

$$w_i \in \{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,+,*\}$$

dla i = 1,2,...,n jest poprawnym wyrażeniem w postaci ONP. Uzasadnij poprawność swojego algorytmu, oszacuj jego złożoność czasową. Wskazówki:

- spróbuj wykorzystać podany na wykładzie algorytm wyznaczania wartości wyrażenia w postaci ONP;
- przykłady napisów, które nie są wyrażeniami ONP: 5 6 7 + (za dużo argumentów),
 5 + 6 7 * (brak drugiego argumentu dla +).
- 7. [3] Opisz język L(G) zdefiniowany przez gramatykę G(N,T,P,S), gdzie $N=\{S,C\}$, $T=\{a,b,c\}$ a zbiór produkcji jest następujący:

$$S \rightarrow S \ a \ S \ b \ S \ | \ S \ b \ S \ a \ S \ | \ C \ S \ | \ S \ C \ | \ \epsilon$$

$$C \rightarrow c \ C \ | \ \epsilon$$

Znaku "|" używamy jako alternatywy, tak jak w notacji BNF (np. $S \to X \mid Y$ oznacza dwie produkcje: $S \to X$ i $S \to Y$). Udowodnij, że wskazany przez Ciebie język jest równy L(G).

Zadania dodatkowe, nieobowiązkowe (nie wliczają się do puli punktów do zdobycia na ćwiczeniach, punktacja została podana tylko jako informacja o trudności zadań wg wykładowcy)

8. [0] Wskaż, które z poniższych wyrażeń w postaci ONP są niepoprawne. Dla pozostałych podaj wartości i odpowiadające im wyrażenia w postaci standardowej (infiksowej):

- 9. [0.5] Mamy gramatykę G definiującą składnię instrukcji języka C, za wyjątkiem instrukcji for. W szczególności gramatyka zawiera nieterminal (wyr), z którego można wyprowadzić wszystkie wyrażenia oraz nieterminal (ins) opisujący instrukcje. Podaj jak rozszerzyć taką gramatykę tak, aby dopuszczała również instrukcję for.
- 10. [1] Gramatyki podane na tej liście zadań i gramatyki tworzone w ramach rozwiązań zadań z listy zapisz w postaci BNF i EBNF (wykorzystaj dostępne w BNF i EBN dodatkowe notacje skracające opis gramatyk).
- 11. [3*] Wyznacz ile drzew wyprowadzeń w gramatyce z symbolem startowym S, zbiorem nieterminali N={S} i produkcjami

$$S \rightarrow 0,..., S \rightarrow 9$$

 $S \rightarrow S + S$
 $S \rightarrow S * S$
 $S \rightarrow (S)$

może mieć słowo postaci

$$a_1 p_1 a_2 p_2 \dots p_{k-1} a_k$$

gdzie $a_1, a_2, \dots, a_k \in \{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9\}$ oraz $p_1,p_2 \dots p_{k-1} \in \{+,*\}$.