

EREW 如何在 $O(\log p)$ 内模拟 CRCW:

分发树:

一个超步: 读一个过来, 再写到 SM 中, 因此可以以指数阶增长

当读多个不同数据时, 要将处理器按照读取数据构造数据对, 并统计读同一个数据的个数, 构造不同的分发树, 构成分发森林

如何将求最大值算法改造成并行成本最优?

使用的处理器数量为 $p/\log p$, 最底层的处理器 (即第一次) 每个处理器对 $\log p$ 个数使用串行算法求最大值, 时间为 $O(\log p)$, 之后向上传递是用平衡树的方法, 因此平衡树的时间消耗为 $O(\log(p/\log p))$ 可以化简为 $O(\log p)$; 故第一阶段和第二阶段加在一起时间消耗仍为 $O(\log p)$, 因此并行成本为 $O(p)$ 等于串行算法的时间消耗, 因此为并行成本最优 (此处使用了级联的想法, 即将最底层的串行块和上层的并行块进行连接来完成计算)

谈谈你所知道的并行计算与云计算的区别?

并行计算强调性能, 大规模

云计算强调服务。

并行计算是一台计算机, 配备有多处理机, 多处理机之间进行合同协作计算, 最终结果由一台计算机处理。云计算指计算机通过网络发送计算命令给服务器, 让服务器执行计算任务并将结果返还给发送命令的计算机。并行计算是由单个用户完成的, 云计算是没有用户参与, 交给网络另一端的服务器完成的。云计算由并行计算发展而来, 是并行计算的商业实现。

并程序的描述应如何? 与串程序有什么不同?

循环描述并行化, 任务分配分配, 分配方式

信息同步, 通讯

再论 $O(1)$ 时间并行求解 n 个元素最大值算法, 修改算法能否省去二维 B 数组? M 数组呢?

不可省去二维 B 数组, 但 M 数组可以。因为 M 数组可以用 B 数组的对角元代替。

CMP、SMP 和 Cluster 在处理器、操作系统、并行编程上有什么不同? 其他还有什么更多的区别?

见第一章 PPT 2-右上

如何设计一个 $2 \times 2 \times 2$ 个处理器的度数均衡互连网络 (节点度数均衡是指度数至多差 1), 用最少的连边数获得度数小于等于 3 的互连网络并使网络直径最小?

XYZ 三个轴各减去一条边, 对剖宽度变为 3

试给出环上收集 (all-to-one) 的 CT 选路算法, 并画出 8 个节点环上的选路步骤示意图 (收集到节点 0), 以及推导环上的通信时间。

将课本 P58 页上的图上的所有箭头反方向, 并逆序标注顺序即可。因为发送包长的等比数列仅仅只是反过来而已, 所以时间是相同的

序列 x_1, x_2, \dots, x_n 前缀和串行算法的直接并行化可实现吗? 又如何应用策略 2 和 3 进行并行化?

策略 2: 每个结果 s_i 单独计算, 根据定义出发, 第 i 个结果用 i 个 x , 相当于 n 个并行的求和, 时间为 $O(\log n)$, 使用的总处理器数量为 $O(n^2)$; 模型为 PRAM-CREW

策略 3: 将前缀和转化为线性方程组, 并使用并行化的线性方程组求解算法进行求解

也可以是用平衡树的方式进行计算, 详见书 P199 算法 7.9.

倍增技术也可以做前缀和计算: 从距离为 1, 2, 4 逐渐倍增 (2 的幂)

Activity 11

1. (Homework 2 - Cont.) 在PRAM-CREW模型上，用 n 个处理器在 $O(1)$ 时间内求出数组 $A[1..n]=\{0, \dots, 0, 1, \dots, 1\}$ ，最先为1值的下标。写出并行伪代码。
2. A 是一个大小为 n 的布尔数组，欲求出最小的下标 i 且 $A[i]$ 为真，试设计一个常数时间的PRAM-CRCW并行算法。如果使用PRAM-CREW模型，运行时间如何？

Hint: 1. copy $A[1..n]$ to $B[1..n]$ 3. for $i=1$ to n par-do
 2. for $i=1$ to n par-do if $B[i]=\text{true}$ then
 if $B[i]=\text{true}$ then return i
 for $j=i+1$ to n par-do endif
 $B[j]=\text{false}$ endfor
 endfor
 endif
 endfor

2: 处理器要 $O(n^2)$ ，也可以类比求最大值；如果时间为 $O(\log n)$ ，则处理器只用 $O(n)$ ，用平衡树，或者前缀和都可以完成计算

在超立方结构上，为什么 Simple alg.比 Cannon alg.要快？而 Cannon alg.要比 Fox alg.快？

Fox 出发点，Cannon 算法分了校准步和迭代步，实现会更麻烦；想要实现校准步与迭代步一致的办法；

简单分块中，仅做了两次量很大的通讯；而且存储容量很大
 Cannon 算法中，则做了数量更多的量较小的通讯

Cannon 算法中在第一步做了全域通讯，但在迭代步中，仅做了局域性较小的局域通讯

Fox 算法则一直在做局域性较大的通讯（行级别的通讯）。

简单并行分块乘法是使用多到多播送传输数据的。经过 $\log \sqrt{p}$ 次播送，数据可以传输到所有处理器。

而 Cannon 需要进行旋转，旋转次数共 $\sqrt{p} - 1$ 次，所需次数多，所以慢。

Fox 是先旋转后多到多播送，且每一次旋转都要多到多播送一次，而 Cannon 不需要多到多播送，所以 Fox 慢。

如何将分布式 Cannon alg.伪代码改造为共享存储式算法？并与 Simple alg.比较不同之处。

本质，PPT 中给的分布式在旋转时，要一个个的传递分块矩阵，因此在共享存储模式下，要实现一步到位

Cannon Alg.

```
for all  $P_{ij}$  par-do
{
     $C_{ij} = 0$ 
    for  $k = 0$  to  $\sqrt{p} - 1$  do
         $C_{ij} += A_{i, (i+j+k) \bmod \sqrt{p}} * B_{(i+j+k) \bmod \sqrt{p}, j}$ 
    }
}
```

Simple Alg. //PRAM-CREW

```
for all  $P_{ij}$  par-do
{
     $C_{ij} = 0$ 
    for  $k = 0$  to  $\sqrt{p} - 1$  do
         $C_{ij} += A_{i,k} * B_{k,j}$ 
}
```

对于上三角方程组求解问题，如果使用块行带状划分，其计算效果与前面的循环行带状相比如何？在上三角方程组求解问题中，越靠下的地方运算负载越小（见第三层循环），越靠上的地方运算负载越大。块行带状划分会导致负载出现不均衡，最上面的一块运行得最慢，成为瓶颈。

证明串行 FFT 分治递归算法的正确性。

写出串行 FFT 蝶式递归算法的伪代码。

```
Procedure BF_RFFT(A, B)
{
    if  $n == 1$  then:
         $b_0 = a_0$ 
    else
    {
        (1)
         $A^{[0]} = (a_0^{[0]}, \dots, a_{n/2-1}^{[0]})$ ,  $B^{[0]} = (b_0^{[0]}, \dots, b_{n/2-1}^{[0]})$ 
         $A^{[1]} = (a_0^{[1]}, \dots, a_{n/2-1}^{[1]})$ ,  $B^{[1]} = (b_0^{[1]}, \dots, b_{n/2-1}^{[1]})$ 

        (2)
         $z = 1$ ;
        for  $j = 0$  to  $n/2 - 1$  do
        {
             $a_j^{[0]} = a_j + a_{n/2+j}$ 
             $a_j^{[1]} = (a_j - a_{n/2+j}) * z$ 
             $z = z * \omega$ 
        }

        (3)
        BF_RFFT( $A^{[0]}$ ,  $B^{[0]}$ );
        BF_RFFT( $A^{[1]}$ ,  $B^{[1]}$ );

        (4)
        for  $j = 0$  to  $n/2 - 1$  do
             $b_{2j} = b_j^{[0]}$ 
             $b_{2j+1} = b_j^{[1]}$ 
    }
}
```

SIMD-BF 上的 FFT 算法在蝶形互连的分布式结构上 ω 权因子计算，除了各个节点独立计算方法之外，还有什么计算方法？该方法与前者的区别在哪里？

初始时: $P_{k,i}$ 读入 $w_{\text{expr}}(k,i)$, $k=\log n$

若 $P_{r+1,i}$ 已有 $w_{\text{expr}}(r+1,i)$, 则 $P_{r,i}$ 中的 $w_{\text{expr}}(r,i)=\omega^2 w_{\text{expr}}(r+1,i)$

所以, 经过 $\log n$ 步就可以计算出每个 $w_{\text{expr}}(r,i)$

SIMD-BF 上的 FFT 算法除了适应于蝶形互连的分布式结构, 还有什么样的结构适合?
超立方体, 可以嵌入到超立方体上。

LA: 一维线性连接 Linear Array(Connected)

MC: 二维网孔链接 Mesh Connected

TC: 树形连接 Tree Connected

HC: 超立方连接 Hypercube Connected

CCC: 超立方环连接 Cube Connected-Cycles

SE: 洗牌交换连接 Shuffle Exchange