# Programowanie Funkcyjne

# Rafał Włodarczyk

### INA 4, 2025

# Contents

1	Lecture I - Haskell			
	1.1	Instalacja Haskella - GHCup	2	
	1.2	Problem wczytywania zmiennych	2	
	1.3	Podstawowe typy	3	
	1.4	$\lambda$ -wyrażenie	4	
2	Lecture II			
	2.1	Tworzenie własnych typów	6	
	2.2	Pary		
	2.3	Listy		
3	Lecture III 8			
	3.1	Sortowanie	8	
		Operacje		
		Monoidy		
4	Lecture IV			
	4.1	User defined types	0	

### 1 Lecture I - Haskell

Haskell = leniwy język funkcyjny

functions are first class objects

$$x \to \boxed{\mathrm{f}} \to f(x)$$

Rozważmy fragment kodu:

```
int c = 2;
int f(int x) {
    return (c*x);
}
```

Ta funkcja nie jest czysta - wykorzystuje swoje środowisko.

```
Rozważmy fragment kodu:
```

```
int f(int x) {
    printf("Hello");
    return (2 * x);
}
Zadziała na środowisku zewnętrznym - to nie jest czysta funkcja
int f(int x) {
    return (2*x);
```

Nie wpływa na otoczenie, nie wykorzystuje, ani nie zmienia występujacych obiektów. Języki funkcyjne operują na czystych funkcjach.

#### 1.1 Instalacja Haskella - GHCup

```
ghci - interaktywna konsola GHC (Glasgow Haskell Compilers)
```

```
ghci> 1 + 2
3
ghci> :? # help
ghci> :q # exit
ghci> :load file.hs
```

}

#### 1.2 Problem wczytywania zmiennych

```
!! readInt() {...} :: Int
```

Definition. Funkcja jednej zmiennej. .

Zdefiniujmy funkcję

```
w1.hs
f x = 1 + x*(1+x)
ghci>:load w1
ghci>f 1
3
ghci>:type f
f :: Num a => a -> a
ghci>:info Num
```

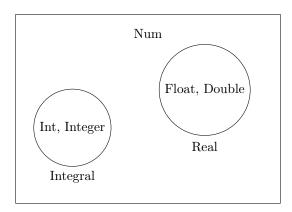
Podstawowy typ Num

```
ghci> :info Num
type Num :: * -> Constraint
class Num a where
    (+) :: a -> a -> a
    (-) :: a -> a -> a
    (*) :: a -> a -> a
    negate :: a -> a
    abs :: a -> a
    signum :: a -> a
    fromInteger :: Integer -> a
   {-# MINIMAL (+), (*), abs, signum, fromInteger, (negate \mid (-)) #-}
        -- Defined in 'GHC.Num'
instance Num Double -- Defined in 'GHC.Float'
instance Num Float -- Defined in 'GHC.Float'
instance Num Int -- Defined in 'GHC.Num'
instance Num Integer -- Defined in 'GHC.Num'
instance Num Word -- Defined in 'GHC.Num'
```

#### 1.3 Podstawowe typy

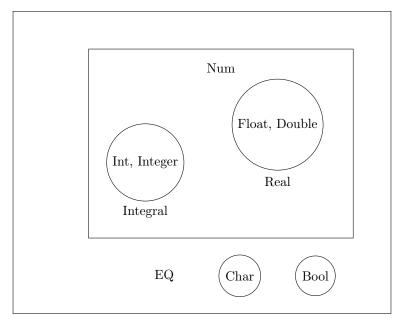
Int, Integer (unlimited size), Float, Double, Char, Bool

Int, Integer  $\in$  Integral  $\subseteq$  Num



Pod spodem działa Teoria Typowania Hindleya - Milnera

f(3.23 :: Double) # możemy explicite wymusić typ



**Definition. w1.hs.** Zdefiniujmy funkcje:

```
ghci> g x y = 1 + x * y
ghci> :type g
g :: (Fractional t1, Num a) => t1 -> t2 -> a
ghci> g x y = 1 + x * y
ghci> h = g (2::Int)
ghci> :t h
h :: Int -> Int
```

Z podobną sytuacją mieliśmy do czynienia przy potęgowaniu liczb kardynalnych:

$$\left| C^{B \times A} \right| = \left| \left( C^B \right)^A \right| \tag{1}$$

#### 1.4 $\lambda$ -wyrażenie

Definition.  $\lambda$ -wyrażenie (funkcja anonimowa).

$$(\lambda x \to \exp(t)) = \exp[x \leadsto t]$$

Chcielibyśmy znaleźć:

$$\Psi: C^{B \times A} \to \left(C^B\right)^A \tag{2}$$

$$\Psi(t) = (\lambda a : A \to (\lambda b : B \to f(a, b))) \tag{3}$$

$$\Psi(f)(a) = (\lambda b : B \to f(a, b)) \tag{4}$$

Funkcję  $\Psi$ nazywamy funkcją curry. Wszyskie funkcje w Haskellu są poddane curryingowi.

 $Curry\ Haskell\ -\ Amerykański\ Logik\ z\ XX\ wieku.$ 

Podstawowym narzędziem języków funkcyjnych jest rekursja.

**Information. Silnia.** Zapiszmy silnię w Haskellu. Najsilniejsze działanie w Haskellu to aplikacja funkcji na argumencie:

```
fact1 n = if n == 0 then 1
else n * fact1 (n - 1);
```

else musi być w Haskellu - wynik zawsze musi być czymś.

Information. Pattern Matchings. Zapiszmy lepszą silnie:

```
fact2::Integer -> Integer
fact2 0 = 1
fact2 n = n * fact2(n-1)
```

Information. Case Expression. Zapiszmy za pomocą case expression:

```
fact3 n = case n of

0 \rightarrow 1

otheriwse \rightarrow n * fact3(n-1)
```

Information. Pseudozmienne. Zapiszmy pseudozmienne:

#### 2 Lecture II

x + x\*y + y\*y

Zbadajmy identyczność:

```
id:: a -> a
id:: forall a => a -> a
```

Lambda kwantyfikuje typy, a nie zmienne - głębokie znaczenie polimorfizmu

$$\exp = (\lambda a : \text{Typ} \to (a \to a)) \tag{5}$$

$$\exp(\operatorname{Int}) :: \operatorname{Int} \to \operatorname{Int}$$
 (6)

$$\exp(\text{Double}) :: \text{Double} \to \text{Double}$$
 (7)

$$\exp = (\forall a : \text{Num} \to (a \to a)) \tag{8}$$

Zasada: W linijce przed wyrażeniem opisuje jego typ.

#### 2.1 Tworzenie własnych typów

- 1. pary
- 2. listy

#### 2.2 Pary

#### 2.3 Listy

[a] = elementów a

$$\{[a_1, \dots, a_k] : a_1, \dots, a_k, a_i \in a, k \in \mathbb{N}\}\$$
 (9)

[1,2,3]

```
x_0: [x_1, x_2, ..., x_k] = [x_0, x_1, ... x_k]
[] <- lista pusta
[1,2,3] ~= 1:2:3:[]
konkatenacja dwóch list ++
[1,2,3] ++ [4,5,6] = [1,2,3,4,5,6]
concat :: [[a]] -> [a]
concat [[1,2,3],[5],[0,1]] = [1,2,3,4,0,1]
length :: [a] -> Int
length [] = 0
length (x:xs) = 1 + length xs -- x, xs (some x-es)
aplikacja funkcji do zmiennej ma najwyższy priorytet
f x = \dots
[] ++ ys = ys
(x:xs)++ys = x:(xs++ys)
[1,2]++[] = 1:([2]++[]) = 1:(2:([]||[])) = [1,2]
head [] = error bad: pusta lista
head (x:_) = x
tail [] = []
tail (x:xs) = xs
-- mapowanie
[x_1,x_2,...x_k], f: a -> b
[fx_1,fx_2...fx_k]
map::(a->b)->[a]->[b]
map [] = []
-- ciąg którego głowa to jest x, a ogon to xs
map f (x:xs) = f x : map f xs
map(\x -> x^2)[1..10] -> [1^2, 2^2, ..., 100]
-- filtrowanie
filter::(a->Bool)->[a]->[a]
filter even [1..10] \rightarrow [2,4,6,8,10]
filter _ [] = []
filter p (x:xs) = if p x then x:filter p xs
                  else filter p xs
-- prototypy
```

list comprehension

```
[f x_1 x_2 x_3 | x_1 <- xs, x_2 <- ys, x_3 <- zs]

[f x_1 x_2 x_3 | x_1 <- xs, x_2 <- ys, x_1 <x_2, x_3 <- zs]

# wszystkie trójki pitagorejskie do 100

[(x,y,z) | z <- [1..100] y <- [1..z], x <- [1..y], x^2 + y^2 = z^2, gcd(x,y) = 1]
```

#### 3 Lecture III

Prelude - zestaw funkcji automatycznie ładowanych.

Typ wbudowany:

```
type String = [Char]
```

#### 3.1 Sortowanie

```
{- SORTOWANIA -}
-- quicksort
qS [] = []
qS(x:xs) = (qS[y|y <-xs, y < x]) ++
            [x] ++
            (qS [y| y \leftarrow xs, y >= x])
-- partition
partition :: (a -> Bool) -> [a] -> ([a], [a])
partition _ [] = ([], [])
partition p(x:xs) = if p x then(x:1, r)
                             else (1, x:r)
                         where (1, r) = partition p xs
-- qSort
qSort []
             = []
qSort [x]
             = [x]
qSort(x:xs) = (qSort 1) ++ [x] ++ (qSort r)
               where (1, r) = partition (< x) xs
-- inSort
inSort []
              = []
inSort (x:xs) = 1 ++ [x] ++ r
                where sxs = inSort xs
                       (1, r) = partition (<x) sxs
```

### 3.2 Operacje

```
Operacje binarne: +,-,*,\wedge,:,< [1..] - nieskończona lista zipWith (zipWith (+)) - suma 2 macierzy
```

```
> zipWith (zipWith (+)) [[1,1],[1,1]] [[2,3],[4,5]] [[3,4], [5, 6]] add [] = 0 add (x:xs) = x + add xs -- product pro [] = 1 pro (x:xs) = x * pro xs [x_1, x_2, x_3, x_4], *, e \text{ to wtedy } x_1 * (x_2 * (x_3 * (x_4 * e))) \text{ lub } (((x_1 * e) * x_2) * x_3) * x_4
```

### 3.3 Monoidy

Jeśli \* jest łączne, a e to element neutralny, to (X, \*, e) nazywamy monoidem.

$$x \square y = y * x$$
$$foldl(\square)e[x1, x2, x3, x4]$$

```
\square
/\
x4 \square
/\
x3 \square
/\
x2 \square
/\
x1 e

foldl (\(\sigma\) e xs = foldr (*) e (reverse xs)
(flip f) x y = f y x
reverse xs = foldl (flip(:)) [] xs
```

### 4 Lecture IV

### 4.1 User defined types

- $\bullet\,$ type synonim na istniejący typ
- $\bullet$  data

Tworzę grę. W te grę chciałbym załadować ... FIZYKĘ