Programowanie Funkcyjne

Rafał Włodarczyk

INA 4, 2025

Contents

1	Lecture I - Haskell		
	1.1	Instalacja Haskella - GHCup	2
	1.2	Problem wczytywania zmiennych	2
	1.3	Podstawowe typy	3
		λ -wyrażenie	
	Lecture II		
	2.1	Tworzenie własnych typów	6
	2.2	Pary	6
	2.3	Listy	6

1 Lecture I - Haskell

Haskell = leniwy język funkcyjny

 $functions\ are\ first\ class\ objects$

$$x \to \boxed{\mathbf{f}} \to f(x)$$

Rozważmy fragment kodu:

```
int c = 2;
int f(int x) {
    return (c*x);
}
```

Ta funkcja nie jest czysta - wykorzystuje swoje środowisko.

Rozważmy fragment kodu:

```
int f(int x) {
    printf("Hello");
    return (2 * x);
}
```

Zadziała na środowisku zewnętrznym - to nie jest czysta funkcja

```
int f(int x) {
    return (2*x);
}
```

Nie wpływa na otoczenie, nie wykorzystuje, ani nie zmienia występujacych obiektów. Języki funkcyjne operują na czystych funkcjach.

1.1 Instalacja Haskella - GHCup

```
ghci - interaktywna konsola GHC (Glasgow Haskell Compilers)
```

```
ghci> 1 + 2
3
ghci> :? # help
ghci> :q # exit
ghci> :load file.hs
```

1.2 Problem wczytywania zmiennych

```
!! readInt() {...} :: Int
```

Definition. Funkcja jednej zmiennej. .

```
Zdefiniujmy funkcję
```

w1.hs

```
f x = 1 + x*(1+x)
ghci>:load w1
ghci>f 1
3
ghci>:type f
f :: Num a => a -> a
ghci>:info Num
Podstawowy typ Num
ghci> :info Num
type Num :: * -> Constraint
class Num a where
    (+) :: a -> a -> a
    (-) :: a -> a -> a
    (*) :: a -> a -> a
    negate :: a -> a
    abs :: a -> a
    signum :: a -> a
    fromInteger :: Integer -> a
```

```
{-# MINIMAL (+), (*), abs, signum, fromInteger, (negate | (-)) #-}
-- Defined in 'GHC.Num'

instance Num Double -- Defined in 'GHC.Float'

instance Num Float -- Defined in 'GHC.Float'

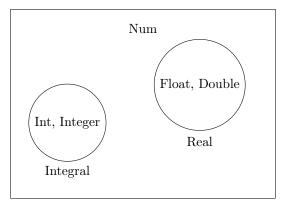
instance Num Int -- Defined in 'GHC.Num'

instance Num Integer -- Defined in 'GHC.Num'
```

1.3 Podstawowe typy

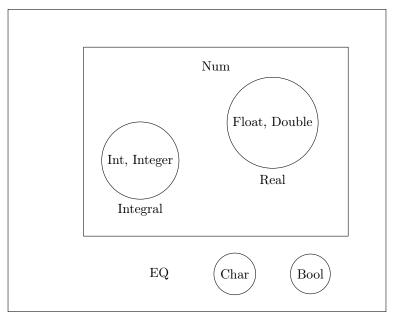
Int, Integer (unlimited size), Float, Double, Char, Bool

Int, Integer \in Integral \subseteq Num



Pod spodem działa Teoria Typowania Hindleya - Milnera

f(3.23 :: Double) # możemy explicite wymusić typ



Definition. w1.hs. Zdefiniujmy funkcje:

```
ghci> g x y = 1 + x * y
ghci> :type g
g :: (Fractional t1, Num a) => t1 -> t2 -> a
ghci> g x y = 1 + x * y
ghci> h = g (2::Int)
ghci> :t h
h :: Int -> Int
```

Z podobną sytuacją mieliśmy do czynienia przy potęgowaniu liczb kardynalnych:

$$\left| C^{B \times A} \right| = \left| \left(C^B \right)^A \right| \tag{1}$$

1.4 λ -wyrażenie

Definition. λ -wyrażenie (funkcja anonimowa).

$$(\lambda x \to \exp(t)) = \exp[x \leadsto t]$$

Chcielibyśmy znaleźć:

$$\Psi: C^{B \times A} \to \left(C^B\right)^A \tag{2}$$

$$\Psi(t) = (\lambda a : A \to (\lambda b : B \to f(a, b))) \tag{3}$$

$$\Psi(f)(a) = (\lambda b : B \to f(a, b)) \tag{4}$$

Funkcję Ψ nazywamy funkcją curry. Wszyskie funkcje w Haskellu są poddane curryingowi.

Curry Haskell - Amerykański Logik z XX wieku.

Podstawowym narzędziem języków funkcyjnych jest rekursja.

Information. Silnia. Zapiszmy silnię w Haskellu. Najsilniejsze działanie w Haskellu to aplikacja funkcji na argumencie:

else musi być w Haskellu - wynik zawsze musi być czymś.

Information. Pattern Matchings. Zapiszmy lepszą silnie:

```
fact2::Integer -> Integer
fact2 0 = 1
fact2 n = n * fact2(n-1)
```

Information. Case Expression. Zapiszmy za pomocą case expression:

Równoważnik Haskellowy:

h x =
$$(\y -> x + x*y + y*y)(\sin x)$$

h x = let y = $\sin x \text{ in}$
 $x + x*y + y*y$

2 Lecture II

Zbadajmy identyczność:

```
id:: a -> a
id:: forall a => a -> a
```

Lambda kwantyfikuje typy, a nie zmienne - głębokie znaczenie polimorfizmu

$$\exp = (\lambda a : \text{Typ} \to (a \to a)) \tag{5}$$

$$\exp(\operatorname{Int}) :: \operatorname{Int} \to \operatorname{Int}$$
 (6)

$$\exp(\text{Double}) :: \text{Double} \to \text{Double}$$
 (7)

$$\exp = (\forall a : \text{Num} \to (a \to a)) \tag{8}$$

Zasada: W linijce przed wyrażeniem opisuje jego typ.

2.1 Tworzenie własnych typów

- 1. pary
- 2. listy

2.2 Pary

2.3 Listy

[a] = elementów a

$$\{[a_1, \dots, a_k] : a_1, \dots, a_k, a_i \in a, k \in \mathbb{N}\}\$$
 (9)

[1,2,3]

[] ++ ys = ys

```
[1,_]->[2, ]->[3, ]->[]
x_0: [x_1, x_2, ..., x_k] = [x_0, x_1, ... x_k]
[] <- lista pusta
[1,2,3] ~= 1:2:3:[]
konkatenacja dwóch list ++
[1,2,3] ++ [4,5,6] = [1,2,3,4,5,6]

concat :: [[a]] -> [a]
concat [[1,2,3],[5],[0,1]] = [1,2,3,4,0,1]

length :: [a] -> Int
length [] = 0
length (x:xs) = 1 + length xs -- x, xs (some x-es)

aplikacja funkcji do zmiennej ma najwyższy priorytet
f x = ...
```

```
(x:xs)++ys = x:(xs++ys)
[1,2]++[] = 1:([2]++[]) = 1:(2:([]||[])) = [1,2]
head [] = error bad: pusta lista
head (x:_) = x
tail [] = []
tail (x:xs) = xs
-- mapowanie
[x_1,x_2,...x_k], f: a -> b
[fx_1,fx_2...fx_k]
map::(a->b)->[a]->[b]
map [] = []
-- ciąg którego głowa to jest x, a ogon to xs
map f (x:xs) = f x : map f xs
map(\x -> x^2)[1..10] -> [1^2, 2^2, ..., 100]
-- filtrowanie
filter::(a->Bool)->[a]->[a]
filter even [1..10] \rightarrow [2,4,6,8,10]
filter _ [] = []
filter p (x:xs) = if p x then x:filter p xs
                   else filter p xs
-- prototypy
list comprehension
[f x_1 x_2 x_3 | x_1 < xs, x_2 < ys, x_3 < zs]
[f x_1 x_2 x_3 | x_1 < x_s, x_2 < y_s, x_1 < x_2, x_3 < z_s]
# wszystkie trójki pitagorejskie do 100
[(x,y,z) \mid z \leftarrow [1..100] \ y \leftarrow [1..z], \ x \leftarrow [1..y], \ x^2+y^2==z^2, \ gcd(x,y)==1]
```