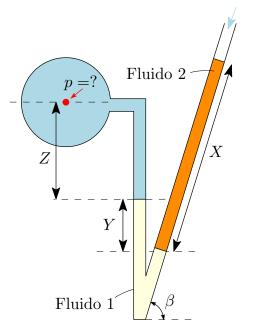
1 Primeira questão

Calcular a pressão relativa no ponto indicado da tubulação. Resposta em Pa com uma casa decimal.

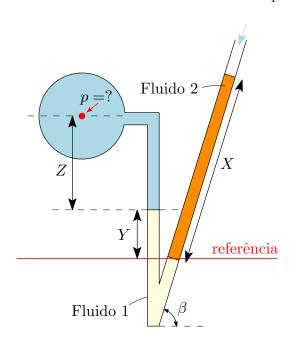
Dados:

- Massa específica do fluido $1 = 13.1 \,\mathrm{g/cm^3}$
- Massa específica do fluido $2 = 8.3 \,\mathrm{g/cm^3}$
- Massa específica da água = $1000 \,\mathrm{kg/m^3}$
- $X = 18.4 \, \text{cm}$
- $Y = 8.3 \, \text{cm}$
- $Z = 21.9 \, \text{cm}$
- $\beta = 67.4$ °

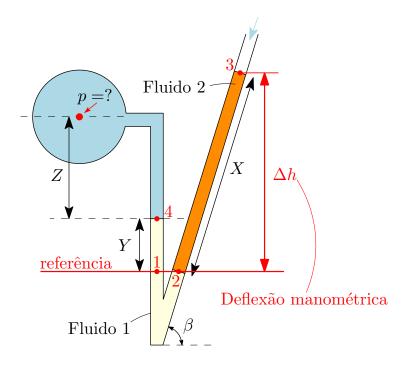


1.1 Solução

(1) Estabelecer um referencial. É comum adotar a interface líquido-líquido mostrada.



(2) Após estabelecer a cota de referência deve-se demarcar os pontos que serão analisados quanto a variação de pressão. Nesse caso, foram definidos dois pontos pertencentes à cota (1 e 2) e um ponto na superfície superior do fluido 2 (3) já que a pressão atmosférica na região simplifica os cálculos.



(3) Agora basta aplicar a lógica assimilada na parte de manômetros diferenciais e formular as equações para cada par de pontos como é visto abaixo

$$\begin{cases} p_1 - p_4 = \gamma_1 \cdot Y \\ p_4 - p = \gamma_{\text{H}_2\text{O}} \cdot Z \end{cases}$$

Consequentemente

$$p_1 - p = \gamma_1 \cdot Y + \gamma_{\text{H}_2\text{O}} \cdot Z \tag{1}$$

(4) Aplicando os conceitos vistos em hidrostática, sabemos que pontos na mesma cota e **fluido** apresentam a mesma pressão (1 e 2), logo

$$p_1 = p_2 \tag{2}$$

Ao analisar o tubo contendo o fluido 2

$$p_2 - p_3 = \gamma_2 \cdot X \cdot \sin \beta \tag{3}$$

 $Como p_3 = 0 e p_1 = p_2$

$$p_1 = \gamma_2 \cdot X \cdot \sin \beta \tag{4}$$

Voltando em (1) e substituindo chegamos que

$$p = \gamma_2 \cdot X \cdot \sin \beta - \gamma_1 \cdot Y - \gamma_{\text{H}_2\text{O}} \cdot Z \tag{5}$$

(5) Por fim, é necessário considerar as unidades no SI e converter as massas específicas dadas em gramas por centímetro cúbico (g/cm^3) para quilogramas por metro cúbico (kg/m^3)

$$\frac{g}{cm^3} = \frac{10^{-3}}{(10^{-2})^3} \frac{kg}{m^3} \tag{6}$$

$$= \frac{10^{-3} \text{ kg}}{10^{-6} \text{ m}^3} \tag{7}$$

$$= 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \tag{8}$$

(6) Ao multiplicar os valores de massa específica em gramas por centímetro cúbico por 1000 e substituir o restante dos valores de comprimento (em metros) na equação obtida para p

$$p = 8300 \cdot 0.184 \cdot \sin 67.4^{\circ} - 13100 \cdot 0.083 - 1000 \cdot 0.219 \tag{9}$$

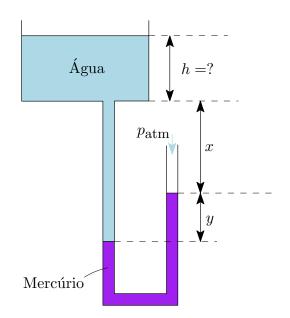
$$= 103.6 \,\mathrm{Pa} \approx 0.1 \,\mathrm{kPa}$$
 (10)

2 Segunda questão

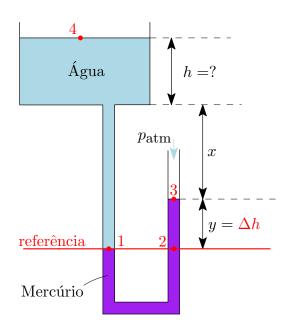
A figura abaixo ilustra um reservatório de água, cujo nível h pode ser determinado utilizando um manômetro. Calcule o valor de h em centímetros (cm) com uma casa decimal.

Dados:

- Reservatório contém água
- Manômetro contém líquido manométrico: Mercúrio
- Peso específico da água: $\gamma_{\rm H_2O} = 1000\,{\rm kgf/m^3}$
- Peso específico do mercúrio: $\gamma_{\rm Hg} = 13\,600\,{\rm kgf/m^3}$
- $x = 29.2 \, \text{cm}$
- $y = 10.9 \, \text{cm}$



(1) De maneira análoga a que foi usada na questão anterior, foi feito o estabelecimento de uma cota de referência e a marcação dos pontos para formular as equações



(2) As equações obtidas são

$$\begin{cases} p_1 - p_4 = \gamma_{\text{H}_2\text{O}} \cdot (x + y + h) \\ p_2 - p_3 = \gamma_{\text{Hg}} \cdot y \end{cases}$$

Assim

$$p_1 = p_2 \tag{11}$$

$$\gamma_{\rm H_2O} \cdot (x + y + h) = \gamma_{\rm Hg} \cdot y \tag{12}$$

$$p_{1} = p_{2}$$

$$\gamma_{\text{H}_{2}\text{O}} \cdot (x + y + h) = \gamma_{\text{Hg}} \cdot y$$

$$h = \frac{(\gamma_{\text{Hg}} - \gamma_{\text{H}_{2}\text{O}}) \cdot y - \gamma_{\text{H}_{2}\text{O}} \cdot x}{\gamma_{\text{H}_{2}\text{O}}}$$

$$(12)$$

Considerando que

$$1 \,\mathrm{kgf} = 9.81 \,\mathrm{N}$$
 (14)

temos

$$h = \frac{9.81 \cdot (13600 - 1000) \cdot 10.9 \cdot 10^{-2} - 9.81 \cdot 1000 \cdot 29.2 \cdot 10^{-2}}{9.81 \cdot 1000}$$
(15)

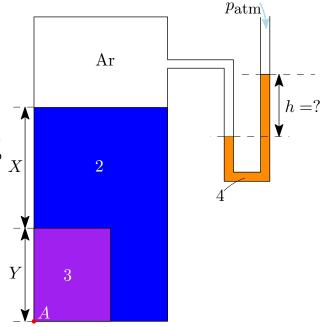
$$= 1.0814 \,\mathrm{m} \approx 108.1 \,\mathrm{cm}$$
 (16)

3 Terceira questão

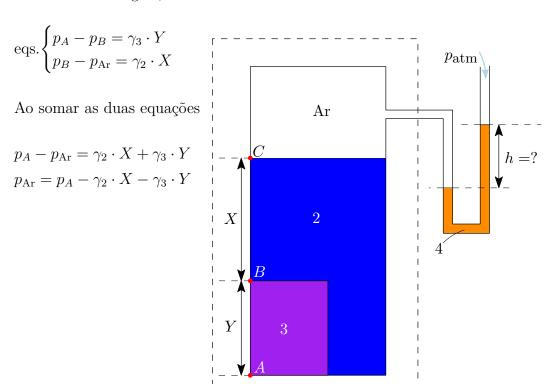
Calcular a altura h em cm e apresentar o resultado com duas casas decimais.

Dados:

- Pressão no ponto A: $p_A = 148.67 \, \text{kPa}$
- $X = 59.4 \, \text{cm}$
- $Y = 65.5 \,\mathrm{cm}$
- Densidade do ar é desprezível. Pode-se assumir que a pressão é a mesma em todo o volume ocupado pelo ar.
- $\rho_1 = 1 \, \text{g/cm}^3$
- $\rho_2 = 13.6 \,\mathrm{g/cm^3}$
- $\gamma_4 = 0.13 \, \text{lbf/in}^3$
 - -1 lbf = 4.448 N
 - -1 in = 25.4 mm
 - $-g = 9.81 \,\mathrm{m/s^2}$



(1) Ao analisar o tubo contendo ar e o fluido 4, é preciso estabelecer o referencial igual ao que foi feito anteriormente, porém nesse exercício a pressão que o ar exerce no ponto 1 não é desprezível, tendo em vista que suas moléculas confinadas no volume, ao serem aproximadas (compressão), mantêm em equilíbrio o fluido presente no tubo. Para encontrar a equação que relaciona X, Y, γ₂, γ₃ podem ser utilizados alguns caminhos. A partir de um sistema de equações como é visto a seguir, temos

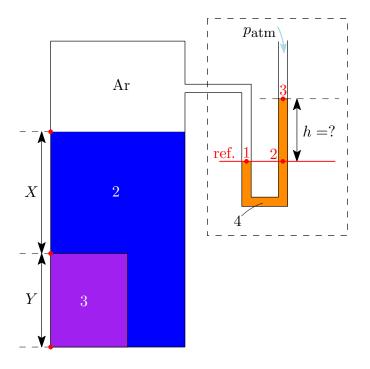


(2) Substituindo os dados do exercício conforme o SI, vem

$$p_{\rm Ar} = 148670 - 1000 \cdot 0.594 - 13600 \cdot 0.655 \tag{17}$$

$$= 139168 \,\mathrm{Pa}$$
 (18)

(3) Após analisar o tubo com o fluido 4 e estabelecer o referencial visto abaixo, temos



$$p_{\rm Ar} = p_2 = p_3 + \gamma_4 \cdot h \tag{19}$$

Como p_3 é desprezível

$$h = \frac{p_{\rm Ar}}{\gamma_4} \tag{20}$$

(4) Antes de substituir é preciso converter o peso específico fornecido em lbf/in³ para N/m³

$$\gamma_4 = 0.13 \frac{\text{lbf}}{\text{in}^3}$$

$$= \frac{0.13 \cdot 4.448}{0.0254^3} \frac{\text{N}}{\text{m}^3}$$

$$= 35 286.369 785 3 \frac{\text{N}}{\text{m}^3}$$
(23)

$$= \frac{0.13 \cdot 4.448}{0.0254^3} \frac{N}{m^3} \tag{22}$$

$$= 35286.3697853 \frac{N}{m^3}$$
 (23)

(5) Assim

$$h = 3.9439 \,\mathrm{m} = 394.39 \,\mathrm{cm}$$
 (24)

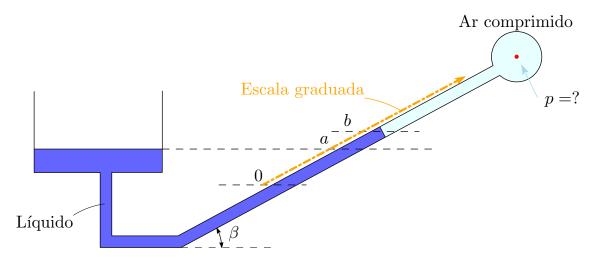
4 Quarta questão

Para a figura apresentada, calcular a pressão absoluta no final do tubo, onde há uma câmara contendo ar comprimido. Resposta em kPa com uma casa decimal.

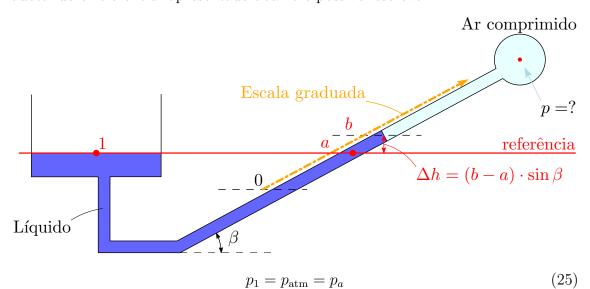
Dados:

- a=4 in
- $b = 16.4 \, \text{in}$

- $\beta = 72.7^{\circ}$
- $d_l = 9.5$
- $p_{\rm atm} = 101\,325\,{\rm N/m^2}$
- 1 in = 2.54 cm
- $\rho_{\rm H_2O} = 1000\,{\rm kg/m^3}$ (substância padrão)
- $g = 9.81 \,\mathrm{m/s^2}$
- Dica: A massa específica do ar é desprezível e pode-se assumir que a pressão é a mesma em todo o volume ocupado por ar comprimido.



Após marcar o ponto 1 e considerar que ele está sujeito à pressão atmosférica, adotando o referencial apresentado abaixo é possível escrever



Fazendo $p_a - p_b$ temos

$$p_a - p_b = \gamma_l \cdot \Delta h \tag{26}$$

$$= \gamma_l \cdot (b-a) \cdot \sin \beta \tag{27}$$

$$= \rho_l \cdot g \cdot (b-a) \cdot \sin \beta \tag{28}$$

$$= 9500 \cdot 9.81 \cdot (16.4 - 4) \cdot 0.0254 \cdot \sin 72.7^{\circ}$$
 (29)

$$= 28024.8046462 Pa \tag{30}$$

Como $p_1 = p_a$ podemos escrever

$$101\,325 - p_b = 28\,024.804\,646\,2 \tag{31}$$

$$p_b = 73\,300.195\,353\,8\,\mathrm{Pa}$$
 (32)

$$p_b = p = 73.3 \,\text{kPa}$$
 (33)

Como a pressão absoluta é dada pela soma da pressão relativa (no ponto) e a pressão atmosférica, temos

$$(p_{\rm abs})_b = p_{\rm atm} + \overbrace{p_b}^{\rm relativa}$$
 (34)

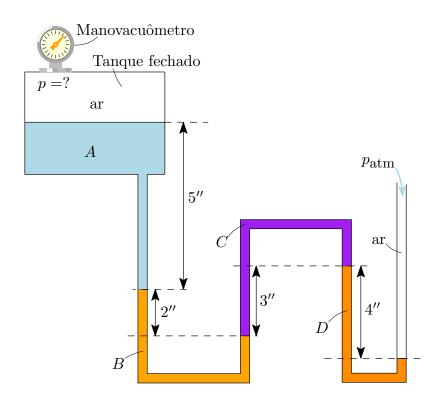
$$= 101.325 + 73.3 \approx 174.6 \,\mathrm{kPa} \tag{35}$$

5 Quinta questão

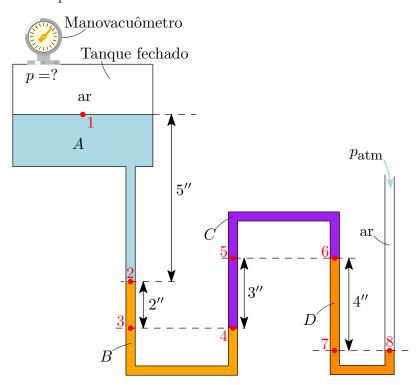
Calcule a pressão relativa indicada pelo manovacuômetro para a situação ilustrada abaixo. Resposta em mbar (milibar) com uma casa decimal. Caso a pressão seja negativa, o resultado deve conter o sinal negativo.

Dados:

- 1. Densidade dos fluidos indicados no desenho:
 - $d_A = 2.3$
 - $d_B = 5.4$
 - $d_C = 1.3$
 - $d_D = 6.9$
- 2. Comprimento em polegadas (")
- 3. 1 in = 2.53 cm
- 4. Massa específica da água (substância padrão): $\rho_{\rm H_2O}=1000\,{\rm kg/m^3}$
- 5. $q = 9.81 \,\mathrm{m/s^2}$
- 6. A massa específica do ar é desprezível e pode-se assumir que a pressão é a mesma em todo o volume do tanque ocupado por ar.



Com base nas cotas tracejadas feitas nos tubos ao realizar a análise percorrendo o sistema partindo do tubo com a extremidade sujeita à pressão atmosférica e tendo como referência os pontos numerados de 1 a 8



$$p_8 = p_7 = p_{\text{atm}} = 0 (36)$$

$$\mathcal{P}_7 - p_6 = \gamma_D \cdot 4'' \tag{37}$$

$$p_6 = p_5 = -\gamma_D \cdot 4'' \tag{38}$$

$$p_4 - p_5 = \gamma_C \cdot 3''$$
 (39)
 $p_4 = \gamma_C \cdot 3'' - \gamma_D \cdot 4''$ (40)

$$p_4 = \gamma_C \cdot 3'' - \gamma_D \cdot 4'' \tag{40}$$

Como $p_4 = p_3$

$$p_3 - p_2 = \gamma_B \cdot 2'' \tag{41}$$

$$p_2 = \gamma_C \cdot 3'' - \gamma_D \cdot 4' - \gamma_B \cdot 2'' \tag{42}$$

$$p_2 - p_1 = \gamma_A \cdot 5'' \tag{43}$$

$$p_1 = \gamma_C \cdot 3'' - \gamma_D \cdot 4'' - \gamma_B \cdot 2'' - \gamma_A \cdot 5'' \tag{44}$$

$$p_1 = p \tag{45}$$

$$= (\rho_C \cdot 3 - \rho_D \cdot 4 - \rho_B \cdot 2 - \rho_A \cdot 5) \cdot g \cdot \xi \tag{46}$$

$$= (1300 \cdot 3 - 6900 \cdot 4 - 5400 \cdot 2 - 2300 \cdot 5) \cdot 9.81 \cdot 0.0254 \tag{47}$$

$$= -11462.004 \,\mathrm{Pa}$$
 (48)

$$= -11.462004 \cdot 0.01 \tag{49}$$

$$= -114.6 \,\text{mbar}$$
 (50)