Python 大作业报告

—LowPoly 图像效果

吴克文 倪星宇 张云帆 2017 年 4 月

1 准备工作

安装 Python3, 并安装库 Scipy, Numpy, Pillow。

2 运行

\$ python3 lowpoly.py path/to/input.png path/of/output.png

注:

input.png: 输入图片 output.png: 输出图片

3 核心算法

本作业参考了 [1][2] 两篇论文,综合效果和实现难度进行了调整,根据两位一作在知乎的回答¹,删去了繁琐的细节调整和性能优化部分。

整体算法流程为: 先对图片进行边缘检测, 在边缘处取点, 并在全图随机撒点, 之后对点进行三角剖分, 最后对每个三角形进行颜色计算。 以下为算法的详细介绍。

3.1 边缘检测算法

此部分参考²。采用 Sobel 边缘检测算法。

¹https://www.zhihu.com/question/29856775

²http://www.cnblogs.com/lancidie/archive/2011/07/17/2108885.html

定义 3.1 *Sobel* 算子: 离散性差分算子, 用来运算图像亮度函数的灰度近似值。 在图像的任何一点使用此算子, 将会产生对应的灰度矢量或是其法矢量。

该算子包含两组 3×3 的矩阵,分别为横向及纵向,将其与图像作平面卷积,即可分别得出横向及纵向的亮度差分近似值。

如果以 A 代表原始图像, G_x 及 G_y 分别代表经横向及纵向边缘检测的图像灰度值,其公式如下:

$$G_x = \begin{pmatrix} -1 & 0 & +1 \\ -2 & 0 & +2 \\ -1 & 0 & +1 \end{pmatrix} \times A \tag{1}$$

$$G_y = \begin{pmatrix} +1 & +2 & +1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -2 & -1 \end{pmatrix} \times A \tag{2}$$

(3)

梯度 G 的计算方法为:

$$G = \sqrt{G_x^2 + G_y^2} \tag{4}$$

通常为了提高效率,使用不开方的近似值:

$$|G| = |G_x| + |G_y| \tag{5}$$

如果梯度 G 大于某一阀值则认为该点 (x,y) 为边缘点。 然后可用以下公式计算梯度方向:

$$\Theta = \arctan\left(\frac{G_y}{G_x}\right) \tag{6}$$

Algorithm 1: Sobel Edge Feature Detection

Input: Source pic, Threshold

Output: List of vertices on edge

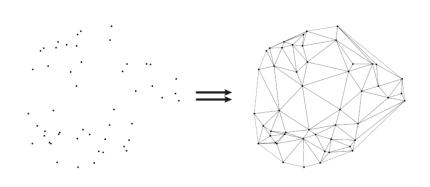
- 1 Initialize the vertex list;
- 2 foreach point in the src pic do
- 3 Calculate its gradient with *Sobel* operator;
- 4 if its gradient greater than threshold then
- 5 Add it to the vertex list;
- 6 end
- 7 end
- 8 Return the vertex list;

3.2 三角剖分

此部分参考34。

定义 3.2 三角剖分: 假设 \mathcal{V} 是二维实数域上的有限点集,边 e 是由点集中的点作为端点构成的封闭线段, \mathcal{E} 为 e 的集合。那么该点集 \mathcal{V} 的一个三角剖分 $\mathcal{T}=(\mathcal{V},\mathcal{E})$ 是一个平面图 \mathcal{G} ,该平面图满足条件:

- 1. 除了端点,平面图中的边不包含点集中的任何点。
- 2. 没有相交边。
- 3. 平面图中所有的面都是三角面,且所有三角面的合集是散点集 V 的凸包。 在实际中运用的最多的三角剖分是 Delaunay 三角剖分,它是一种特殊的三角 剖分。
- **定义 3.3** *Delaunay* 边:假设 \mathcal{E} 中的一条边 e = (a,b), e 若满足下列条件,则称之为 *Delaunay* 边:存在一个圆经过 a,b 两点,圆内不含点集 \mathcal{V} 中任何其他的点。这一特性又称空圆特性。
- **定义 3.4** Delaunay 三角剖分: 如果点集 \mathcal{V} 的一个三角剖分 \mathcal{T} 只包含 Delaunay 边, 那么该三角剖分称为 Delaunay 三角剖分。
- **定义 3.5** 假设 \mathcal{T} 为 \mathcal{V} 的任一三角剖分,则 \mathcal{T} 是 \mathcal{V} 的一个 Delaunay 三角剖分,当前仅当 \mathcal{T} 中的每个三角形的外接圆的内部不包含 \mathcal{V} 中任何的点。
 - 定义 3.6 超级三角形:该三角形包含了点集中所有的点。



³http://paulbourke.net/papers/triangulate/

⁴http://www.cnblogs.com/zhiyishou/p/4430017.html

```
Algorithm 2: Delaunay Triangulation
   Input: Vertex list
   Output: Triangle list
1 Initialize the triangle list;
2 Determine supertriangle;
3 Add supertriangle vertices to the end of the vertex list;
4 Add supertriangle to the triangle list;
  foreach sample point in vertex list do
      Initialize edge buffer;
6
      foreach triangle currently in the triangle list do
7
          calculate the triangle circumcircle center and radius;
8
          if the point lies in the triangle circumcircle then
9
              Add triangle edges to edge buffer;
10
              remove triangle from the triangle list;
11
          end
12
          Delete all doubly specified edges from edge buffer, this leaves the
13
           edges of the enclosing polygon only;
          Add to the triangle list all triangles formed between the point and
14
           the edges of the enclosing polygon;
      end
15
      Remove any triangles from triangle list that use supertriangle vertices;
16
      Remove the supertriangle vertices from the vertex list;
17
18 end
```

3.3 颜色计算

根据论文 [1],将每个三角形内部的所有点颜色按 L 值排序,选取其中 $40\% \sim 60\%$ 的点计算颜色均值。

定义 3.7 Lab 模式: Lab 模式是由国际照明委员会(CIE)于 1976年公布的一种色彩模式,是 CIE 组织确定的一个理论上包括了人眼可见的所有色彩的色彩模式。

定义 3.8 L 值: Lab 模式下的第一个通道,即,明度通道。

- 4 核心代码
- 5 效果展示

参考文献

- [1] Meng Gai and Guoping Wang. Artistic low poly rendering for images. *The visual computer*, 32(4):491–500, 2016.
- [2] Wenli Zhang, Shuangjiu Xiao, and Xin Shi. Low-poly style image and video processing. In Systems, Signals and Image Processing (IWSSIP), 2015 International Conference on, pages 97–100. IEEE, 2015.