

CSP2019 模拟赛

Day 1

时间：2019 年我也不知道什么时候

题目名称	雨中的晴天	燃烧的火焰	消失的序列
题目类型	传统型	传统型	传统型
目录	weather	flame	stack
可执行文件名	weather	flame	stack
输入文件名	weather.in	flame.in	stack.in
输出文件名	weather.out	flame.out	stack.out
每个测试点时限	1.0 秒	1.0 秒	1.0 秒
内存限制	512MB	512MB	512MB
子任务数目	10	25	25
测试点是否等分	是	是	是

提交源程序文件名

对于 C++ 语言	weather.cpp	flame.cpp	stack.cpp
对于 C 语言	weather.c	flame.c	stack.c
对于 Pascal 语言	weather.pas	flame.pas	stack.pas

编译选项

对于 C++ 语言	-O2 -lm
对于 C 语言	-O2 -lm
对于 Pascal 语言	-O2

注意事项：

1. 由于测评机的配置问题，请注意时间、空间限制和环境问题。
2. 测评时栈空间与内存限制相同。
3. 时间限制保证在标程的两倍以上。

雨中的晴天 (weather)

【题目描述】

宫水三叶生活的城市是一个一维平面上的城市。三叶喜欢用一个长度为 n 的线段来表示这座城市。线段上（包含端点）平均分布着 $n + 1$ 个点，其中第 i 个点到第 $i + 1$ 个点视为第 i 个区。

最近，这座城市不断的下雨，一直没有放晴，所有人都在期待的晴天。不同的区对晴天的渴望度不一样。三叶通过统计，将第 i 个区的人对晴天的渴望度形式化成 s_i 。

终于，这座城市迎来了久违的晴天。但是晴天的范围没有覆盖整个城市，而是从 $n + 1$ 个点中的某一个出发，向往扩散 d 个区。

在晴天下的人们非常开心。形式化的，如果第 i 个区在晴天的覆盖范围内，并且和晴天中心还隔着 x 个区，那么这个区的人的开心值为 $(d - x)^2 \cdot s_i$ 。这个城市的开心值为每一个区的开心值之和。

虽然晴天的地点已经固定了，但是三叶还是想知道如果晴天的地点可以任选，那么最后城市的开心值最大是多少？

【输入格式】

从文件 `weather.in` 中读入数据。

总共两行，第一行一个整数 n ，表示这座城市的长度。

第二行 n 个整数，第 i 个整数表示 s_i 。

【输出格式】

输出到文件 `weather.out` 中。

输出一行，一个整数，表示可能的最大开心值。

【样例 1 输入】

```
6 2
3 2 1 1 2 3
```

【样例 1 输出】

```
21
```

【样例 1 解释】

这座城市共有 6 个区，其中每一个区的渴望度分别为 $\{3,2,1,1,2,3\}$ 。

如果晴天中心在 1 号点，那么第一区的人的开心值为 $3 \times 2^2 = 12$ ，第二个区的人的开心值为 $2 \times 1^2 = 2$ 。那么这座城市的总开心值为 $12 + 2 = 14$ 。

如果晴天中心在 2 号点，那么第一区的人的开心值为 $3 \times 2^2 = 12$ ，第二区的人的开心值为 $2 \times 2^2 = 8$ ，第三区的人的开心值为 $1 \times 1^2 = 1$ 。那么这座城市的总开心值为 $12 + 8 + 1 = 21$ 。

如果晴天中心在 3 号点，那么第一区的人的开心值为 $3 \times 1^2 = 3$ ，第二区的人的开心值为 $2 \times 2^2 = 8$ ，第三区的人的开心值为 $1 \times 2^2 = 4$ ，第四区的人的开心值为 $2 \times 1^2 = 2$ 。那么这座城市的总开心值为 $3 + 8 + 4 + 2 = 17$ 。

类似的，如果晴天中心在 4 号点，那么开心值为12；如果晴天中心在 5 号点，那么开心值为17，如果晴天中心在 6 号点，那么开心值为21；如果晴天中心在 7 号点，那么开心值为14。

综上所述，晴天中心在 2 号点或 6 号点是，城市的开心值达到最大值21。

【样例 2 输入】

见选手目录下 `weather\weather2.in`。

【样例 2 输出】

见选手目录下 `weather\weather2.ans`。

【数据范围和提示】

对于所有数据，满足 $1 \leq n \leq 10^6, 1 \leq d \leq 3 \times 10^4, 1 \leq s_i \leq 10^3$ 。

每个测试点具体限制见下表。

测试点编号	n	特殊性质
1	≤ 5	无
2 ~ 4	$\leq 2 \times 10^3$	无
5 ~ 6	$\leq 10^5$	无
7	$\leq 10^6$	$s_i = 1$
8 ~ 10		无

燃烧的火焰 (flame)

【题目描述】

宫水三叶擅长手工，她自己编织了一张网。

这张网可以用一个 n 个点 m 条边的连通图来表示，每一条边都有长度。

但是这张网毕竟是可燃物。某一天，网上的 k 个节点在0时刻突然同时被点燃了，火焰以单位速度沿着边向外扩散。具体来说，如果有一条长度为 l 的边连接着点 x, y ，假设第 i 个时刻 x 节点被点燃了，那么在 $i + l$ 的时刻 y 节点也会被点燃。反之也是成立的。

如果整张图的 n 个节点全部被点燃了，那么就认为这张图完全被点燃了。

既然着火了，那么首要任务就是救火。三叶请小 H 来帮忙。在0时刻时，小 H 随机选择了若干个已经被点燃的点，将它们扑灭。但是，小 H 扑灭了那些点后并没有使整张图完全被点燃的时间推晚！

三叶觉得小 H 运气太差了，于是她想知道这个事件的概率。

形式化的说，小 H 有 2^k 种灭火方案（包含一个都不选）。假设小 H 随机从中选一种，有多少概率选到的灭火方案没能使整张图完全被点燃的时间推晚。

假设在没有灭火时整张图完全被点燃从时刻 a 开始，灭火后整张图完全被点燃从时刻 b 开始，而没能使整张图完全被点燃的时间推晚的方案当且仅当 $a = b$ 。

【输入格式】

从文件 `flame.in` 中读入数据。

总共 $m + 2$ ，第一行三个整数 n, m, k ，表示这张网的点数，边数，和在0时刻被点燃的点数。

第二行 k 个整数，表示和在0时刻被点燃的点。

接下来 m 行，每一行三个整数 x_i, y_i, l_i ，表示第 i 条边连接着 x_i, y_i ，其长度为 l_i 。

【输出格式】

输出到文件 `flame.out` 中。

输出一行，一个整数，表示可能的概率。为了避免精度的误差，概率统一输出对998244353取模的结果。

概率取模的定义如下：如果概率是一个有理数，假设它可以表示为 $\frac{a}{b}$ ，如果在

$[0, 998244352]$ 中能找到一个整数 x ，满足 $bx \equiv a \pmod{998244353}$ 。那么我们称 x 为 $\frac{a}{b}$ 对 998244353 取模的结果。

【样例 1 输入】

```
6 8 3
3 4 6
1 3 1
1 4 1
3 4 2
2 3 2
2 6 1
3 6 1
2 5 3
4 5 4
```

【样例 1 输出】

```
249561089
```

【样例 1 解释】

这张网有 6 个节点，有 8 条边。其中节点 3, 4, 6 一开始着火了。

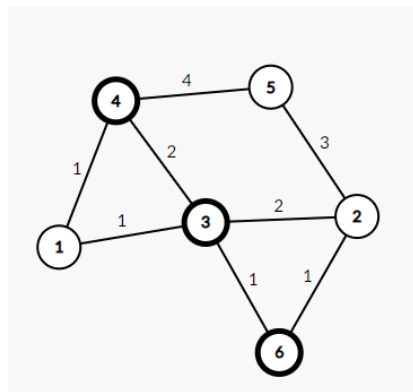
初始时最后一个被点燃的节点为 5 号节点，它在时刻 4 被点燃。

一共有 8 种灭火方案，其中方案 $\{3\}\{4\}\{6\}\{3,4\}\{3,6\}$ 和没有选择任何一个点灭火整张图被点燃的时刻还是 4。

对于方案 $\{4,6\}$ ，最后被点燃的节点为 5 号点，在时刻 5 被点燃。

对于方案 $\{3,4,6\}$ ，最后图不会被点燃。

因此，小 H 选择的概率为 $\frac{6}{8} = \frac{3}{4}$ 。 $\frac{3}{4}$ 在对 998244353 取模后为 249561089。



【样例 2 输入】

见选手目录下 `flame\flame2.in`。

【样例 2 输出】

见选手目录下 flame\flame2.ans。

【样例 3 输入】

见选手目录下 flame\flame3.in。

【样例 3 输出】

见选手目录下 flame\flame3.ans。

【样例 2、3 解释】

样例二满足 $n \leq 10^3, k \leq 8$ 。样例三满足 $n \leq 10^5, k \leq 12$ 和特殊性质 A。

【数据范围和提示】

对于所有数据，满足 $1 \leq n \leq 10^5, 1 \leq m \leq 2 \times 10^5, 1 \leq k \leq 20$ 。

整张图保证没有重边和自环，并且保证联通。

k 个在0时刻被点燃的点的编号互不相同。

对于每条边满足 $1 \leq x_i, y_i \leq n, 1 \leq l_i \leq 10^9$ 。

每个测试点具体限制见下表。

测试点编号	n	k	特殊性质
1 ~ 2	≤ 10	≤ 3	无
3 ~ 6	$\leq 10^3$	≤ 8	$m \leq 2 \times 10^4$
7	$\leq 10^5$		特殊性质 A
8			特殊性质 B
9 ~ 10			无
11 ~ 12		≤ 15	特殊性质 A
13			特殊性质 B
14 ~ 16			无
17 ~ 19		≤ 20	特殊性质 A
20			特殊性质 B
21 ~ 25			无

特殊性质 A: 满足 $m = n - 1$ ，对于第 i 条边，满足 $x_i = i, y_i = i + 1$ 。

特殊性质 B: 满足 $m = n - 1$ 。

消失的序列 (stack)

【题目描述】

宫水三叶曾经有一个栈和序列。如今，栈还存在，序列却随着时间的流逝消失了。

这个序列曾经是三叶最引以为豪的序列，因为这个序列有着特殊的性质。三叶可以在小 H 面前，用手中的栈将这个序列排成升序。

三叶给序列排序是遵循一定的规则的，规则如下：

起初，这个栈是空的，而序列是原本的样子。

接着，三叶每一次可以对序列进行入栈和出栈两种操作。

入栈操作：如果序列非空，那么三叶会取出序列的第一个元素，把它扔进栈的顶部。

出栈操作：如果栈非空，那么三叶可以取出栈的顶部，把这个元素接在结果序列的末尾。

注意结果序列和原序列是不一样的，也就是出栈操作不是把元素接在原序列后。

如果所有元素都经过了一次入栈和出栈操作，得到的结果序列为升序，那么这个序列就被排好序了。

现在这个序列消失了，三叶望着手中的空栈发呆。

在三叶的记忆中，这个序列的长度为 n ，栈中的元素为 $1 \sim n$ 的排列。

凭着残缺的记忆，三叶还记得这个序列某一位上的数字。

三叶决定找回这个序列，她想知道合法的序列个数。

但是合法的序列太多了，三叶决定求出答案 $\text{mod } 10^9 + 7$ 后的结果。

【输入格式】

从文件 `stack.in` 中读入数据。

总共一行，三个正整数 n, pos, x ，表示在三叶记忆中这个序列长度为 n ，并且序列的第 pos 位为 x 。

【输出格式】

输出到文件 `stack.out` 中。

输入一行，一个整数，表示合法的序列个数 $\text{mod } 10^9 + 7$ 后的结果。

【样例 1 输入】

4 3 3

【样例 1 输出】

4

【样例 1 解释】

所有的合法序列为{1,2,3,4}, {1,4,3,2}, {2,1,3,4}, {4,1,3,2}。

序列{1,2,4,3}是不合法的，因为序列的第三位不为 3。

序列{4,2,3,1}是不合法的，因为这个序列没有办法利用栈排成升序。

【样例 2 输入】

18 6 9

【样例 2 输出】

14376219

【样例 3 输入】

2000 1234 666

【样例 3 输出】

961509521

【样例 4 输入】

2000 2000 233

【样例 4 输出】

834559547

【数据范围和提示】

对于所有数据，满足 $1 \leq n \leq 10^6, 1 \leq pos, x \leq n$ 。

每个测试点具体限制见下表。

测试点编号	n	特殊性质
1 ~ 2	≤ 9	无
3 ~ 4	≤ 19	无
5 ~ 6	≤ 300	无
7	$\leq 2 \times 10^3$	$pos = x = 1$
8 ~ 9		$pos = n$
10 ~ 11		$pos = 1$
12 ~ 18		无
19 ~ 25	$\leq 10^6$	无