

Ausarbeitung

Werkzeuge für die Algorithmenimplementierung auf Quantencomputern

im Rahmen der Projektarbeit-II

Timo Grautstück

Betreuer: Prof. Dr.-Ing. Ulf Niemeyer

Fachbereich: Informations- und Kommunikationtechnik

Abstract

Um sichere Datenübertragung zu gewährleisten, werden häufig asymmetrische Verschlüsselungsverfahren eingesetzt. Aktuell weit verbreitete sowie praktisch eingesetzte Verfahren basieren auf harten mathematischen Problemen wie der Faktorisierung ganzer Zahlen oder dem Berechnen diskreter Logarithmen. Diese Probleme lassen sich nicht effizient durch konventionelle Algorithmen auf Digitalrechnern lösen. Dies gilt jedoch nicht für Quantencomputer, durch vielversprechende Quantenalgorithmen wie dem von Shors erhofft man sich diese harten Probleme in Polynomialzeit zu lösen. Dies ist einer der schwerwiegendsten Gründe, warum Wirtschaft und Wissenschaftler quantensichere Kryptographie sowie Quantencomputer vorantreiben wollen. In dieser Arbeit sollen Grundlagen, sowie die Funktionsweise von Quantencomputern dargestellt werden. Darunter fällt auch die Simulation und reale Programmierung von Quantenschaltungen, sowie Quantenalgorithmen die einen Bezug zur modernen Kryptographie aufweisen.

Inhaltsverzeichnis

1.	Einleitung	1		
2.	Grundlagen Quantencomputer	2		
	2.1. Quantenbits	2		
	2.2. Multiple Quantenbits			
	2.3. Quantengatter			
	2.4. Quantenschaltungen	9		
3.	Programmierung von Quantencomputer	11		
	3.1. Software und Programmiersprachen	11		
	3.2. Simualtion			
	3.3. Verfügbare Hardware			
4.	Implementierung von Quantenalgorithmen	14		
	4.1. Algorithmenüberblick	15		
	4.2. Shors Algorithmus			
	4.3. Umsetzung			
	4.4. Ergebnisse			
5.	Fazit	20		
	5.1. Zukünftige Arbeiten	22		
	5.2. Zusammenfassung			
Α.	Anhang	26		
В.	3. Literaturverzeichnis			

1. Einleitung

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetuer.

2. Grundlagen Quantencomputer

2.1. Quantenbits

Viele Jahre wissenschaftlicher und technologischer Fortschritt haben zur Entwicklung des Quantenbits, kurz *Qubit* beigetragen. Genau wie das klassische Bit, die kleinste Maßeinheit zur Darstellung von Informationsgehalt, kann auch das Quantenbit die Zustände 1 und 0 annehmen. Wesentlicher Unterschied zu einem klassischen Bit ist, dass es sich bei einem Qubit um ein Zweizustandssystem handelt, d.h. es kann sich zu einer gewissen Wahrscheinlichkeit in einem dieser beiden Zustände 1 oder 0 befinden. Hierbei ist wichtig, dass der Zustand dieses Quantenbits nur dann in Erfahren gebracht werden kann, indem es gemessen wird. Um den Zustand eines Qubits darzustellen werden Zustandsvektoren genutzt. Um diese Zustände mathematisch zu veranschaulichen wird die so genannte Dirac Noation |\rangle genutzt, dies ist die standard Notation, um in der Quantenmechanik Zustände darzustellen.

$$|0\rangle = \begin{bmatrix} 1\\0 \end{bmatrix} \quad |1\rangle = \begin{bmatrix} 0\\1 \end{bmatrix} \tag{2.1}$$

Somit zeigt 2.1 die Basiszustände (*Computational basis state*) $|0\rangle$ und $|1\rangle$, welche eine orthogonale Basis bilden [1]. Es ist jedoch auch möglich, dass sich ein Quantenbit in einem Zustand befindet, der sich von diesen beiden unterscheidet.

$$|\psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle = \begin{bmatrix} \alpha \\ \beta \end{bmatrix} \qquad \alpha, \beta \in \mathbb{C}$$
 (2.2)

Das heißt auch Linearkombinationen können aus diesen Zuständen gebildet werden 2.2. Dies wird als Superpostion oder auch Überlagerung bezeichnet, wobei α und β die Amplituden des Zustands $|\psi\rangle$ darstellen.

Um zu Erfahren, zu welcher Wahrscheinlichkeit sich ein Quantenbit in einem bestimmten Zustand befindet, muss das Qubit gemessen werden. Für den Zustandsvektor $|\psi\rangle$ erhält man somit nach der Messung, mit der Wahrscheinlichkeit $|\alpha|^2$ das Ergebnis 0. Und mit der Wahrscheinlichkeit $|\beta|^2$ das Ergebnis 1.

$$p(|0\rangle) = |\langle 0|\psi\rangle|^{2}$$

$$\Rightarrow |\alpha\langle 0|0\rangle|^{2} + |\beta\langle 0|1\rangle|^{2}$$

$$= |\alpha|^{2}$$
(2.3)

Die Messung wird durchgeführt, indem das Innereprodukt über den Zustandsvektor und den zugehörigen Basiszustand gebildet und quadriert wird 2.3. Um eine Wahrscheinlichkeit von 1 zu gewährleisten, muss der Zustandsvektor normalisiert sein. Somit muss 2.4 für den Zustandsvektor gelten.

$$\langle \psi | \psi \rangle = 1$$

$$\Rightarrow |\alpha|^2 + |\beta|^2 = 1$$
(2.4)

Vor der Messung eines Qubits kann es sich in einem Kontinuum an Zuständen zwischen $|0\rangle$ und $|1\rangle$ befinden [1]. Das ermöglicht einem Quantenbit sich in den Zuständen $|0\rangle$ und $|1\rangle$ gleichzeitig zu befinden. Auf diesen Zustandsvektor wird oft zurückgegriffen, 2.5 soll diesen verdeutlichen.

$$|+\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}|0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}}|1\rangle \tag{2.5}$$

Da der Zustandsvektor normalisiert sein muss 2.4, ist es möglich die allgemeine Darstellung eines Quantenbits 2.2 mit Hilfe des Additionstheorems $\sqrt{\sin(x)^2 + \cos(x)^2} = 1$ zu vereinfachen.

$$|\psi\rangle = \cos\left(\frac{\theta}{2}\right)|0\rangle + e^{i\phi}\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)|1\rangle \qquad \theta, \phi \in \mathbf{R}$$
 (2.6)

Zustandsvektor $|+\rangle$ lässt sich somit durch $\phi=0$ und $\theta=\frac{\pi}{2}$ darstellen. 2.6 wird als Blochvektor bezeichnet, jeder Blochvektor lässt sich als Punkt auf einer dreidimensionalen Kugel (Bloch-Kugel) durch die Kugelkoordinaten ϕ und θ mit einem Radius von r=1 darstellen. Die Bloch-Kugel ist ein Unterraum des Hilbertraums.

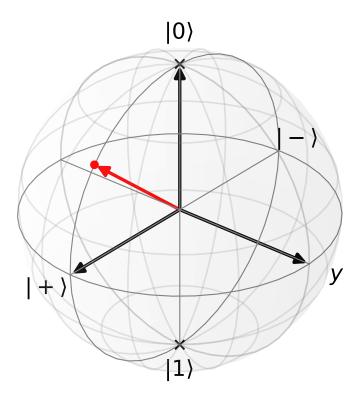


Abbildung 2.1.: Darstellung von Quantenbits innerhalb der Bloch-Kugel

Jede Linearkombination zulässiger Vektoren innerhalb dieses Unterraums bilden wieder einen zulässigen Vektor, daher gibt es unendlich viele Punkte auf der Bloch-Kugel.

2.2. Multiple Quantenbits

Um Algorithmen oder aufwendige Berechnungen auf Quantencomputern auszuführen wird mehr als nur ein Qubit bzw. ein Bit an Information benöntigt. Daher ist es wichtig zu verstehen, wie einzelne Qubits miteinander Interagieren, sich zusammenfügen lassen und durch Vektoren beschrieben werden.

Das Kronecker-Produkt wird genutzt um Qubits Zusammenzuführen, bzw. deren kollektiven Zustand zu bilden. 2.7 zeigt zwei mögliche kollektive Zustände der Basiszustände aus 2.1.

$$|0\rangle \otimes |1\rangle = |01\rangle = \begin{bmatrix} 1 \times \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} \\ 0 \times \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$|0\rangle \otimes |0\rangle = |00\rangle = \begin{bmatrix} 1 \times \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \\ 0 \times \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$(2.7)$$

Somit lassen sich alle vier Basiszustände von zwei Qubits, aus den zwei Basiszuständen von einem Qubit durch das Kronecker-Produkt bilden. Man gehe davon aus, dass Zustände von mehreren Qubits sich also genau wie Zustände von einzelnen Qubits beschreiben lassen. n Qubits besitzen 2^n Amplituden, d.h. diese wachsen exponentiell mit der genutzten Anzahl an Qubits.

$$|\psi\rangle = \alpha_{00}|00\rangle + \alpha_{01}|01\rangle + \alpha_{10}|10\rangle + \alpha_{11}|11\rangle = \begin{bmatrix} \alpha_{00} \\ \alpha_{01} \\ \alpha_{10} \\ \alpha_{11} \end{bmatrix}$$
(2.8)

Eine allgemeine Darstellung eines Zustands von zwei Qubits zeigt 2.8, ein 4-Dimensionaler Vektor mit den jeweiligen Amplituden. Auch das quadrieren dieser Amplituden zeigt, mit welcher Wahrscheinlichkeit eines der 4 Ergebnisse 00, 01, 10, 11 nach der Messung der Qubits erhalten wird. Das heißt auch dieser Zustand muss durch seine Amplituden normalisiert sein, also gilt auch für den Zustandsvektor aus 2.8

$$|\alpha_{00}|^2 + |\alpha_{01}|^2 + |\alpha_{10}|^2 + |\alpha_{11}|^2 = 1.$$
 (2.9)

Ebenso werden die Qubits wie in 2.3 dargestellt gemessen. Um z.B. die Wahrscheinlichkeit zu erfahren, das sich der Zustand $|\psi\rangle$ in Zustand $|11\rangle$ befindet wird folgende Messung durchgeführt

$$p(|11\rangle) = |\langle 11|\psi\rangle|^2 = |\alpha_{11}|^2.$$
 (2.10)

Ebenso können auch Messungen, nach den Basisvektoren $|0\rangle$ und $|1\rangle$ durchgeführt werden.

Oft werden Zusammensetzungen aus einzelnen Qubits auch Quantenregister genannt, eine allgemeine und kompakte Form dieser Quantenregister aus [2], sieht folgendermaßen aus

$$R = \sum_{i=0}^{2^n - 1} \alpha_i |i\rangle \tag{2.11}$$

Somit entspricht $|0\rangle, |1\rangle, \dots, |2^n - 1\rangle$ den Zuständen $|0 \dots 0\rangle, |0 \dots 1\rangle, \dots, |1 \dots 1\rangle$.

2.3. Quantengatter

Um Informationen bzw. Bits zu manipulieren, werden Schaltungen benötigt welche Gatter beinhalten. Dies gilt für klassische Rechner und Quantencomputer. Um in der Digitaltechnik die Funktionsweise von Gattern darzustellen werden gerne Wahrheitstabellen genutzt (rechte Spalte Tabelle 2.1). Bekannte Gatter-Typen aus der Digitaltechnik, wie der Negation oder dem Exklusiv-ODER können auch in der Welt der Quantencomputer abgebildet werden. Jedoch ist der Aufbau dieser Gatter etwas gewöhnungsbedürfdig, denn die Realisierung eines auf n Qubits operierenden Gatters erfolgt durch eine unitäre $2^n \times 2^n$ -Matrix. Die Anwendung eines Gatters auf einen Zustandvektor entspricht mathematisch also einer unitären Transformation und führt eine Rotation auf der Bloch-Kugel aus. Dies geschieht durch die Bildung des Skalarprodukts über der unitären Matrix und dem Zustandvektor.

Eine Matrix wird als unitär bezeichnet, wenn das Produkt aus dieser Matrix und dessen adjungierte Matrix eine Einheitsmatrix bildet.

$$I = A^{\dagger} A \tag{2.12}$$

Die Adjungierte Matrix wird gebildet, indem alle Einträge in dieser Matrix komplex konjungiert und transponiert werden.

$$A^{\dagger} = A^{*T} \tag{2.13}$$

Somit sind alle Quantengatter unitäre Matrizen, genau wie die drei aus der Quantenmechnik bekannten Paulimatrizen X,Y und Z Tabelle 2.1. Diese führen eine Rotation von π um die x,y und z-Achse auf der Bloch-Kugel durch. Das Hadamard-Gatter H ermöglicht eine Abweichung der Basiszustände $|0\rangle$ und $|1\rangle$ und erzeugt eine Superposition dieser Zustände [3]. Dies wären die Zustandvektoren $|+\rangle$ und $|-\rangle$, welche auch auf der Bloch-Kugel in Abbildung 2.1 zu erkennen sind.

Zwei parametrisierte Gatter, das P-Gatter (Phasen-Gatter) und U-Gatter die nicht

in Tabelle 2.1 aufgeführt sind, erlauben die Spezifizierung von sämtlichen Gattern bzw. unedlich vielen Gattern die auf einem Qubit operieren.

$$P(\phi) = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & e^{i\phi} \end{bmatrix} \qquad \phi \in \mathbf{R}$$

$$U(\theta, \phi, \lambda) = \begin{bmatrix} \cos\left(\frac{\theta}{2}\right) & -e^{i\lambda}\sin\left(\frac{\theta}{2}\right) \\ e^{i\phi}\sin\left(\frac{\theta}{2}\right) & e^{i(\phi+\lambda)}\sin\left(\frac{\theta}{2}\right) \end{bmatrix} \qquad \theta, \phi, \lambda \in \mathbf{R}$$

$$(2.14)$$

Matrix	Schaltungssymbol	Wahrheitstabelle
$X = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$	$ q\rangle$ — X —	$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $
$Y = \begin{bmatrix} 0 & -i \\ i & 0 \end{bmatrix}$	q angle — Y —	$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $
$Z = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$	q angle — Z —	$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $
$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$	$ q\rangle$ — H —	$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $
$S = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & i \end{bmatrix}$	$ q\rangle$ — S	$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $
$T = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & e^{i\frac{\pi}{4}} \end{bmatrix}$	$ q\rangle$ — T —	$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $

Tabelle 2.1.: Grundlegende 1-Qubit Gatter

Aus dem P-Gatter lassen sich die Gatter Z, S und T konstruieren. 2.15 zeigt die

Spezifizierung des S- und T-Gattes durch das Phasengatter.

$$P\left(\phi = \frac{\pi}{2}\right) = S$$
 $P(\phi = \pi) = Z.$ (2.15)

Das *U*-Gatter ermöglicht die Spezifizierung jeglicher Gatter, z.B. kann das Hadamard-Gatter folgendermaßen durch das *U*-Gatter spezifiziert werden

$$U\left(\theta = \frac{\pi}{2}, \phi = 0, \lambda = \pi\right) = H. \tag{2.16}$$

Somit kann es eine große Menge an nützlichen Gattern geben, die auf einem Qubit operieren. Es ist möglich diese Gatter auch auf meheren Qubits operieren zu lassen. Diese Gatter werden dann kontrollierte Gatter gennant, da diese ein oder mehrere kontrollierende Qubits (controlled qubits) und ein Zielqubit (target qubit) beinhalten. Tabelle 2.2 zeigt oft genutzte Gatter die auf mehr als einem Qubit operieren.

Ein kontrolliertes Gatter funktioniert folgendermaßen: Immer dann wenn sich die kontrolliernden Bits im Zustand 1 befinden wird eine Transformation auf das Zielbit ausgeführt. Die meisten dieser kontrollierten Gatter können durch 1-Qubit Gatter und dem kontrollierten X-Gatter (CNOT o. CX) rekonstruiert werden [4]. Das heißt auch, das alle in Tabelle 2.2 dargestellten Gatter, die selbe unitäre Transformation wie die Gatter aus Tabelle 2.1 ausführen. Diesmal jedoch nur auf das Zielbit, immer genau dann wenn das kontrollierende Bit 1 ist.

Bei dem Aufbau einer Quantenschaltung ist es somit wichtig zu wissen, welches Qubit als kontrolliertes Bit und welches als Zielbit für ein Gatter dient. Aus diesem Grund erhalten in dieser Ausarbeitung die kontrollierten Gatter einen Index. In diesem stellen die ersten Zahlen die kontrollierenden Bits und die letzte Zahl das Zielbit dar. 2.17 zeigt die Zusammensetzung der beiden möglichen Matrizen für das CX-Gatter.

$$CX_{01} = |0\rangle\langle 0|\otimes I + |1\rangle\langle 1|\otimes X$$

$$CX_{10} = I\otimes|0\rangle\langle 0| + X\otimes|1\rangle\langle 1|$$
(2.17)

Dabei ist $|x\rangle\langle x|$ das äußere Produkt. $\langle x|$ ist der komplex konjungiert und transponiert Vektor von $|x\rangle$ und I die Einheitsmatrix.

Ein wichtiges Gatter in Tabelle 2.2 ist das *SWAP*-Gatter, welches die Funktion erfüllt die Zustände der beiden Qubits zu Tauschen. Auch dieses Gatter kann z.B. nur durch CX-Gatter aufgebaut werden 2.2. Jeodch ist dies nicht der einzige Weg

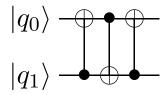


Abbildung 2.2.: SWAP-Gatter realisiert aus 3 kontrollierten CX-Gattern

ein SWAP-Gatter aus anderen Gattern zu realisieren.

Matrix	Schaltungssymbol	Wahrheitstabelle
$CX_{01} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$	$ q_0\rangle \longrightarrow q_1\rangle \longrightarrow$	$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $
$CZ_{01} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$	$ q_0\rangle$ $ q_1\rangle$ $ Z$	$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $
$SWAP = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	$\begin{array}{c c} q_0\rangle \\ q_1\rangle \end{array}$	$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $
$CCX_{012} = \begin{bmatrix} I_2 & 0_2 & 0_2 & 0_2 \\ 0_2 & I_2 & 0_2 & 0_2 \\ 0_2 & 0_2 & I_2 & 0_2 \\ 0_2 & 0_2 & 0_2 & X \end{bmatrix}$	$ q_0\rangle$ $ q_1\rangle$ $ q_2\rangle$	$ \begin{array}{ c c c c c } \hline Fall & q_0q_1q_2\rangle & CCX_{012} q_0q_1q_2\rangle \\ \hline 1 & 000\rangle & 000\rangle \\ 2 & 001\rangle & 001\rangle \\ 3 & 010\rangle & 010\rangle \\ 4 & 011\rangle & 011\rangle \\ 5 & 100\rangle & 100\rangle \\ 6 & 101\rangle & 101\rangle \\ 7 & 110\rangle & 111\rangle \\ 8 & 111\rangle & 110\rangle \\ \hline \end{array} $
$CP_{10} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & e^{i\phi} \end{bmatrix}$	$ q_0\rangle$ P $ q_1\rangle$	$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $

Tabelle 2.2.: Ausgewählte 2-, 3-Quanten Gatter

2.4. Quantenschaltungen

Eines der wichtigsten Elemente in Quantenschaltungen, wurde in der vorherigen Sektion 2.3 besprochen, die Quantengatter. Denn die Quantenschaltung ist eine geordnete Sequenz von Quantengattern, Messungen und Initialisierungen [3]. Sie beschreiben ein Modell das genutzt wird, um Berechnungen auf Quantencomputern durchzuführen. D.h. immer dann wenn eine Berechnung auf einem Quantencomputer durchgeführt wird, kann diese Berechnung auch in Form einer Quantenschaltung dargestellt werden. Die meisten Berechnungen basieren jedoch schon vor Ihrer ausführung auf vorher erstellte Quantenschaltungen. Was genau eine Quantenschaltung ist und wie diese Funktionieren, soll in dieser Sektion durch ein Beispiel verdeutlicht werden.

Eine relativ einfache Schaltung, mit einem jedoch ziemlich effektiven Ergebnis zeigt Abbildung 2.3. Diese Schaltung kann genutzt werden um einen maximal

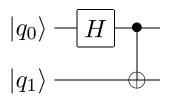


Abbildung 2.3.: Quantenschaltung zur Erzeugung von Bell-Zuständen

verschränkten Zustand zu erzeugen. Diese Zustände werden Bell-Zustände (*Bell-State*) genannt 2.18. Diese spielen eine zentralle Rolle in der Quanteninformation und sind unter anderem Grundbestandteil der Quantenteleportation und Quantenkryptographie.

Ein Zustand wird als verschränkt bezeichnet, wenn er nicht in ein Produkt von Zuständen der einzelnen Bits zerlegt werden kann [2]. Als maximal verschränkt bezeichnet man den Zustand dann, wenn deren Bits maximal stark gekoppelt sind. D.h. jedes an diesem Zustand beteiligte Qubit, wird stets das selbe Ergenis liefern und der Einfluss der Messung dieser Qubits muss gleich sein.

$$|\beta_{00}\rangle = \frac{|00\rangle + |11\rangle}{\sqrt{2}}$$

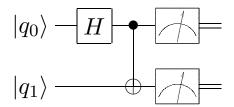
$$|\beta_{01}\rangle = \frac{|01\rangle + |10\rangle}{\sqrt{2}}$$

$$|\beta_{10}\rangle = \frac{|00\rangle - |11\rangle}{\sqrt{2}}$$

$$|\beta_{11}\rangle = \frac{|01\rangle - |10\rangle}{\sqrt{2}}$$
(2.18)

Die Schaltung 2.3 ist von links nach rechts zu lesen und enthält bisher nur zwei Qubits, ein Hadamard-Gatter und ein CX-Gatter. Die geraden Linien sollen den Zeitablauf der Qubits darstellen. Um nun das Ergebnis dieser einzelnen Qubits

zu erhalten müssen diese gemessen und das Ergebnis auf klassische Bits geschrieben werden. Dazu muss die Schaltung folgendermaßen erweitert werden. Das



neu hinzugekommene Symbol steht nun für eine Messung. Das Ergebnis dieser Messung wird in einem klassischen Bit gespeichert, doppelte Linien stehen in Quantenschaltungen also für klassische Bits.

Es gibt eine Menge an Schaltungen die interessante Probleme lösen oder Algorithmen implementieren, z.B. die Implementierung des Bernstein-Vazirani Problems [5]. Oder die Implementierung des bekannten Quantensuchalgorithmus von Grover [6]. All diese Schaltungen sind unterschiedlich aufgebaut haben aber einige Gemeinsamkeiten, sie sind azyklisch und erlauben somit keine Rückführung. Es gilt auch noch, dass das Zusammenführen der Qubits ohne Gatter oder das Kopieren der Qubits nicht erlaubt ist [1].

3. Programmierung von Quantencomputer

In dem vorherigen Kapitel wurde die Funktionsweise von Quantenbits, Quantengattern und Quantenschaltungen erläutert. Dies sind wesentliche Grundlagen von Quantencomputern und werden zum Verständnis seiner Funktionsweise benötigt. In den folgenden Kapitel steigt der praktische Anteil, den in diesen Kapitel sollen Werkzeuge vorgestellt werden um Quantencomputer zu programmieren oder Quantenschaltungen zu simulieren.

3.1. Software und Programmiersprachen

IBM Quantum ermöglicht durch die Onlineplattform IBM Quantum Experience den Zugang zu reelen Quantencomputern oder zu simulierten Quantencomputern auf Leistungsfähiger Hardware.

3.2. Simualtion

Da die Anzahl an komplexen Amplituden exponentiell mit der Nutzung von Quantenbits steigt, ist die Simulation von Quantencomputern nur effizient mit einer Anzahl von \approx 20 Qubits möglich. Selbst die Simulation von Quantencomputern mit 100 Qubits ist auf sehr leistungsfähigen Supercomputer momentan nicht möglich [3].

3.3. Verfügbare Hardware

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus.

Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullam-corper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

4.Implementierung von Quantenalgorithmen

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullam-corper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

4.1. Algorithmenüberblick

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullam-corper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

4.2. Shors Algorithmus

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et ma-

lesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullam-corper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetuer.

Suspendisse vel felis. Ut lorem lorem, interdum eu, tincidunt sit amet, laoreet vitae, arcu. Aenean faucibus pede eu ante. Praesent enim elit, rutrum at, molestie non, nonummy vel, nisl. Ut lectus eros, malesuada sit amet, fermentum eu, sodales cursus, magna. Donec eu purus. Quisque vehicula, urna sed ultricies auctor, pede lorem egestas dui, et convallis elit erat sed nulla. Donec luctus. Curabitur

et nunc. Aliquam dolor odio, commodo pretium, ultricies non, pharetra in, velit. Integer arcu est, nonummy in, fermentum faucibus, egestas vel, odio.

Sed commodo posuere pede. Mauris ut est. Ut quis purus. Sed ac odio. Sed vehicula hendrerit sem. Duis non odio. Morbi ut dui. Sed accumsan risus eget odio. In hac habitasse platea dictumst. Pellentesque non elit. Fusce sed justo eu urna porta tincidunt. Mauris felis odio, sollicitudin sed, volutpat a, ornare ac, erat. Morbi quis dolor. Donec pellentesque, erat ac sagittis semper, nunc dui lobortis purus, quis congue purus metus ultricies tellus. Proin et quam. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Praesent sapien turpis, fermentum vel, eleifend faucibus, vehicula eu, lacus.

Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Donec odio elit, dictum in, hendrerit sit amet, egestas sed, leo. Praesent feugiat sapien aliquet odio. Integer vitae justo. Aliquam vestibulum fringilla lorem. Sed neque lectus, consectetuer at, consectetuer sed, eleifend ac, lectus. Nulla facilisi. Pellentesque eget lectus. Proin eu metus. Sed porttitor. In hac habitasse platea dictumst. Suspendisse eu lectus. Ut mi mi, lacinia sit amet, placerat et, mollis vitae, dui. Sed ante tellus, tristique ut, iaculis eu, malesuada ac, dui. Mauris nibh leo, facilisis non, adipiscing quis, ultrices a, dui.

Morbi luctus, wisi viverra faucibus pretium, nibh est placerat odio, nec commodo wisi enim eget quam. Quisque libero justo, consectetuer a, feugiat vitae, porttitor eu, libero. Suspendisse sed mauris vitae elit sollicitudin malesuada. Maecenas ultricies eros sit amet ante. Ut venenatis velit. Maecenas sed mi eget dui varius euismod. Phasellus aliquet volutpat odio. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Pellentesque sit amet pede ac sem eleifend consectetuer. Nullam elementum, urna vel imperdiet sodales, elit ipsum pharetra ligula, ac pretium ante justo a nulla. Curabitur tristique arcu eu metus. Vestibulum lectus. Proin mauris. Proin eu nunc eu urna hendrerit faucibus. Aliquam auctor, pede consequat laoreet varius, eros tellus scelerisque quam, pellentesque hendrerit ipsum dolor sed augue. Nulla nec lacus.

Suspendisse vitae elit. Aliquam arcu neque, ornare in, ullamcorper quis, commodo eu, libero. Fusce sagittis erat at erat tristique mollis. Maecenas sapien libero, molestie et, lobortis in, sodales eget, dui. Morbi ultrices rutrum lorem. Nam elementum ullamcorper leo. Morbi dui. Aliquam sagittis. Nunc placerat. Pellentesque tristique sodales est. Maecenas imperdiet lacinia velit. Cras non urna. Morbi eros pede, suscipit ac, varius vel, egestas non, eros. Praesent malesuada, diam id pretium elementum, eros sem dictum tortor, vel consectetuer odio sem sed wisi.

4.3. Umsetzung

4.4. Ergebnisse

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam

arcu libero, nonummy eget, consectetuer id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullam-corper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetuer.

Suspendisse vel felis. Ut lorem lorem, interdum eu, tincidunt sit amet, laoreet vitae, arcu. Aenean faucibus pede eu ante. Praesent enim elit, rutrum at, molestie non, nonummy vel, nisl. Ut lectus eros, malesuada sit amet, fermentum eu, soda-

les cursus, magna. Donec eu purus. Quisque vehicula, urna sed ultricies auctor, pede lorem egestas dui, et convallis elit erat sed nulla. Donec luctus. Curabitur et nunc. Aliquam dolor odio, commodo pretium, ultricies non, pharetra in, velit. Integer arcu est, nonummy in, fermentum faucibus, egestas vel, odio.

Sed commodo posuere pede. Mauris ut est. Ut quis purus. Sed ac odio. Sed vehicula hendrerit sem. Duis non odio. Morbi ut dui. Sed accumsan risus eget odio. In hac habitasse platea dictumst. Pellentesque non elit. Fusce sed justo eu urna porta tincidunt. Mauris felis odio, sollicitudin sed, volutpat a, ornare ac, erat. Morbi quis dolor. Donec pellentesque, erat ac sagittis semper, nunc dui lobortis purus, quis congue purus metus ultricies tellus. Proin et quam. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Praesent sapien turpis, fermentum vel, eleifend faucibus, vehicula eu, lacus.

Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Donec odio elit, dictum in, hendrerit sit amet, egestas sed, leo. Praesent feugiat sapien aliquet odio. Integer vitae justo. Aliquam vestibulum fringilla lorem. Sed neque lectus, consectetuer at, consectetuer sed, eleifend ac, lectus. Nulla facilisi. Pellentesque eget lectus. Proin eu metus. Sed porttitor. In hac habitasse platea dictumst. Suspendisse eu lectus. Ut mi mi, lacinia sit amet, placerat et, mollis vitae, dui. Sed ante tellus, tristique ut, iaculis eu, malesuada ac, dui. Mauris nibh leo, facilisis non, adipiscing quis, ultrices a, dui.

Morbi luctus, wisi viverra faucibus pretium, nibh est placerat odio, nec commodo wisi enim eget quam. Quisque libero justo, consectetuer a, feugiat vitae, porttitor eu, libero. Suspendisse sed mauris vitae elit sollicitudin malesuada. Maecenas ultricies eros sit amet ante. Ut venenatis velit. Maecenas sed mi eget dui varius euismod. Phasellus aliquet volutpat odio. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Pellentesque sit amet pede ac sem eleifend consectetuer. Nullam elementum, urna vel imperdiet sodales, elit ipsum pharetra ligula, ac pretium ante justo a nulla. Curabitur tristique arcu eu metus. Vestibulum lectus. Proin mauris. Proin eu nunc eu urna hendrerit faucibus. Aliquam auctor, pede consequat laoreet varius, eros tellus scelerisque quam, pellentesque hendrerit ipsum dolor sed augue. Nulla nec lacus.

Suspendisse vitae elit. Aliquam arcu neque, ornare in, ullamcorper quis, commodo eu, libero. Fusce sagittis erat at erat tristique mollis. Maecenas sapien libero, molestie et, lobortis in, sodales eget, dui. Morbi ultrices rutrum lorem. Nam elementum ullamcorper leo. Morbi dui. Aliquam sagittis. Nunc placerat. Pellentesque tristique sodales est. Maecenas imperdiet lacinia velit. Cras non urna. Morbi eros pede, suscipit ac, varius vel, egestas non, eros. Praesent malesuada, diam id pretium elementum, eros sem dictum tortor, vel consectetuer odio sem sed wisi.

5. Fazit

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullam-corper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero

dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetuer.

Suspendisse vel felis. Ut lorem lorem, interdum eu, tincidunt sit amet, laoreet vitae, arcu. Aenean faucibus pede eu ante. Praesent enim elit, rutrum at, molestie non, nonummy vel, nisl. Ut lectus eros, malesuada sit amet, fermentum eu, sodales cursus, magna. Donec eu purus. Quisque vehicula, urna sed ultricies auctor, pede lorem egestas dui, et convallis elit erat sed nulla. Donec luctus. Curabitur et nunc. Aliquam dolor odio, commodo pretium, ultricies non, pharetra in, velit. Integer arcu est, nonummy in, fermentum faucibus, egestas vel, odio.

Sed commodo posuere pede. Mauris ut est. Ut quis purus. Sed ac odio. Sed vehicula hendrerit sem. Duis non odio. Morbi ut dui. Sed accumsan risus eget odio. In hac habitasse platea dictumst. Pellentesque non elit. Fusce sed justo eu urna porta tincidunt. Mauris felis odio, sollicitudin sed, volutpat a, ornare ac, erat. Morbi quis dolor. Donec pellentesque, erat ac sagittis semper, nunc dui lobortis purus, quis congue purus metus ultricies tellus. Proin et quam. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Praesent sapien turpis, fermentum vel, eleifend faucibus, vehicula eu, lacus.

Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Donec odio elit, dictum in, hendrerit sit amet, egestas sed, leo. Praesent feugiat sapien aliquet odio. Integer vitae justo. Aliquam vestibulum fringilla lorem. Sed neque lectus, consectetuer at, consectetuer sed, eleifend ac, lectus. Nulla facilisi. Pellentesque eget lectus. Proin eu metus. Sed porttitor. In hac habitasse platea dictumst. Suspendisse eu lectus. Ut mi mi, lacinia sit amet, placerat et, mollis vitae, dui. Sed ante tellus, tristique ut, iaculis eu, malesuada ac, dui. Mauris nibh leo, facilisis non, adipiscing quis, ultrices a, dui.

Morbi luctus, wisi viverra faucibus pretium, nibh est placerat odio, nec commodo wisi enim eget quam. Quisque libero justo, consectetuer a, feugiat vitae, porttitor eu, libero. Suspendisse sed mauris vitae elit sollicitudin malesuada. Maecenas ultricies eros sit amet ante. Ut venenatis velit. Maecenas sed mi eget dui varius euismod. Phasellus aliquet volutpat odio. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Pellentesque sit amet pede ac sem eleifend consectetuer. Nullam elementum, urna vel imperdiet sodales, elit ipsum pharetra ligula, ac pretium ante justo a nulla. Curabitur tristique arcu eu metus. Vestibulum lectus. Proin mauris. Proin eu nunc eu urna hendrerit faucibus. Aliquam auctor, pede consequat laoreet varius, eros tellus scelerisque quam, pellentesque hendrerit ipsum dolor sed augue. Nulla nec lacus.

Suspendisse vitae elit. Aliquam arcu neque, ornare in, ullamcorper quis, commodo eu, libero. Fusce sagittis erat at erat tristique mollis. Maecenas sapien libero, molestie et, lobortis in, sodales eget, dui. Morbi ultrices rutrum lorem. Nam elementum ullamcorper leo. Morbi dui. Aliquam sagittis. Nunc placerat. Pellentesque tristique sodales est. Maecenas imperdiet lacinia velit. Cras non urna. Morbi eros pede, suscipit ac, varius vel, egestas non, eros. Praesent malesuada, diam id pretium elementum, eros sem dictum tortor, vel consectetuer odio sem sed wisi.

5.1. Zukünftige Arbeiten

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullam-corper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget

nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetuer.

Suspendisse vel felis. Ut lorem lorem, interdum eu, tincidunt sit amet, laoreet vitae, arcu. Aenean faucibus pede eu ante. Praesent enim elit, rutrum at, molestie non, nonummy vel, nisl. Ut lectus eros, malesuada sit amet, fermentum eu, sodales cursus, magna. Donec eu purus. Quisque vehicula, urna sed ultricies auctor, pede lorem egestas dui, et convallis elit erat sed nulla. Donec luctus. Curabitur et nunc. Aliquam dolor odio, commodo pretium, ultricies non, pharetra in, velit. Integer arcu est, nonummy in, fermentum faucibus, egestas vel, odio.

Sed commodo posuere pede. Mauris ut est. Ut quis purus. Sed ac odio. Sed vehicula hendrerit sem. Duis non odio. Morbi ut dui. Sed accumsan risus eget odio. In hac habitasse platea dictumst. Pellentesque non elit. Fusce sed justo eu urna porta tincidunt. Mauris felis odio, sollicitudin sed, volutpat a, ornare ac, erat. Morbi quis dolor. Donec pellentesque, erat ac sagittis semper, nunc dui lobortis purus, quis congue purus metus ultricies tellus. Proin et quam. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Praesent sapien turpis, fermentum vel, eleifend faucibus, vehicula eu, lacus.

Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Donec odio elit, dictum in, hendrerit sit amet, egestas sed, leo. Praesent feugiat sapien aliquet odio. Integer vitae justo. Aliquam vestibulum fringilla lorem. Sed neque lectus, consectetuer at, consectetuer sed, eleifend ac, lectus. Nulla facilisi. Pellentesque eget lectus. Proin eu metus. Sed porttitor. In hac habitasse platea dictumst. Suspendisse eu lectus. Ut mi mi, lacinia sit amet, placerat et, mollis vitae, dui. Sed ante tellus, tristique ut, iaculis eu, malesuada ac, dui. Mauris nibh leo, facilisis non, adipiscing quis, ultrices a, dui.

Morbi luctus, wisi viverra faucibus pretium, nibh est placerat odio, nec commodo wisi enim eget quam. Quisque libero justo, consectetuer a, feugiat vitae, porttitor eu, libero. Suspendisse sed mauris vitae elit sollicitudin malesuada. Maecenas ultricies eros sit amet ante. Ut venenatis velit. Maecenas sed mi eget dui varius euismod. Phasellus aliquet volutpat odio. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Pellentesque sit amet pede ac sem eleifend consectetuer. Nullam elementum, urna vel imperdiet sodales, elit ipsum pharetra ligula, ac pretium ante justo a nulla. Curabitur tristique arcu eu metus. Vestibulum lectus. Proin mauris. Proin eu nunc eu urna hendrerit faucibus. Aliquam auctor, pede consequat laoreet varius, eros tellus scelerisque quam, pellentesque hendrerit ipsum dolor sed augue. Nulla nec lacus.

Suspendisse vitae elit. Aliquam arcu neque, ornare in, ullamcorper quis, commodo eu, libero. Fusce sagittis erat at erat tristique mollis. Maecenas sapien libero, molestie et, lobortis in, sodales eget, dui. Morbi ultrices rutrum lorem. Nam elementum ullamcorper leo. Morbi dui. Aliquam sagittis. Nunc placerat. Pellentesque tristique sodales est. Maecenas imperdiet lacinia velit. Cras non urna. Morbi eros pede, suscipit ac, varius vel, egestas non, eros. Praesent malesuada, diam id pretium elementum, eros sem dictum tortor, vel consectetuer odio sem sed wisi.

5.2. Zusammenfassung

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullam-corper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget

nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetuer.

Suspendisse vel felis. Ut lorem lorem, interdum eu, tincidunt sit amet, laoreet vitae, arcu. Aenean faucibus pede eu ante. Praesent enim elit, rutrum at, molestie non, nonummy vel, nisl. Ut lectus eros, malesuada sit amet, fermentum eu, sodales cursus, magna. Donec eu purus. Quisque vehicula, urna sed ultricies auctor, pede lorem egestas dui, et convallis elit erat sed nulla. Donec luctus. Curabitur et nunc. Aliquam dolor odio, commodo pretium, ultricies non, pharetra in, velit. Integer arcu est, nonummy in, fermentum faucibus, egestas vel, odio.

Sed commodo posuere pede. Mauris ut est. Ut quis purus. Sed ac odio. Sed vehicula hendrerit sem. Duis non odio. Morbi ut dui. Sed accumsan risus eget odio. In hac habitasse platea dictumst. Pellentesque non elit. Fusce sed justo eu urna porta tincidunt. Mauris felis odio, sollicitudin sed, volutpat a, ornare ac, erat. Morbi quis dolor. Donec pellentesque, erat ac sagittis semper, nunc dui lobortis purus, quis congue purus metus ultricies tellus. Proin et quam. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Praesent sapien turpis, fermentum vel, eleifend faucibus, vehicula eu, lacus.

Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Donec odio elit, dictum in, hendrerit sit amet, egestas sed, leo. Praesent feugiat sapien aliquet odio. Integer vitae justo. Aliquam vestibulum fringilla lorem. Sed neque lectus, consectetuer at, consectetuer sed, eleifend ac, lectus. Nulla facilisi. Pellentesque eget lectus. Proin eu metus. Sed porttitor. In hac habitasse platea dictumst. Suspendisse eu lectus. Ut mi mi, lacinia sit amet, placerat et, mollis vitae, dui. Sed ante tellus, tristique ut, iaculis eu, malesuada ac, dui. Mauris nibh leo, facilisis non, adipiscing quis, ultrices a, dui.

Morbi luctus, wisi viverra faucibus pretium, nibh est placerat odio, nec commodo wisi enim eget quam. Quisque libero justo, consectetuer a, feugiat vitae, porttitor eu, libero. Suspendisse sed mauris vitae elit sollicitudin malesuada. Maecenas ultricies eros sit amet ante. Ut venenatis velit. Maecenas sed mi eget dui varius euismod. Phasellus aliquet volutpat odio. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Pellentesque sit amet pede ac sem eleifend consectetuer. Nullam elementum, urna vel imperdiet sodales, elit ipsum pharetra ligula, ac pretium ante justo a nulla. Curabitur tristique arcu eu metus. Vestibulum lectus. Proin mauris. Proin eu nunc eu urna hendrerit faucibus. Aliquam auctor, pede consequat laoreet varius, eros tellus scelerisque quam, pellentesque hendrerit ipsum dolor sed augue. Nulla nec lacus.

Suspendisse vitae elit. Aliquam arcu neque, ornare in, ullamcorper quis, commodo eu, libero. Fusce sagittis erat at erat tristique mollis. Maecenas sapien libero, molestie et, lobortis in, sodales eget, dui. Morbi ultrices rutrum lorem. Nam elementum ullamcorper leo. Morbi dui. Aliquam sagittis. Nunc placerat. Pellentesque tristique sodales est. Maecenas imperdiet lacinia velit. Cras non urna. Morbi eros pede, suscipit ac, varius vel, egestas non, eros. Praesent malesuada, diam id pretium elementum, eros sem dictum tortor, vel consectetuer odio sem sed wisi.

A.Anhang

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

B.Literaturverzeichnis

- [1] M. A. Nielsen and I. L. Chuang, Quantum Computation and Quantum Information: 10th Anniversary Edition. Cambridge University Press, 2010.
- [2] M. Homeister, *Quantum Computing verstehen*. Computational Intelligence, Springer Fachmedien Wiesbaden, 2022.
- [3] A. Abbas, S. Andersson, A. Asfaw, A. Corcoles, L. Bello, Y. Ben-Haim, M. Bozzo-Rey, S. Bravyi, N. Bronn, L. Capelluto, A. C. Vazquez, J. Ceroni, R. Chen, A. Frisch, J. Gambetta, S. Garion, L. Gil, S. D. L. P. Gonzalez, F. Harkins, T. Imamichi, P. Jayasinha, H. Kang, A. h. Karamlou, R. Loredo, D. McKay, A. Maldonado, A. Macaluso, A. Mezzacapo, Z. Minev, R. Movassagh, G. Nannicini, P. Nation, A. Phan, M. Pistoia, A. Rattew, J. Schaefer, J. Shabani, J. Smolin, J. Stenger, K. Temme, M. Tod, E. Wanzambi, S. Wood, and J. Wootton., *Learn Quantum Computation Using Qiskit*. IBM, 2020.
- [4] A. Barenco, C. H. Bennett, R. Cleve, D. P. DiVincenzo, N. Margolus, P. Shor, T. Sleator, J. A. Smolin, and H. Weinfurter, "Elementary gates for quantum computation," *Physical Review A*, vol. 52, pp. 3457–3467, nov 1995.
- [5] J. Du, M. Shi, X. Zhou, Y. Fan, B. Ye, R. Han, and J. Wu, "Implementation of a quantum algorithm to solve the bernstein-vazirani parity problem without entanglement on an ensemble quantum computer," *Physical Review A*, vol. 64, sep 2001.
- [6] C. Figgatt, D. Maslov, K. A. Landsman, N. M. Linke, S. Debnath, and C. Monroe, "Complete 3-qubit grover search on a programmable quantum computer," *Nature Communications*, vol. 8, dec 2017.