$W^U_{loc}(p_\varepsilon)$