$W_{loc}^S(\Gamma_\varepsilon)$