

一. 令 $M = (m_{ij})_{n \times m}$. $m_{ij} = 1$ 若此处有麦子. 否则为 0.

令 $f(i, j)$ 为行走至 (i, j) 时获得的最大麦子数.

$$\text{则有 } f(1, 1) = m_{11} \quad f(i, 1) = \sum_{k=1}^i m_{k1} \quad f(1, j) = \sum_{k=1}^j m_{1k}$$

$$f(i, j) = \max\{f(i-1, j), f(i, j-1)\} + m_{ij}$$

$$\text{其算法时间复杂度为 } g = mn + \frac{1+m}{2}m + \frac{1+n}{2}n - 1 + 2 \times (m+n) = O(\max\{m, n\}^2)$$

故为多项式时间算法.

二. 记 $dp(i)$ 为从第 1 个单词到第 i 个单词产生的冗余空格和.

$$\text{则 } dp(i+1) = dp(i). \text{ 若 } i, i+1 \text{ 同行.}$$

$$\text{否则 } dp(i+1) = dp(i) + M - \sum(l_s + 1) + 1 \quad l_s \text{ 表示与 } i \text{ 同行的单词下标.}$$

$$\text{则 } C_k = dp(n) - dp(k)$$

三. $dp(i, j)$ 表示读到 X 的第 i 个字符. Y 的第 j 个字符时的误差

$$\text{① 则当 } i=0 \text{ 或 } j=0 \text{ 时. } dp(i, j) = (i+j)\beta$$

$$\text{② 当 } i, j \neq 0 \text{ 时. 若 } X_i = Y_j. \text{ 则 } dp(i, j) = dp(i-1, j-1)$$

$$\text{否则 } dp(i, j) = \min\{dp(i, j-1) + \beta, dp(i-1, j) + \beta, dp(i-1, j-1) + \alpha\}$$

$$\text{时间复杂度为 } O(|X| \times |Y|)$$