Министерство образования и науки Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского»

Институт Информационных технологий, математики и механики

Отчёт по учебной практике

# Алгоритм Дейкстры на D-куче

Выполнил: студент гр. 381606-3

Каганов Д.А.

Проверил: доцент, ст. преп. каф. МОСТ ИИТММ

Кустикова В.Д.

# Содержание

Введение	3
Постановка задачи	4
Руководство пользователя	5
Руководство программиста	6
Описание структуры программы	6
Описание структур данных	6
Описание алгоритмов	6
Заключение	7

### Введение

Приоритетная очередь — это абстрактный тип данных, значениями которого являются взвешенные множества. Множество называется взвешенным, если каждому его элементу однозначно соответствует вещественное число, называемое ключом или весом. Приоритетная очередь естественным образом применяется в таких задачах, как сортировка элементов массива во внутренней памяти (пирамидальная сортировка), отыскание в графе минимального связывающего дерева (алгоритм Крускала), отыскание кратчайших путей от заданной вершины графа до его остальных вершин (алгоритм Дейкстры) и при алгоритмизации многих других задач. Вид дерева и способ его представления в памяти компьютера подбирается в зависимости от тех операций, которые предполагается выполнять над множеством и от того, насколько эти операции сказываются на суммарной трудоемкости алгоритма. Представления приоритетной очереди с помощью — d-кучи (d ≥ 2), основано на использовании так называемых завершенных d-арных деревьев.

## Постановка задачи

- 1) Разработать статические библиотеки, реализующие следующие структуры данных:
  - a) d-кучу;
  - b) алгоритм Дейкстры;
  - с) разделенные множества;
  - d) приоритетную очередь, основанную на d-куче;
- 2) Написать приложение для демонстрации работы приоритетной очереди, основанной на d-куче (алгоритм Дейкстры):
  - а) входные данные связный неориентированный взвешенный граф со стартовой вершиной;
  - b) выходные данные:
    - і) список вершин;
    - іі) список кратчайших путей до каждой вершины графа;
    - ііі) список предшествующий вершин.

# Руководство пользователя

- 1) Запустите программу.
- 2) В появившемся окне введите кол-во вершин и ребер.
- 3) Введите в консоль стартовую вершину для алгоритма Дейкстры
- 4) Программа выведет кол-во вершин и стартовую вершину
- 5) Программа выведет матрицу взвешенных ребер и расстояний от заданной точки
- 6) Программа выведет пути до всех вершин (вершина, расстояние от заданной, предшествующая вершина)

## Руководство программиста

### Описание структуры программы

- 1) ../include
  - a) Dejkstra.h Содержит описание класса Dejkstra
  - b) DHeap.h Содержит описание класса DHeap
  - c) Graph.h Содержит описание класса Graph
  - d) PriorityQueue.h Содержит описание класса PriorityQueue
- 2) ../sample
  - a) GenerateGraph.cpp Содержит основной код программы
- 3) ../src
  - a) Dejkstra.h Содержит реализацию класса Dejkstra
  - b) DHeap.h Содержит реализацию класса DHeap
  - c) Graph.h Содержит реализацию класса Graph
  - d) PriorityQueue.h Содержит реализацию класса PriorityQueue и DHeapPriorityQueue
- 4) ../build Содержит директорию с решением и проектом для MS Visual Studio

# Описание структур данных

Шаблонный класс Dejkstra

```
class Dejkstra {
public:
        static void dejkstra(Graph *&graph, int s, float *&distance, int *&up);
};
```

# Описание методов:

1. dejkstra - алгоритм Дэйкстры

#### Шаблонный класс DHeap

```
typedef int dataType;
class Data {
public:
      float priorities;
};
class DHeap {
protected:
      Data **keys;
      int d;
      int idx;
public:
      DHeap(int d);
      DHeap(const DHeap &heap);
      ~DHeap();
      void Add(Data *&key);
      void AddSet(Data **key, int num);
      Data* Delete();
      Data* Remove(int i);
      void Transpose(int i, int j);
      void Surfacing(int i);
      void Sinking(int i);
      void Hilling();
      int IsFull();
      int IsEmpty();
private:
      int MinChild(int i);
};
```

#### Описание методов:

- 1. Transpose транспонирование
- 2. Surfacing всплытие узла
- 3. Sinking погружение
- 4. Hilling окучивание
- 5. MinChild погружение узла і

#### Шаблонный класс Graph

```
class Edge {
public:
      int Ne;
      int Ke;
      float W;
      Edge(int Ne, int Ke, float W);
};
class Graph
private:
      int n;
      int m;
      int m_cur;
      Edge** edges;
      int* vertices;
public:
      Graph(int n);
      Graph(int n, int m);
      ~Graph();
      void Generate(float minRange, float maxRange);
      void AddEdge(int Ne, int Ke, float weight);
      void DelEdge(int Ne, int Ke);
      int GetVerticesNum();
      int GetEdgeSize();
      int GetRealSize();
      Edge** GetEdgeSet();
      Edge* GetEdge(int i);
      float GetWeight(int Ne, int Ke);
      void PrintList();
      void GenerateVertices(int &Ne, int &Ke);
      float GenerateWeight(float minRange, float maxRange);
      void Clean();
      int FindEdge(int Ne, int Ke);
};
```

#### Описание методов:

- 1. Generate генерация графа в рандомном режиме
- 2. AddEdge добавление ребра
- 3. DelEdge удаление ребра
- 4. GetVerticesNum число вершин
- 5. GetEdgeSize длина ребер
- 6. GetRealSize реальное число
- 7. GetEdgeSet массив взвешенных ребер
- 8. GetEdge возвращает заданное ребро
- 9. GetWeight вес ребра с заданными вершинами
- 10. PrintList вывод
- 11. GenerateVertices генерация вершин
- 12. GenerateWeight генерация веса вершин
- 13. Clean удаление всех взвешенных ребер
- 14. FindEdge поиск ребра по заданным вершинам

### Описание алгоритмов

Дан взвешенный ориентированный граф G(V,E) без дуг отрицательного веса. Найти кратчайшие пути от некоторой вершины а графа G до всех остальных вершин этого графа.

- п множество вершин графа
- т множество рёбер графа
- minRange минимальный вес ребра
- maxRange максимальный вес ребра
- s вершина, расстояния от которой ищутся

В простейшей реализации для хранения чисел d[i] можно использовать массив чисел, а для хранения принадлежности элемента множеству U — массив булевых переменных.

В начале алгоритма расстояние для начальной вершины полагается равным нулю, а все остальные расстояния заполняются большим положительным числом (большим максимального возможного пути в графе). Массив флагов заполняется нулями. Затем запускается основной цикл.

На каждом шаге цикла мы ищем вершину v с минимальным расстоянием и флагом равным нулю. Затем мы устанавливаем в ней флаг в 1 и проверяем все соседние с ней вершины u. Если в них (в u) расстояние больше, чем сумма расстояния до текущей вершины и длины ребра, то уменьшаем его. Цикл завершается, когда флаги всех вершин становятся равны 1, либо когда у всех вершин с флагом 0  $d[i]=\infty$ . Последний случай возможен тогда и только тогда, когда граф G несвязный.

```
DataFloat::DataFloat(int s, float dist)
      this->s = s;
      priorities = dist;
}
void Dejkstra::dejkstra(Graph *&graph, int s, float *&distance, int *&up)
      int n = graph->GetVerticesNum();
      int m = graph->GetRealSize();
      if ((s < 0) | | (s >= n))
             throw "Dejkstra: Invalid start vertex";
      Data** dist = new Data*[n];
      up = new int[n];
      PriorityQueue *queue = QueueFactory::createQueue(static_cast<QueueID>(0));
      for (int i = 0; i < n; i++) {
             up[i] = i;
             dist[i] = new DataFloat(i, FLT_MAX);
             if (i == s)
                    dist[s]->priorities = 0;
             queue->Push(dist[i]);
      }
      Edge** edges = graph->GetEdgeSet();
      while (!queue->IsEmpty())
      {
             int vConsidered = ((DataFloat*)queue->Pop())->s;
             float delta;
             for (int i = 0; i < m; i++)
             {
                    int vIncident = -1;
                    if (edges[i]->Ke == vConsidered)
                          vIncident = edges[i]->Ne;
                    if (edges[i]->Ne == vConsidered)
                          vIncident = edges[i]->Ke;
                    if (vIncident == -1) continue;
```

```
float way = dist[vConsidered]->priorities +
graph->GetWeight(vConsidered, vIncident);
                   delta = dist[vIncident]->priorities - way;
                   if (delta > 0)
                   {
                          dist[vIncident]->priorities = way;
                          up[vIncident] = vConsidered;
                          queue->Refresh();
                   }
             }
      }
      distance = new float[n];
      for (int i = 0; i < n; i++)
             distance[i] = dist[i]->priorities;
      for (int i = 0; i < n; i++)
             delete dist[i];
      delete[]dist;
      delete queue;
}
```

## Заключение

В рамках лабораторной работы мы разработали статические библиотеки, реализующие следующие структуры данных: d-куча, алгоритм Дейкстры, приоритетная очередь, основанную на d-куче. Написали приложение для демонстрации работы приоритетной очереди, основанной на d-куче (алгоритм Дейкстры).