中山大学本科生期末考试

考试科目:《电子人的自我修养》(π 卷)

学年学期:	2020-2021 学年第1学期	姓 名:	
学 院/系:	School of Rader	学 号:	
考试方式:	开卷	年级专业:	
考试时长:	∞ 分钟	班 别:	

警示

《中山大学授予学士学位工作细则》第八条:"考试作弊者,不授予学士学位."

以下为试题区域,共7道大题,总分100分,考生请在答题纸上作答

1 文类说明

此文本类的设计萌生于期末复习数字信号处理做试卷之时,在复习不下去的时候便敲打敲打键盘,构建了基本的骨架——权当复习的放松与娱乐.

sysuexam.cls 文类是基于<mark>橘子数学社区</mark>开发的BCHexam.cls Version 1.5 文类, 进行修改和设计, 在此致谢.

本文档包含三部分——文类说明、版本说明和样卷与说明. 样卷试题来源于平时练习与考试试卷, 片面反映一个电子人的素养.

样卷中的绘图都是基于宏包 TikZ 和 PGF 宏包绘制, 感谢 Prof.Till Tantau 发明出如此强大的宏包, 更感谢 Prof.Donald Ervin Knuth 和无数程序员开发出 TeX 和 LaTeX, 让鄙人领略到代码改变世界的精彩.

2020.01.17

1.1 宏包选项

• answers 编译答案和解析版本

• list 以列表项目格式显示试题

● twocolumn 使用 A3 纸张并分栏

• custom 使用私订字体 (存在修改 CTFX 默认字体警告, 不影响使用)

• adobe 使用 Adobe 字体

• ubuntu 使用 Ubuntu 字体

● windows 使用 Windows 字体

• fandol 使用 Fandol 字体, 随 TEXLive 默认安装

● mac 使用 Mac 字体

• csize5 默认字体大小为五号

• csize4 默认字体大小为小四

1.2 字体安装

1.2.1 私订配置

此文类中文字体为思源宋体、微软雅黑、方正楷体和方正仿宋; 英文字体使用 XITS、Arial 和 Courier New; 数学字体采用 XITS Math. XITS 是 Times New Roman 的复刻版本,字符更加齐全; 英文字体和数学字体的统一可以让段落模式和数学模式的标点符号一致.此字体配置仅仅代表个人审美偏好, 姑且将此字体配置称为私订配置.

在 Windows 系统上, 把文件夹 fonts 中的字体 (不要修改字体名称) 拷贝到路径 C:\Windows\Fonts 中. 如果使用 MiKT_EX,则可以直接编译. MiKT_EX 第一次编译时可能会编译失败,因为有些宏包可能没安装,可以手动安装或者多次编译,让其自动安装.

如果使用 T_EXLive,则还要把字体文件拷贝到 T_EXLive 的字体文件夹 (NotoSerifCJK 系列不用拷贝 T_EXLive 自带) 中, 路径格式一般如下:

盘符:\...\texlive\年份\texmf-dist\fonts\truetype中,才可正常编译.

如果是其他系统,请自行 Google 安装方法! 关于字体的更多设置, CTEX 宏包文档中没有说明得很详细,可以参看xecjk 宏包文档和fontspec 宏包文档.

1.2.2 默认配置

如果觉得私订配置太繁琐,则可以直接将文类选项 custom 改为对应自己系统的选项 (如 Windows 系统下为 windows),参见1.1 宏包选项,提供的是与 CT_EX 一致的字体配置接口,详细说明参考CT_EX 宏包文档.

如果使用非 Windows 的字族, 可能会有报错, 因为文类文件中用了一些此选项下的字体命令, 找到报错命令的位置, 进行替换或定义报错命令即可.

1.3 编译说明

- 如果使用私订字体配置,必须用 X-TATFX(或 X-TFX)编译,因为需加载 fontspec 宏包.
- 如果使用 CT_EX 宏包提供的字体配置,则参考CT_EX 宏包文档.
- 基于Lual^ATFX或LuaTFX的编译请参考CTFX 宏包文档.
- 不要调换 fontspec 宏包、CT_EX 宏包和 unicode-math 宏包的调用顺序, 否则会 clash(原 因应该在于内部的字体组织架构).
- 一般要编译两次, 页脚的总页数才会更新.

1.4 命令

试卷排版命令袭承BCHexam.cls,可以参考BCHexam 文档. sysuexam.cls 在原基础上优化了环境设置并增加一些环境命令,下面将会详细介绍.

1.4.1 试卷信息

\studenttype{考生类型}

本科生、硕士生或者博士生.

\examperiod{考试时期}

期中考或期末考.

\subject{考试科目}

考试科目.

\papertype{试卷类型}

A 卷或 B 卷.

\termyear{起始年}{终止年}

学年度,只需输入年份数字.

\term{学期}

第1或第2学期,只需输入数字.

\school{学院/系}

学院或院系名称.

\examtype{考试方式}

开卷考或闭卷考.

\examtime{考试时长}

考试时长,单位为分钟,只需输入数字.

\numofq{大题数目}

试卷大题总数,只需输入数字.

\maketitle

生成试卷头,此命令会有 Overfull 警告,不影响使用.

1.4.2 题组环境

\begin{groups}

```
\group{题组1}{题组1的描述}
   \group{题组2}{题组2的描述}
\end{groups}
  将所有试题包含在 groups 环境中, 每一个 group 是一个大题 (选择题、填空题和
计算题等).
1.4.3 试题环境
\begin{questions}[可选参数]
   \question[分值] 这道填空题的答案是\pkey{B}.
   \question[4] 这道选择题的答案是\key{A}.
   \fourchoices{选项1}{选项2}{选项3}{选项4}
   \question[4] 这道题一个选项是正确的\kh
   \question[4] 这道题一个选项是正确的\hx
   \hint
   \question[10] 这是一道简答题.
\end{questions}
  可选参数 r: 题号从1开始.
  可选参数 s: 显示环境内试题的分值.
  可选参数 t: 在环境内试题后预留答题空间.
  可选参数 p: 在选择题后增加右对齐的括号.
\begin{subquestions}
   \subquestion[分值] 第1小问 % 分值默认为0分.
   \subquestion[分值] 第2小问
   \subquestion[分值] 第3小问
\end{subquestions}
  小问环境.
```

\question[分值] 题目内容

在试题环境中新增试题,分值为数值,要同 questions 的 s 选项一起使用.

\example 题目内容

在试题环境中新增一道例题.

\exercise 题目内容

在试题环境中新增一道习题.

\pkey{答案}

在学生版试卷中显示一个括号,在教师版试卷中括号中会显示答案,针对选择题.

\key{答案}

在学生版试卷中显示与答案匹配长度的横线,在教师版试卷中括号中会显示答案,针对填空题.

\kh

仅显示括号.

\hx[宽度]

仅仅显示横线, 默认为 4 个字宽, 也可以通过选项自定义.

\threechoices

显示 3 个选项.

\fourchoices

显示 4 个选项.

\fivechoices

显示 5 个选项.

\sixchoices

显示 6 个选项.

\hint

显示"提示"字样.

1.4.4 解答环境

\begin{solution} [答题空间高度]

\answers 把冰箱打开

\score{10}{10}

把大象塞进冰箱

\socre{10}{20}

关上冰箱门

\score{10}{30}

\end{solution}

解答环境, 紧跟着试题之后."答题空间高度" 默认为 0cm, 输入格式为"数字 + 单位"(单位可以是 cm,mm 或其他), 要同 questions 的 t 选项一起使用.

\ans

显示"答"字样.

\answer

显示"答案"字样.

\answers

显示"解"字样.

\method

显示"解法 < 中文数字 >"字样, < 中文字数 > 由内部计数器自动计数.

\proof

显示"证明"字样.

\proofover

在行末输出证毕符号□.

\analysis

显示"解析"字样.

\thought

显示"分析"字样.

\remark[其他文字]

默认显示"注"字样,输入可选参数,则显示内容与"其他文字"一致.

\score 此步骤得分累计得分

插入该步骤得分,显示此步骤的得分和累计得分.

1.4.5 其他命令

\sj

置于段首,缩(s)进(j)两个字符空格,用于 solution 环境中,因为这个环境另起一段不能自动缩进.

1.5 自定义设置

1.5.1 颜色

链接颜色和解析颜色设置如下,颜色配置请参考xcolor宏包.

92 \colorlet{dr}{red!70!black}

%链接颜色

93 \colorlet{jx}{red!70!black}

%答案和解析颜色

颜色设置

1.5.2 符号

私订字族使用 XTIS Math 数学字体, 其求和符号和 π 符号不是很好看, 故声明了两个新的符号命令, 分别为 \msum 和 \mpi, 产生 Modern Math 字体下对应的符号 (仅代表个人审美), 即

$$\sum_{\pi \to \pi} \frac{1}{\pi} = \sum_{\pi \to \pi} \frac{1}{\pi}$$

由于 unicode-math 宏包自己提供的数学符号花体和粗体命令, 也作的命令的更新, 如果不使用 unicode-math 宏包会报错, 将 sysuexam.cls 中行 184–185 注释掉即可.

```
182 % 重设\sum符号

183 \DeclareSymbolFont{largesymbols}{OMX}{cmex}{m}{n}

184 \DeclareMathSymbol{\msum}{\mathop}{largesymbols}{"50}

185 % 重设\pi符号

186 \DeclareSymbolFont{letters}{OML}{cmm}{m}{it}

187 \DeclareMathSymbol{\mpi}{\mathord}{letters}{"19}

188 % 更新符号命令

189 \renewcommand{\boldsymbol}{\symbf}

190 \renewcommand{\mathscr}{\symscr}
```

sysuexam.cls文件中\msum和\mpi声明和更新命令

1.5.3 页面边距

修改此处代码即可.

```
%
 271
 272 % 双栏显示
                           %
273
                         \if@twocolumn
274
                           \geometry{a3paper,landscape,twocolumn,columnsep=40mm,left=20mm,%
275
                      right=25mm,top=25mm,bottom=25mm,headheight=20mm} % 双栏设置
276
                          \else
                                                                                                                                                                                                                                          % 单栏设置
                             \quad 
                                                        headheight=20mm}
                            \fi
 279
```

页面边距设置

1.5.4 代码高亮

代码高亮设置如下,更多内容请参考listings 宏包.

```
220
       columns=fixed,
                                                  % 在左侧显示行号
       numbers=left,
221
                                                  % 背景边框
       frame=tb,
222
       % backgroundcolor=\color[RGB]{245,245,244}, % 设定背景颜色
223
       keywordstyle=\bfseries\color[HTML]{008000}, %设定关键字颜色
224
                                                 % 行号颜色
       numberstyle=\scriptsize\color{darkgray},
225
                                                 %设置代码注释的格式
       commentstyle=\it\color[HTML] {438282},
226
                                                 %设置字符串格式
       stringstyle=\kaiti\color[HTML]{ba2121},
227
                                                  % 不显示字符串中的空格
       showstringspaces=false,
228
       % emph={wire, reg, prod},
229
       % emphstyle = \langle color[HTML] \{b00040\},
230
                                                  % 设置语言
231
       % language=verilog,
       basicstyle=\ttfamily\small,
232
                                                  % 代码块结束间隔
       \% belowskip=1em,
233
       aboveskip=1.5em,
                                                  % 代码块开始间隔
234
       breaklines=true,
                                                  %断行
235
                                                  % 在空格处断行
236
       breakatwhitespace=true,
                                                  %设置标题位置
       captionpos=b,
237
```

代码高亮设置

2 版本说明

v0.7 (2020/01/17-2020/01/19)

- 基于BCHexam.cls Version 1.5 文类开发文类.
- 为兼容字号, 采用 CT_EX 宏包, 默认正文字号为小四. 底层文类仍为 article, 而非 ctexart, 避免不必要的麻烦; 但这会造成字号的不连续性, 例如 section 这个版本的字号过大, 显得不尽美观, 但试卷并不需要用到 section 命令, 影响不大, 待新版本优化.
- 完成试卷题头的设计.

Todo List

- 优化字号的连续性.
- 将字体私讨配置选择作为宏包选项,配置 CT_PX 宏包提供的字体系列的接口.
- 完成样卷排版与命令说明.

v1.0 (2020/01/20-2020/01/21)

- 配置字族接口.
- 优化选项设计, 消除原文类 Overfull 警告, 对 4 选项命令精细控制.
- 增添题解环境命令.
- 完成样卷排版与使用说明.

文类设计基本完成,后续应该不会有大的更新. Happy LATEXing!

v1.1 (2020/01/22)

• 修改页脚页码格式为"第x页 共y页"(这是一开始就想做的,不小心忘记了).

第8页 共13页

3 样卷与说明

- 一、单选题(本大题共4小题,共20分)
 - 1. $(5 分) \delta(\sin t) = ($)

A. 1

B. 0

C. $\sum_{n=0}^{\infty} \delta(t - k\pi)$ D. ∞

2. (5分) 某连续时间系统输入 f(t) 和输出 y(t) 满足 y(t) = |f(t) - f(t-1)|, 则系统为

A. 线性、非时变 B. 非线性、非时变 C. 线性、时变 D. 非线性、时变

3. (5分) 已知 r(t) = e(t) * h(t), 则 e(2t) * h(2t) 为 ()

A. $\frac{1}{2}r(2t)$

B. $\frac{1}{4}r(2t)$

C. $\frac{1}{2}r(4t)$

D. $\frac{1}{4}r(4t)$

4. (5分) 下列关于周期矩形脉冲信号的论述中,正确的是()

A. 脉冲周期增大则主瓣宽度变小 B. 脉冲周期增大则主瓣宽度变大

C. 脉冲宽度增大则主瓣宽度变小 D. 脉冲宽度增大则主瓣宽度变大

- 二、不定项选择题(本大题共2小题,共4分)
 - 1. (2 分) 信号 x(t) 的 Nyquist 抽样频率为 ω_1 , 则信号 $x(t)x(2t+1)\cos \omega_2 t$ 的 Nyquist 抽 样频率为()

A. $\omega_2 + 3\omega_1$ B. $\omega_2 + 6\omega_1$ C. $2\omega_2 + 3\omega_1$ D. $2\omega_2 + 6\omega_1$

E. $3\omega_2 + 7\omega_1$

2. (2分)已知数字音乐的抽样频率是44.1KHz,由此,我们可以推测,人的听力频率范 围的上限接近()

A. 10kHz

B. 20kHz

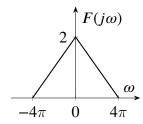
C. 30kHz

D. 40kHz

E. 20kHz

F. 60kHz

- 三、填空题(本大题共2小题,共10分)
 - 1. (5分) 已知某系统的输出 r(t) 与输入 e(t) 之间的关系为 $r(t) = e(2t) + \frac{de(t)}{dt}$, 试判断 该系统是什么系统(线性、时不变性)
 - 2. (5 分) 信号 f(t) 的频谱密度函数 $F(j\omega)$ 如图所示, 则 f(0) 等于 ____



四、简答题(本大题共1小题,共10分)

- 1. 简要分析冲激响应不变法为什么不能用于设计数字高通和带阻滤波器.
- 五、设计题(本大题共2小题,共10分)
 - 1. 有一种特殊的串行通信系统,数据以包的形式传输,数据的包头为 01111110,然后 为数据内容,然后以 01111110 结尾,请设计数据组包时的 FSM 状态转移图.
 - 2. 请设计一个 ADC 用 EEPROM 存储被读写的 FPGA 电路的连接框图.
- 六、分析题(本大题共1小题,共5分)
 - 1. (5分) 请分析傅里叶变换的不确定性对信号分析的影响.
- 七、程序题(本大题共1小题,共5分)
 - 1. (5分)请你用大脑编译下面这段 LATEX 代码,并绘制出编译结果.

```
1 \tdplotsetmaincoords{70}{110}
2 \begin{tikzpicture}[tdplot_main_coords,scale=5,semithick]
3 \pgfmathsetmacro{\r}{.8}
4 \pgfmathsetmacro(\R){1}
5 \pgfmathsetmacro\{\ 0\} {45}
6 \pgfmathsetmacro{\i}{60}
7 \pgfmathsetmacro{\f}{35}
8 \pgfmathsetmacro{\a}{110}
10 \coordinate (0) at (0,0,0);
11 \node[left,label=170:\scriptsize 地心 $0$] at (0) {};
12 \node[below] at (10:\r) {\scriptsize 赤道};
13 \fill (0.6,0.6,0.5) circle [radius=0.4pt,fill=black] node[below] {\scriptsize
      $T$};
14 \draw[dashed] (0) --node[above] {\scriptsize $R$} (0.6,0.6,0.5);
16 \draw [arrows={-Stealth[inset=0pt, angle=25:10pt]}] (0) -- (2.2,0,0)
      node[anchor=north east] {\scriptsize $y$};
17 \draw [arrows={-Stealth[inset=0pt, angle=25:10pt]}] (0) -- (0,-1.1,0)
      node[anchor=north west] {\scriptsize $x$};
  draw [arrows={-Stealth[inset=0pt, angle=25:10pt]}] (0) -- (0,0,1.2)
      node[anchor=west] {\scriptsize $z$ 北极};
19
20 \t (0) {\r}_{\a} {\a+180}_{}
  \t (0) {\r} {\a-180} {\a} {\}
22 \draw[very thick] (0) ellipse [x radius=.8cm, y radius=.73cm];
23 \node[rotate=48] at (0,-0.75,0.4) {\scriptsize 本初子午线};
  \tdplotsetrotatedcoords{\0}{0}{0}
27 \draw [tdplot rotated coords, dashed] (-\R, 0, 0) -- (\R, 0, 0);
28 \fill[tdplot rotated coords] (\R,0,0) circle [radius=0.4pt,fill=black]
      node[right]{\scriptsize 近地点};
```

```
29 \fill[tdplot rotated coords] (\r,0,0) circle [radius=0.4pt,fill=black]
            node[below left=2pt]{\scriptsize 升交点};
     \fill[tdplot rotated coords] (-\r,0,0) circle [radius=0.4pt,fill=black]
            node[above right]{\scriptsize 降交点};
32 \toplotdrawarc[-Stealth] {(0)} {.33*\r} {-90} {\0} {anchor=north} {\scriptsize}
            $\Omega$}
34 \tdplotsetrotatedcoords{- \0} {\i} {0}
35 \tdplotdrawarc[tdplot rotated coords]\{(0)\}\{\R\}\{-41\}\{239\}\{\}\}
36 \tdplotdrawarc[tdplot rotated coords,dashed]{(0)}{\R}{239}{319}{}{}
37 \tdplotdrawarc[tdplot rotated coords,dashed,very thick]{(0)}{\r}{34}{164}{}{}
38 \fill[tdplot rotated coords] (110:\R) circle [radius=0.4pt,fill=black]
            node[below right,inner sep=1pt] {\scriptsize $S 0$};
39 \fill[tdplot rotated coords] (130:\R) circle [radius=0.4pt,fill=black]
            node[below right,inner sep=1pt]{\scriptsize $S 1$};
    \draw[tdplot rotated coords,dashed] (0) --node[above] {\scriptsize $r$}
            (110:\R);
41 \tdplotdrawarc[tdplot rotated coords,-Stealth]{(0)}{\R}{30}{40}{anchor=north}{}
42 \tdplotdrawarc[tdplot rotated coords,-Stealth]{(0)}
43 {\R}{225}{235}{anchor=north}{}
44 \tdplotdrawarc[tdplot rotated coords,-Stealth]{(0)}{.33*\r}{90}{110}{below
            right,inner sep=1pt}{\scriptsize $\nu$}
     \t dplotsetrotatedcoords{-\0+10}{\i}{0}
     \t \ 
     \tdplotdrawarc[tdplot rotated coords,dashed]{(0)}{\R}{242}{308}{}{}
49 \fill[tdplot rotated coords] (110:\R) circle [radius=0.4pt,fill=black]
            node[below right,inner sep=1pt]{\scriptsize $S 2$};
50 \tdplotdrawarc[tdplot rotated coords,-Stealth]{(0)}{\R}
     {30}{40}{anchor=north, rotate=20}{\scriptsize 卫星轨道}
52 \tdplotdrawarc[tdplot rotated coords, -Stealth] { (0) } {\R}
53 {215}{225}{anchor=north}{}
55 \tdplotsetrotatedcoords{\0}{-90}{0}
56 \coordinate (Shift) at (\O:\r);
58 \tdplotsetrotatedcoordsorigin{(Shift)}
     \tdplotdrawarc[tdplot rotated coords,-Stealth]{(Shift)}{.1*\r}
    \{89\}\{90-\mathbf{i}\}\{anchor=south west\}\{\scriptsize \$i\$\}
61 \end{tikzpicture}
```

题六1代码

八、计算题(本大题共4小题,共40分)

- 1. (10 分)设计一个巴特沃斯模拟高通滤波器,要求其通带边界频率为 10Hz, 阻带边界频率为 100Hz, 通带最大衰减 1dB, 阻带最小衰减 20dB.
 - (1) (3分) 求出对应的低通滤波器阶数 N, 和归一化 3dB 截止频率 λ_c ;

- (2) (3分) 写出关于通带截止频率归一化的低通系统函数 Q(p);
- (3) (4分) 计算高通滤波器系统函数 $H_{HP}(s)$.

提示 低通到高通的映射关系 $p=\frac{\lambda_p\Omega_{ph}}{s}$,频率映射关系 $\lambda=-\frac{\lambda_p\Omega_{ph}}{\Omega}$. 二阶和三阶巴特沃斯 3dB 频率归一化低通滤波器的系统函数为 $G_2(p)=\frac{1}{p^2+1.4142p+1}$, $G_3(p)=\frac{1}{p^3+2p^2+2p+1}$.

2. (10 分) 假定概率密度 f(z; θ) 满足正则条件:

$$E\left\{\frac{\partial \ln f(\boldsymbol{z};\boldsymbol{\theta})}{\partial \boldsymbol{\theta}}\right\} = 0.$$

证明任何无偏估计量ê的方差满足

$$\operatorname{Var}(\hat{\theta}) = E\left[(\theta - \hat{\theta})^2\right] \geqslant \frac{1}{E\left\{\left[\frac{\partial \ln f(z;\theta)}{\partial \theta}\right]^2\right\}} = -\frac{1}{E\left\{\frac{\partial^2 \ln f(z;\theta)}{\partial \theta^2}\right\}},$$

当且仅当

$$\frac{\partial \ln f(\boldsymbol{z};\boldsymbol{\theta})}{\partial \boldsymbol{\theta}} = (\hat{\boldsymbol{\theta}} - \boldsymbol{\theta}) k(\boldsymbol{\theta})$$

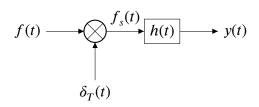
时,上式的等号成立.

3. (10分)设

$$\mathbf{A} = \left[\begin{array}{rrr} 3 & 1 & -1 \\ 1 & 2 & -1 \\ 2 & 1 & 0 \end{array} \right],$$

求 e^{At}(其中 t 为参数).

- 4. (10 分) 某连续时间系统如下图所示, 输入信号 f(t) 被抽样后, 通过一个单位冲激响 应为 h(t) 的系统, 输出 y(t). 已知 $f(t) \leftrightarrow F(j\omega) = G_{\pi/2}(\omega)$, $h(t) = 2G_1(t)$. $\delta_T(t)$ 为单位 强度周期脉冲串, 且 T=2.
 - (1) (4分) 请画出 $\omega \in (-2\pi, 2\pi)$ 区间上 y(t) 的频谱;
 - (2) (6分) 请设计从 y(t) 恢复 f(t) 的方案.



题七4图