Chapitre 8 : Animation

Modélisation 3D et Synthèse

Fabrice Aubert fabrice.aubert@lifl.fr



IEEA - Master Info - Parcours IVI

2012-2013

1 Introduction

Animation

- Animation = succession d'images.
- Domaine : artistique (liberté de la caméra, des formes), simulation (outils pédagogiques ou aide au geste : chirurgie, assemblage, pilotage), ludique (jeux vidéos).
- Génération à temps différé : pré-calcul des images, puis diffusion de ces images ("film").
 - Pas de contrainte de temps (permet d'obtenir le réalisme nécessaire).
 - Pas d'interaction avec l'animation.
- Génération dynamique (dite abusivement "à temps réel" ou à temps interactif) : chaque image calculée est immédiatement affichée.
 - Contrainte de temps: 10 images/s pour la perception d'une continuité, 25/30 images pour un confort visuel.
 - Interaction possible (simulation avec intervention humaine).
- ▶ Temps réel : l'image calculée avec un paramètre t correspondant au "vrai" temps t (pas nécessairement à une fréquence élevée...).

Exemple d'objets animés

- Mouvement de caméra : interaction sur l'orientation, la position, interpolation selon plusieurs positions clefs, suivi d'une courbe
- Mouvement de personnage : défini à la "main" (interpolation), motion-capture, génération automatique de marche.
- Mouvement rigide d'objets : soumis à un poids, chocs ⇒ réalisme physique.
- Déformation d'objets : déformation géométrique, simuler des objets "mous".
- Déformation topologique : briser les objets.
- Fluides: simulation des mouvement d'eau.

2 Techniques d'animation

Descriptive

- L'animation est décrite explicitement (scénario, scripts, ...) en utilisant des outils (principalement) géométriques.
- Exemples : courbe b-spline pour la trajectoire de caméra (avec contrôle de vitesse), la trajectoire des objets, fonctions mathématiques de déformation des objets, outils d'expressions des visages, d'aide à la conception de la marche, etc...
- Outre ces outils, la technique maîtresse du descriptif est l'interpolation : l'animateur donne des positions clés, et le logiciel d'animation doit générer les positions intermédiaires pour obtenir du 25 images/seconde.
- → appelée "key-framing" (interpoler les paramètres entre 2 positions clefs).
- L'interpolation peut être linéaire (souvent insuffisante) ou ... plus complexe (interpolation spline).
- On peut mettre dans le descriptif des outils tels que : le morphing (technique d'interpolation), le motion capture (acquisition de données).
- Avantage : liberté "totale" dans la conception des animations.
- On oppose généralement animation descriptive à animation basée physique.



Animation basée physique

- Faire suivre aux objets les lois mécaniques.
- Avantage : réalisme, le mouvement est généré sans intervention humaine (seules les positions initiales des objets et les paramètres des lois sont fixés).
- Inconvénient : corps déformables avec rupture difficilement accessible au temps interactif...



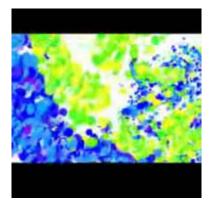


Comportementale

- Chaque entité de l'animation répond à des stimulis qui vont définir son comportement lors de l'animation.
- Exemple : simulation d'un banc de poisson (chaque poisson répond principalement selon des critères de proximité), vol d'oiseau.

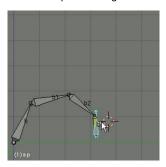
Particule

- ▶ Uniquement basé sur l'animation de points qui peuvent subir des lois physiques (simples) et souvent accompagnés de lois stochastiques de mouvement.
- Exemples : animation de feu et chute d'eau.



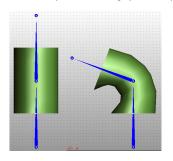
Animation par contraintes

- On fixe un objectif à un objet soumis à des contraintes (géométrique, définition des degrés de liberté, obstacles).
- Exemples :
 - cinématique inverse pour un bras articulé (objectif : main qui saisit une balle ; contraintes : position des articulations fixées par les liaisons).
 - path-finding: robot muni de capteurs dans un labyrinthe qui doit trouver la sortie.



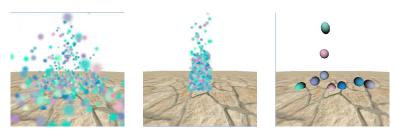
Habillage

- On se contente d'animer un "squelette" d'un objet (ensemble de points, ou de segments inclus dans l'objet). L'animation de l'habillage (souvent une surface géométrique) est déduit de l'animation du squelette.
- Exemple: "skinning" pour les personnages (par exemple: surface implicite pour la peau).





3 Animation basée Physique



Mécanique du point

- La scène à animer est constituée d'un ensemble de points (ou particules).
- Problème : trouver la position x des points à chaque instant t.
- Vitesse à l'instant $t \Rightarrow \frac{\partial x}{\partial t}(t) = v(t)$ (dérivée de la position par rapport au temps).
- Notation : les dérivées temporelles sont notées avec un point $\frac{\partial x}{\partial t}t = \dot{x}(t)$
- Accélération à l'instant $t: a(t) = \dot{v}(t)$ (dérivée de la vitesse)
- Autrement dit : $a(t) = \ddot{x}(t)$ (dérivée seconde de la position).

Exemple avec accélération constante

- ightharpoonup a(t) = a à tout instant (accélération constante) :
- Comme $\dot{v}(t) = a(t) = a$, on trouve v(t) en trouvant la primitive de a : v(t) = at + Cte.
- $ightharpoonup Cte = v_0$: vitesse initiale à l'instant t = 0 (i.e. en début de simulation) qui doit être donnée.
- $\dot{x}(t) = v(t) = at + v_0$. La position x est donnée par la primitive de $at + v_0 \Rightarrow x(t) = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0$



Relation Fondamentale de la Dynamique (RFD)

- le mouvement est généré par des forces (poids, attraction, frottement, liaison ressort, contact, ...).
- ▶ on note $F_A(t)$ l'ensemble des forces appliquées au point A à l'instant t.
- on appelle quantité de mouvement du point A la grandeur $p_A(t) = m_A v_A(t)$ (m_A : masse, $v_A(t)$: la vitesse).
- on calcule alors l'accélération du point A grâce à la Relation Fondamentale de la Dynamique (RFD) :

$$F_A(t) = \dot{p_A}(t)$$
 où $\dot{p_A}(t) = \frac{\partial m_A v_A}{\partial t}(t) = m_A a_A(t) = m_A \ddot{x_A}(t)$

On connait donc l'accélération :

 $\ddot{x_A}(t) = \frac{F_A(t)}{m}$ deriver second de

- ▶ On trouve la position de A en résolvant $\ddot{x_A}(t) = \frac{F(t)}{m}$ (équation différentielle).
- Dans la suite on note les formules sans préciser t (ne pas oublier que les valeurs dépendent de t).

Intégration du mouvement

- ► Trouver x à partir de $\ddot{x} = \frac{F}{m}$ s'appelle « intégrer le mouvement »(résolution d'une équation différentielle).
- Cette équation admet difficilement une solution formelle (sauf dans des cas très particuliers: chute d'un corps, pendule, masse suspendue à un ressort....).
- → adoption de méthodes de résolutions approchées et itérative.
- Exemple d'une méthode d'intégration simple : Euler explicite.

Euler explicite

- ▶ On suppose connue x_t et v_t à l'instant t.
- ▶ A l'instant 0, les positions x₀ et les vitesses v₀ initiales sont données.
- ▶ On cherche la nouvelle position $x_{t+\delta t}$ (δt est appelé le pas de temps de la simulation).
- ▶ On effectue alors les approximations suivantes sur les dérivées : $a_t = \dot{v}_t = \frac{v_{t+\delta_t} v_t}{\delta t} = (\frac{F_t}{m})$ d'après RFD) et $v_t = \dot{x}_t = \frac{x_{t+\delta_t} x_t}{\delta t}$
- ▶ Ce qui donne, avec $a_t = \frac{F(t)}{m}$:

$$v_{t+\delta t} = v_t + \frac{F}{m} \delta t$$

$$x_{t+\delta t} = x_t + v_t \delta t$$

- Problème intuitif : si le pas δt est trop grand, le mouvement est faux par rapport à la RFD. Si le pas est trop petit, on a des erreurs numériques qui donnent également un mouvement faux. Le choix d'un « bon »pas de temps est conditionné par le rapport $\frac{F}{m}$.
- ▶ ⇒ étude des problèmes de convergences et de stabilité des méthodes d'intégration
- Nombreuses autres méthodes d'intégration : Runge-Kutta (tenir compte de plusieurs instants pour faire une meilleure approximation), méthodes dites implicites (couteuses, mais stables) ⇒ voir le domaine de l'analyse numérique.

2012-2013

Boucle de simulation

Principe:

```
position et vitesse pour chaque objet a gérer

e_t=(x_t,v_t)=(x_0,v_0); // e_t = vecteur d'etat

Tant que simulation non finie faire

t=t+delta_t

Résoudre collision // correction/génération de forces

Calculer F_t/m force

e_t=e_t+delta_t*(F_t/m,v_t) // Euler explicite voir 1 slide précédant

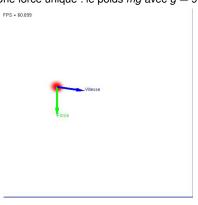
Afficher // découplage souhaitable (multi-threading).

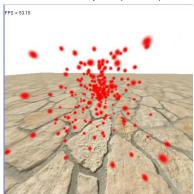
fin tant que
```

2012-2013

Exemple

▶ Une force unique : le poids mg avec g = 9.81 et m la masse du point (donnée).





Collision

Détecter la collision :

- Détection statique : déterminer si à l'instant *t* les objets sont en intersection. Principal problème : risque de traverser sans détecter.
- Détection dynamique : intersection de trajectoire (intersection entre les positions à t et à t + dt) pour déterminer l'instant de collision. Principal problème : peut s'avérer très délicat et/ou couteux.
- Répondre à la collision simplement?
 - Corriger les vitesses/positions (impulsion)
 - Insérer des forces de répulsion (méthode dite à pénalité)
 - ⇒ difficile de conserver un raisonnement "physiquement" correct (réalisme).

Autre approche possible : résolution d'un problème sous contrainte (trouver les positions en leur interdisant des zones de l'espace) \Rightarrow plus complexe à mettre en oeuvre.

Collision point/plan infini

Détection statique : le point traverse t'il le plan?

- ▶ Plan donné par (A, n). Particule en mouvement donnée par sa position P_t .
 - Instant t: calcul de $\overrightarrow{AP_t} \cdot n$ (position relative de la particule au plan).
 - Instant t + dt: calcul de $\overrightarrow{AP_{t+dt}} \cdot n$
 - Si changement de signe ⇒ la particule a traversé le plan.
 - Pour être physiquement correct, il faudrait trouver l'instant du contact (pour avoir la vitesse et la position au moment du contact) ⇒ trouver l'instant de collision.
 - ⇒ dans la suite on se contente de réagir en prenant la position et la vitesse à l'instant t+dt.



Collision point/plan infini

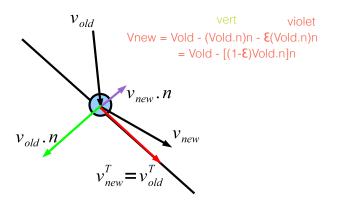
Réponse : impulsion.

- Changement de la vitesse spontanément (principe d'impulsion instantanée) :
 - On décompose la vitesse v en vitesse tangentielle v^T et normale v^N (i.e. $v = v^T + v^N$ et $v^N = (v \cdot n)n$ si n normé).
 - La vitesse tangentielle au contact reste inchangée.
 - La vitesse normale est opposée, en lui appliquant un coefficient de restitution ε ∈ [0,1] (traduit le rebond).



2012-2013

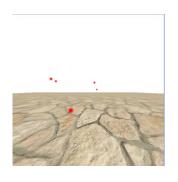
Impulsion

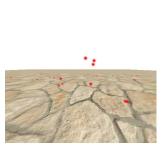


- Soient vold et vnew les vitesses avant et après la collision de la particule sur un objet statique.
- Exercice : connaissant v_{old} , n et ε quelle est la vitesse finale v_{new} ?



Exemple

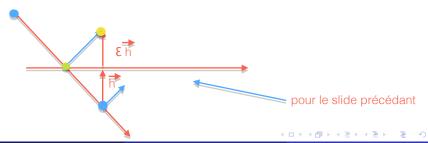




- ► Il faut également corriger la position.
- Par impulsion : $x_{new} = x_{old} + (1 + \varepsilon)(H x_{old})$ avec H projection de x_{old} sur le plan.

Exemples de forces sur les particules

- ▶ Amortissement/frottement : F = -kv.
- ▶ Ressort entre 2 particules x_1 et x_2 : $F_{1\rightarrow 2} = -k(x_2 x_1 l_{repos})$
- Force d'attraction gravitationnelle entre 2 particules : $F_{1\to 2} = -G \frac{m_1 m_2}{\|x_2 x_1\|} (x_2 x_1)$



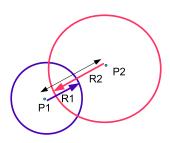
Autres collisions

- ► Collision point/sphère (localiser la particule par rapport à une sphère).
- Collision point/triangle (plan infini puis localisation de l'intersection à l'intérieur).
- ► Collision point/volume (intersection demi-droite avec bord).
- Collision point/bsp

Animation basée physique avec des sphères

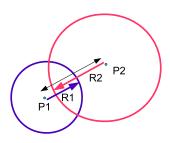
- position/vitesse = position/vitesse du centre
- la sphère considérée comme un point (application de la physique à son centre).
- On applique les même calculs que pour les particules
- ▶ Mais on gère la collision entre les sphères (prise en compte d'un rayon donné).
- Ce qui change?
 - détection des collisions entre toutes les sphères deux à deux.
 - calcul de l'impulsion lors d'une collision entre 2 sphères.
- Remarque : on ne gère pas le roulement.

Collisions sphère/sphère



- ▶ Détection : $(p_2.position() p_1.position())$.length() < $p_2.radius() + p_1.radius()$
- Réponse par impulsion : correction des vitesses :
 - On calcule un vecteur impulsion j.
 - Soit N le vecteur normal au point de contact : on peut prendre (approximation) le vecteur joignant les deux centres.
 - $v_{1 new} = v_{1 old} \frac{j}{m_1} N$ et $v_{2 new} = v_{2 old} + \frac{j}{m_2} N$ avec j le coefficient d'impulsion.
 - On calcule que $j=\frac{-(1+\varepsilon)(v_{2old}-v_{1old})\cdot N}{(\frac{1}{m_1}+\frac{1}{m_2})N\cdot N}$

Collisions sphère/sphère : correction des positions



- ▶ Eloigner les sphères l'une de l'autre dans la direction $N = p_2.position() p_1.position()$
- Distance de recouvrement des 2 sphères : $D = (p_2.position() p_1.position()).length() p_1.radius() p_2.radius() (négative si en collision).$
- Tenir compte des masses m₁ et m₂ des sphères pour distribuer le déplacement D entre p₁ et p₂.

$$\begin{array}{l} p_{1\, new} = p_{1\, old} + (1+\epsilon) * \frac{m_2}{m_1 + m_2} D \frac{N}{N \cdot N} \\ p_{2\, new} = p_{2\, old} - (1+\epsilon) * \frac{m_1}{m_1 + m_2} D \frac{N}{N \cdot N} \end{array}$$

Problèmes/Autre utilisation des sphères

- La résolution de la collision entre 2 sphères peut regénérer des collisions avec les autres sphères (problème des multi collisions : très délicat à résoudre en statique).
- Utilisation possible des sphères : modèle de collision.
- ▶ Souvent utilisées avec un principe de pénalité comme réponse.
- Si nombreuses sphères ⇒ nécessité d'optimiser pour éviter les tests entre toutes les paires de sphères.

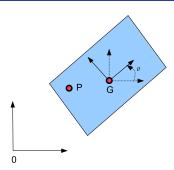
Animation basée physique avec des boites (cas 2D)



Mécanique des solides rigides

- Pour une particule :
 - trouver la position x(t):
 - donner/calculer la somme des forces F qui s'appliquent à la particule.
 - puis résoudre la RFD avec intégration d'Euler par exemple :
 - $v_{new} = v_{old} + \frac{F}{m}dt$
 - $x_{new} = x_{old} + v_{old} dt$
- Pour un solide :
 - trouver la position x(t) ET trouver l'orientation $\theta(t)$ (rappel : le placement de tout objet 3d se réduit à une composition TR).
 - Pour la position x(t): on peut appliquer la RFD au centre de masse G (i.e. considérer l'objet comme un point réduit à son iso-barycentre).
 - Pour l'orientation θ(t): il faut faire intervenir d'autres notions mécaniques pour la calculer ⇒ moment des forces, moment cinétique, moment d'inertie.
 - ⇒ pour simplifier, on ne considère que le cas 2D dans la suite.

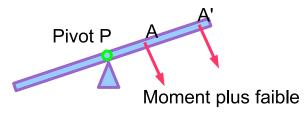
Vitesse angulaire



- La position d'un solide à l'instant t est définie par la position x de son centre de masse G, et de sa rotation θ autour de ce centre.
- On définit la vitesse angulaire par $\omega = \theta$
- On définit le vecteur vitesse angulaire par $\overrightarrow{\omega} = \omega \overrightarrow{u}$ où u est l'axe de rotation (dépend de l'instant t).
- Vitesse d'un point P quelconque du solide : $v_P = v_G + \overrightarrow{PG} \times \overrightarrow{\omega}$
- Comment trouver l'angle $\theta(t)$? \Rightarrow on applique le théorème du moment cinétique.

Moment d'une force

- Moment d'une force (analogie avec la force pour la position) :
 - c'est l'aptitude d'une force appliquée en A à faire tourner un solide autour d'un pivot P donné
 - M_{F/P} = F × AP (produit vectoriel). En 2D (i.e. z = 0): une seule composante (le z du produit vectoriel est le déterminant).



Moment d'inertie et moment cinétique

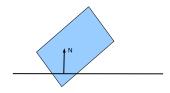
- ▶ Moment d'inertie (analogie avec la masse) en 2D :
 - Par rapport à un point $P: I_P = \int \int_{A \in S} (AP)^2 dm$
 - On choisit généralement le centre de masse P = G.
 - Exemple : rectangle de masse totale M et de dimension (I,h) : $I_G = \frac{1}{12}M(I^2 + h^2)$.
- ▶ Moment cinétique d'un point A du solide (analogie avec quantité de mouvement) en 2D :
 - Par rapport à un point $P: L_{A/P} = p \times AP$ (où p: quantité de mouvement = mv).
 - On montre que $L_{A/G} = I_G \omega$ (i.e. indépendant de A).

Théorème du moment cinétique

- $M_{F/G} = \frac{\partial L_{A/G}}{\partial t} = I_G \dot{\omega}$ (analogie avec F = ma).
- On a donc une relation pour trouver l'angle à partir de l'accélération angulaire : $\dot{\omega}=\frac{M_{F/G}}{I_G}$
- ► Application d'Euler :

$$\overrightarrow{\omega}_{new} = \overrightarrow{\omega}_{old} + \frac{\mathit{M}_{\mathit{F/G}}}{\mathit{I}_{\mathit{G}}} \mathit{dt}$$
 $\theta_{new} = \theta_{old} + \omega_{old} \mathit{dt}$

Collision Polygone/Plan infini



- Déterminer le sommet le plus loin.
- ➤ Appliquer une impulsion au point de contact *P* et considérer la normale *N* au contact.
- ightharpoonup L'impulsion induit un changement de vitesse à P, qu'on doit répercuter sur v_G et sur $\overrightarrow{\omega}$.
- ► Rappel : $v_P = v_G + \overrightarrow{PG} \times \overrightarrow{\omega}$
- Le calcul de la correction est :

$$v_{Gnew} = v_{Gold} + \frac{j}{m}N$$

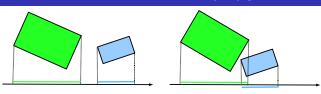
 $\overrightarrow{\omega}_{new} = \overrightarrow{\omega}_{old} + (\overrightarrow{PG} \times jN)$

Avec

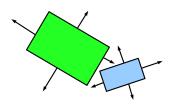
$$j = \frac{-(1+\varepsilon)v_{Pold} \cdot N}{\frac{1}{m} + \frac{N \cdot ((PG \times N) \times PG)}{I_G}}$$

v_G est la vitesse du centre de masse, v_P est la vitesse du point au contact.

Détections de collision entre polygones

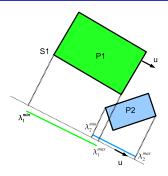


- Détection par axe séparateur pour des polygones P1 et P2 convexes :
 - Un vecteur est dit axe séparateur si les projections des deux polygones sur ce vecteur sont disjointes.
 - S'il existe un axe séparateur alors les polygones sont disjoints.
 - Pour deux polygones (convexes), s'il existe un axe séparateur, alors un axe orthogonal à une arête des polygones est nécessairement séparateur.
 - ⇒ recherche d'un axe séparateur pour la détection de collision.



2012-2013

Test d'axe séparateur



- Projeter sur l'axe u? \Rightarrow projeter tous les sommets S sur u: $\lambda = P \cdot u$.
- ▶ Disjoints ? Comparez les λ : $[\lambda_1^{min}, \lambda_1^{max}]$ intersecte $[\lambda_2^{min}, \lambda_2^{max}]$?
- On appelle distance de séparation sur l'axe la distance de superposition (sur l'exemple : $\lambda_1^{max} \lambda_2^{min}$).
- Remarques :
 - raisonnement valide pour tout polygone convexe (nombre quelconque de sommets)
 - se généralise en 3D (les axes à tester sont les normales aux faces, et les normales aux couples d'arêtes de P1 et P2).

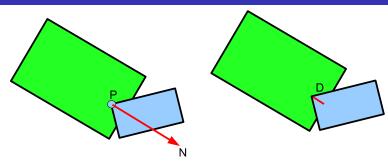
Réponse à la collision

- Par impulsion au point de contact *P*, avec un contact de normal *N* (normalisé).
- Le polygone 1 subit : $v_{Gnew}^1 = v_{Gold}^1 + \frac{j}{m!}N$ et $\overrightarrow{\omega}_{new}^1 = \overrightarrow{\omega}_{old}^1 + (\overrightarrow{PG}_{old}^1 \times jN)$ (similaire pour 2 mais avec -j).

$$j = \frac{-(1+\epsilon)(v_{Pold}^1 - v_{Pold}^2) \cdot N}{\frac{1}{m^1} + \frac{1}{m^2} + \frac{N \cdot ((P^1G^1 \times N) \times P^1G^1)}{I_G^1} + \frac{N \cdot ((P^2G^2 \times N) \times P^2G^2)}{I_G^2}}{I_G^2}$$

- ▶ Remarque : la vitesse de P n'est pas la même pour 1 et 2.
- Problème : P? N?

Réponse à la collision



- Plusieurs solutions, toutes plus ou moins... incorrectes.
- Rappel : il faudrait répondre au contact, et non à une situation d'intersection! (trouver l'instant t qui précède la collsion, puis trouver les points les plus proches).
- Proposition : prendre l'axe (de l'algorithme de détection) qui génère la plus petite superposition comme normale, et prendre les sommets en intersection comme points de contacts (en tp : moyenne de tous les sommets inclus).
- lacktriangle Comme on répond à une situation en intersection \Rightarrow correction de la position :
 - $G^1_{new} = G^1_{old} + \frac{m^1}{m^1 + m^2} DN$ et $G^2_{new} = G^2_{old} \frac{m^2}{m^1 + m^2} DN$ (moyenne pondérée par les masses).

Accélération de la détection de collisions

 Généralement décomposer en 2 phases : narrow-phase (détection à proprement parler) et broad-phase (accélération).

Narrow-Phase :

- détection "précise" entre 2 corps (sphère/sphère, polygone/polygone, objet/objet, sphère/polygone, AABB/..., etc).
- Principaux problèmes: algorithme géométrique d'intersection, mais surtout fournir les informations nécessaires à la réponse choisie (point de contact, normale au contact, distance de superposition, etc).

Broad-Phase :

- déterminer des critères entre tous les corps de la scène pour éviter la narrow-phase.
- Exemples :
 - tests d'intersections sur boites englobantes (sphère, AABB, OBB, etc).
 - axe séparateur sur l'axe x de la scène (projection de tous les objets de la scène).
 - subdivision de la scène (grille régulière, octree dynamique).

Conclusion sur l'animation physique

Référence web : http://www.cs.cmu.edu/afs/cs/user/baraff/www/pbm/pbm.html (Witkin/Baraff/Kass 97).

Autre: "Game Physics", David Eberly.

- gestion du contact (stabilité), contacts/collisions multiples
- gestion des contraintes (par exemple rigides articulés).
- modèles par contraintes (coordonnées généralisées).
- En 3D : pas nécessairement plus compliqué, mais plus lourd : algorithmes de collisions 3D; angle de rotation qui devient axe de rotation; moment d'inertie qui devient une matrice d'inertie.
- modèles déformables (approximation avec ressorts ; éléments finis).
- modèles de rupture.

2012-2013