

Algorytmy i Struktury Danych
Egzamin/Zaliczenie 2 (7.IX.2023)

Format rozwiązań

Rozwiązanie zadania musi się składać z **krótkiego** opisu algorytmu (wraz z uzasadnieniem poprawności) oraz jego implementacji. Zarówno opis algorytmu jak i implementacja powinny się znajdować w tym samym pliku Pythona (rozszerzenie `.py`). Opis powinien być na początku pliku w formie komentarza (w pierwszej linii w komentarzu powinno być imię i nazwisko studenta). Opis nie musi być długi—wystarczy kilka zdań, jasno opisujących ideę algorytmu. Implementacja musi być zgodna z szablonem kodu źródłowego dostarczonym wraz z zadaniem. Niedopuszczalne jest w szczególności:

1. zmienianie nazwy funkcji implementującej algorytm, listy jej argumentów, lub nazwy pliku z rozwiązaniem,
2. modyfikowanie testów dostarczonych wraz z szablonem,
3. wypisywanie na ekranie jakichkolwiek napisów innych niż wypisywane przez dostarczony kod (ew. napisy dodane na potrzeby diagnozowania błędów należy usunąć przed wysłaniem zadania).

Dopuszczalne jest natomiast:

1. korzystanie z następujących elementarnych struktur danych: krotka, lista, słownik, kolejka `collections.deque`, kolejka priorytetowa (`queue.PriorityQueue`, `heapq`),
2. korzystanie ze struktur danych dostarczonych razem z zadaniem (jeśli takie są).
3. korzystanie z wbudowanych funkcji sortujących (należy założyć, że mają złożoność $O(n \log n)$).

Wszystkie inne algorytmy lub struktury danych wymagają implementacji przez studenta. Dopuszczalne jest oczywiście implementowanie dodatkowych funkcji pomocniczych w pliku z szablonem rozwiązania.

Zadania niezgodne z powyższymi ograniczeniami otrzymają ocenę 0 punktów. Rozwiązania w innych formatach (np. `.PDF`, `.DOC`, `.PNG`, `.JPG`) z definicji nie będą sprawdzane i otrzymają ocenę 0 punktów, nawet jeśli będą poprawne.

Testowanie rozwiązań

Żeby przetestować rozwiązanie zadania należy wykonać polecenie: `python3 egz2b.py`

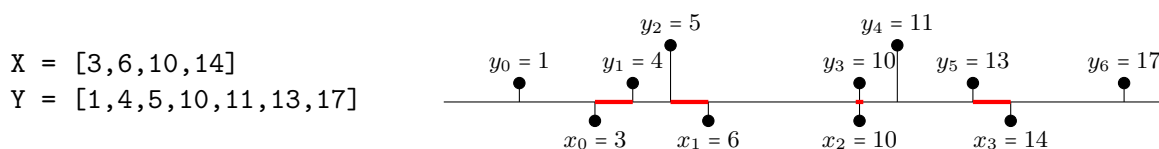
Szablon rozwiązania:	egz2b.py
Złożoność akceptowalna (2pkt):	dowolna złożoność wielomianowa
Złożoność lepsza (+1pkt):	$O(m^3)$
Złożoność wzorcowa (+1pkt):	$O(mn)$

Szalony Inwestor wybudował po południowej stronie drogi n biurowców, na pozycjach $x_0 < \dots < x_{n-1}$. Parkingi tych biurowców mają dopiero zostać wybudowane i dostępne jest w tym celu m działek ($m \geq n$), dostępnych na północnej stronie drogi, na pozycjach $y_0 < \dots < y_{m-1}$. Inwestor chce wybudować dokładnie po jednym parkingu dla każdego biurowca (żadne dwa biurowce nie mogą dzielić tego samego parkingu). Zasady bezpiecznego ruchu wymagają, że i -ty biurowiec musi mieć parking na pozycji wcześniejszej niż $i+1$ -szy. Inwestor chce wybudować parkingi na takich pozycjach, żeby suma odległości parkingów od biurowców była minimalna. Odległość i -go biurowca od j -ej działki to $|x_i - y_j|$. Zadanie polega na implementacji funkcji:

`parking(X, Y)`

która na wejściu otrzymuje listę X zawierającą n pozycji biurowców oraz listę Y zawierającą m pozycji działek na parkingi (listy X oraz Y zawierają nieujemne liczby całkowite). Funkcja powinna być możliwie jak najszybsza.

Przykład. Dla wejścia:



wynikiem jest 3:

1. Biurowiec z poycji $X[0] = 3$ dostaje parking na pozycji $Y[1] = 4$ (odległość 1),
2. Biurowiec z poycji $X[1] = 6$ dostaje parking na pozycji $Y[2] = 5$ (odległość 1),
3. Biurowiec z poycji $X[2] = 10$ dostaje parking na pozycji $Y[3] = 10$ (odległość 0),
4. Biurowiec z poycji $X[3] = 14$ dostaje parking na pozycji $Y[5] = 13$ (odległość 1).

Podpowiedź. W realizacji algorytmu może pomóc obliczanie funkcji $f(i, j)$, zdefiniowanej jako:

$f(i, j)$ = minimalna suma odległości biurowców z pozycji $X[0], \dots, X[i]$ do przydzielonych im działek, przy założeniu że biurowiec z pozycji $X[i]$ ma przydzieloną działkę z pozycji $Y[j]$.

Funkcja ta pozwala zarówno uzyskać algorytm o złożoności “lepszej” jak i “wzrocowej”, choć to drugie wymaga pewnej optymalizacji obliczeń.