

Номер 1

3. Электрический заряд Q равномерно распределен по объёму непроводящего шара радиусом R . Определить напряженность электрического поля: а) снаружи шара ($r > R$); б) внутри шара ($r < R$). Постройте график $E(r)$.

Согласно теореме Гаусса:

$$\oint E \cdot dV = \frac{Q}{\epsilon_0}$$

Для случая $r > R$:

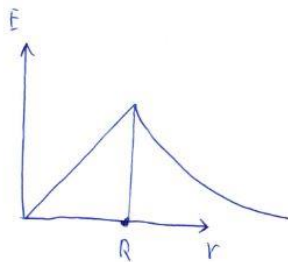
$$\oint E \cdot dV = \frac{Q}{\epsilon_0}$$

$$E = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2}$$

Для случая $r < R$:

$$\oint E \cdot dV = \frac{Q \frac{4}{3}\pi r^3}{\epsilon_0} = \frac{Q r^3}{\epsilon_0 R^3} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow E = \frac{Q r}{4\pi\epsilon_0 R^3}$$



Номер 2

3. Какой должна быть минимальная толщина воздушного слоя между двумя плоскими стеклянными пластинками, чтобы стекло при нормальном падении света с длиной волны $\lambda = 640$ нм казалось темным (и светлым)? Наблюдение ведётся в отраженном свете.

Вопрос 14

Дано:
 $\lambda = 640$ нм

Найти:
 толщину воздушного слоя d
 (для темной и светлой интерференционной картины)

Свет падает нормально

$\Delta = 2d\sqrt{n^2 - \sin^2 \theta} + \frac{\lambda}{2}$
 здесь $\sin \theta = 0$ (0°)

Условие min:

$\Delta = (2m+1)\frac{\lambda}{2} = \frac{\lambda}{2} (m=0)$
 $\Delta_{\min} = (2 \cdot 1 + 1)\frac{\lambda}{2} = \frac{3}{2}\lambda$ ($m=0$ не берём)

$2d_{\min} = \frac{3}{2}\lambda - \frac{1}{2}\lambda = \lambda$

max $\Delta = m\lambda$
 $2d_{\min} = 1\lambda - \frac{\lambda}{2} = \frac{\lambda}{2}$

Номер 3

3. При какой напряженности электрического поля в вакууме плотность энергии этого поля будет такой же, как у магнитного поля с индукцией $B=1,0\text{Тл}$?


$$w_E = \frac{\epsilon_0 \epsilon E^2}{2}, \quad w_B = \frac{B^2}{2\mu_0} \Rightarrow \frac{\epsilon_0 \epsilon E^2}{2} = \frac{B^2}{2\mu_0} \Rightarrow E = \frac{B}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0 \epsilon}} = \frac{B}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}}$$

Номер 4

2. Электромагнитная природа света. Электромагнитное поле.
3. Кольцо радиуса $R=50\text{ мм}$ из тонкого провода согнули по диаметру под прямым углом. Найти магнитную индукцию в центре кривизны полуколец при токе $I=2,25\text{ А}$

Дано
 R, I
 $B = ?$

Решение

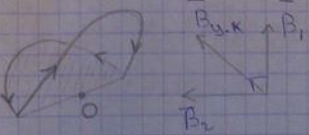


По теореме о циркуляции \vec{B} :

$$\oint \vec{B} d\vec{l} = \mu_0 I$$

$$B \cdot 2\pi R = \mu_0 I; \quad B = \frac{\mu_0 I}{2\pi R} \quad (\text{кольца})$$

Складываем:



$$B_1 = B_2 = \frac{B_{\text{кольца}}}{2} = \frac{\mu_0 I}{4\pi R}$$

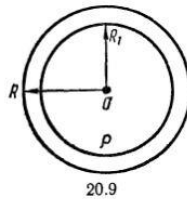
$$B_{\text{век}} = B_1 \sqrt{2} = \frac{\mu_0 I \sqrt{2}}{4\pi R}$$

Номер 5

3. Диэлектрический шар радиусом R заряжен с некоторой постоянной объемной плотностью заряда. Определить, сфера какого радиуса R_1 делит шар на две части, энергии которых равны.

Пример 20.7 Эбонитовый шар радиуса R равномерно заряжен электричеством с объемной плотностью ρ . Сфера какого радиуса R_1 делит шар на две части, энергии которых равны?

Решение. Проведем эту сферу радиуса R_1 (рис. 20.9). Тогда нам необходимо определить энергию W_1 шара радиуса R_1 и энергию W_2 шарового слоя с радиусами R_1 и R . Для этого необходимо рассчитать поле в шаре. Это легко делается методом Гаусса. По теореме Гаусса,



$$D \cdot 4\pi r^2 = \frac{4}{3}\pi r^3 \rho.$$

Таким образом, поле внутри шара

$$E = \frac{\rho r}{3\epsilon_0 \epsilon}.$$

Применяя метод ДИ, находим энергию dW поля, заключенную внутри тонкого шарового слоя толщины dr :

$$dW = w \cdot dv = \frac{\epsilon_0 \epsilon E^2}{2} 4\pi r^2 dr = \frac{2\pi \rho^2}{9\epsilon_0 \epsilon} r^4 dr.$$

Здесь w — плотность энергии электрического поля. После интегрирования получаем

$$W_1 = \frac{2\pi \rho^2 R_1^5}{45\epsilon_0 \epsilon}; \quad W_2 = \frac{2\pi \rho^2 (R^5 - R_1^5)}{45\epsilon_0 \epsilon}.$$

Так как $W_1 = W_2$, то

$$R_1 = \frac{R}{\sqrt[5]{2}} \approx 0,87R.$$

Номер 6

3. Найти суммарный заряд q плоской прямоугольной металлической пластины со сторонами a и b , если поверхностная плотность заряда изменяется по закону $\sigma = \sigma_2 + kx$ вдоль стороны a и остается постоянной вдоль стороны b (k — постоянная).

$$\begin{aligned} dq &= (\sigma_2 + kx) b dx \\ q &= \int_0^a (\sigma_2 + kx) b dx = \int_0^a \sigma_2 b dx + k b \int_0^a x dx = \sigma_2 b x + \frac{1}{2} k b x^2 \Big|_0^a = \\ &= \sigma_2 b a + \frac{k b a^2}{2} \end{aligned}$$

Номер 7

3. Найти выражение для потенциальной энергии положительного точечного заряда q в электростатическом поле, создаваемом равномерно заряженной с линейной плотностью τ бесконечно длинной нитью. Потенциальную энергию точечного заряда, бесконечно удаленного от заряженной нити, считать равной нулю. $\Phi = \alpha \tau (l - r)$ где α - известная постоянная. Найти количество теплоты, выделившееся в контуре за это время. Магнитным полем индукционного тока пренебречь.



По теореме Гаусса

$$E \cdot 2\pi R l = \frac{\lambda l}{\epsilon_0}$$

$$E = \frac{\lambda}{2\pi R \epsilon_0}$$

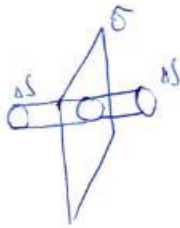
По определению - потенциальная энергия $U(M)$ точечного заряда в поле M есть величина работы, совершаемая силой поля по перемещению из точки M в бесконечность, т.е. равен

$$\int_{r_1}^{\infty} q E dr = \int_{r_1}^{\infty} \frac{\lambda l}{2\pi r \epsilon_0} dr = \ln l \frac{\lambda l}{2\pi \epsilon_0} \Big|_{r_1}^{\infty} =$$

$$= - \frac{\lambda q \ln r_1}{2\pi \epsilon_0}, \quad r_1 - \text{расстояние от нити до заряда}$$

Номер 8

Закон Брюстера. Поляризационные призмы и поляри-
 статическом поле, создаваемом равномерно заряженной с поверхностной плотностью σ бесконеч-
 ной плоскостью. Выбрать начало отчета потенциальной энергии на поверхности плоскости.
 Билет рассмотрен и утвержден на заседании кафедры 12.12.2012г.



По теореме Гаусса:

$$2\delta S E = \frac{\sigma \delta S}{\epsilon_0}$$

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

По стержневому потенциалу энергии имеем

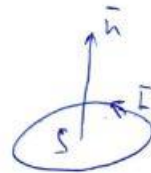
$$\int_R^0 q E dl = \int_R^0 \frac{q \sigma}{2\epsilon_0} dl = \frac{q \sigma l}{2\epsilon_0} \Big|_R^0 = -\frac{q \sigma R}{2\epsilon_0},$$

R - расстояние от плоскости

Номер 9

Теорема Гаусса для электростатического поля. Теорема Гаусса для электростатического
 3. Найти магнитный момент тонкого кругового витка с током, если радиус витка $R=100\text{мм}$ и ин-
 дукция магнитного поля в его центре $B=6,0\text{мкТл}$
 Билет рассмотрен и утвержден на заседании кафедры 12.12.2012г.
 Зав.каф.

По определению $\vec{p}_m = I \vec{S} \vec{n}$



Самостоятельно вычислите в центре витка:

$$\begin{aligned} \text{Diagram: } \text{Circular loop of radius } R \text{ with current } I. \text{ A small segment } d\vec{l} \text{ is shown at an angle } \theta \text{ from the horizontal. The distance from } d\vec{l} \text{ to the center is } R. \\ d\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{[d\vec{l} \times \vec{R}]}{R^3} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{dl}{R} \Rightarrow \\ \Rightarrow B = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{2\pi R}{R^2} = \frac{\mu_0 I}{2R} \end{aligned}$$

Потенциал: $I = \frac{2BR}{\mu_0}, \quad \vec{p}_m = \frac{2BR}{\mu_0} \cdot \pi R^2 \vec{n}$

Номер 10

МГТУ им. Н.Э. Баумана, кафедра: ИУ3,4,5,6,7; РЛ6; МТ4; МТ8; МТ11, С

по курсу общей физики, (2-й курс)

1. Закон Ома и Джоуля-Ленца в интегральной и дифференциальной формах.

2. Фотоны и фотоэффект.

3. В электростатическом поле, образованном системой распределенных зарядов потенциал изменяется по закону $u=a(x^2+y^2)+bz^2$. Найти напряженность электростатического поля в точке $M(4\text{м}, 4\text{м}, 1\text{м})$, если $a=4\text{В/м}^2, b=3\text{В/м}^2$

и утверждён на заседании кафедры 12.12.2012г.

Зав.каф. _____ Лектор _____

$$\begin{aligned} 1) \quad \vec{E} = -\vec{\nabla} \varphi \Rightarrow \\ \vec{E} = -\frac{\partial \varphi}{\partial x} \vec{i} - \frac{\partial \varphi}{\partial y} \vec{j} - \frac{\partial \varphi}{\partial z} \vec{k} = -2ax \vec{i} - 2ay \vec{j} - 2bz \vec{k} \Rightarrow \\ \Rightarrow \vec{E}(4\text{м}, 4\text{м}, 1\text{м}) = (-8a \vec{i} - 8a \vec{j} - 2b \vec{k}) \text{ В/м} \end{aligned}$$

Номер 11

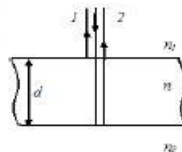
1. Соотношение неопределенностей Гейзенберга.

3. Мыльный пузырь кажется зеленым ($\lambda = 540\text{нм}$) в точке ближайшей к наблюдателю. Какова его минимальная толщина? Предположим, что $n=1,35$.

7. Мыльный пузырь имеет зеленую окраску ($\lambda = 540 \text{ нм}$) в области точки, ближайшей к наблюдателю. Если показатель преломления мыльной воды $n = 1,35$, то минимальная толщина пузыря в указанной области равна ...100.

Решение

От ближайшей к наблюдателю точки сферической поверхности свет отражается по перпендикуляру. Следовательно, оптическая разность хода лучей, отраженных от наруж-



14

ной и внутренней поверхностей мыльного пузыря, равна (можно заменить плоскопараллельной пластиной)

$$\Delta = 2nh \pm \frac{\lambda}{2}$$

где h — толщина мыльной пленки. Прибавление (вычитание) половины длины волны к $2nh$ связано с отражением 1 луча от более плотной среды (отражение от верхней границы). Максимум интерференции имеет место при условии, что

$$\Delta = \pm 2m \frac{\lambda}{2} = \pm m\lambda,$$

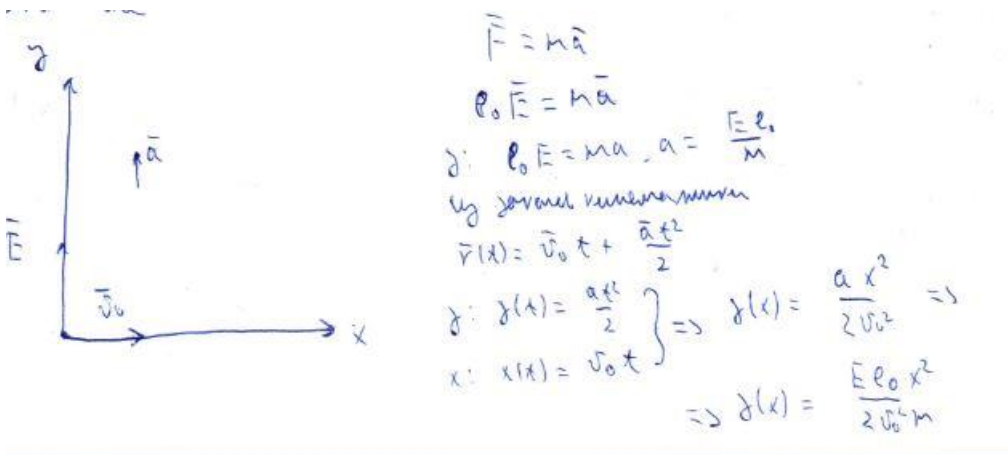
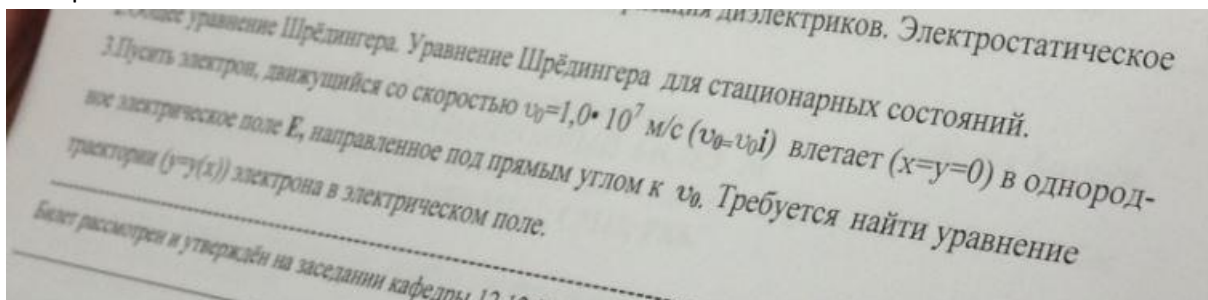
где $m = 0, 1, 2, 3$. Выберем в левой части (+). Тогда правая часть положительна и

$$2nh + \frac{\lambda}{2} = m\lambda,$$

где $m = 1, 2, 3 \dots$ Следовательно,

$$h = \frac{\lambda(m - \frac{1}{2})}{2n}, \quad h_{\min} = \frac{\lambda(1 - \frac{1}{2})}{2n} = \frac{\lambda}{4n} = \frac{540}{4 \cdot 1,35} = 100 \text{ нм}.$$

Номер 12



Номер 13

Волновая функция, её статический смысл и условия, которыми описываются квантовые состояния.

3. В магнитном поле, индукция которого меняется по закону $\mathbf{B} = (a + bt^2) \mathbf{i}$, где $a = 0,1 \text{ Тл}$; $b = 0,01 \text{ Тл/с}^2$; \mathbf{i} — единичный вектор оси X, расположена квадратная рамка со стороной $l = 0,2 \text{ м}$, причем плоскость рамки перпендикулярна к вектору \mathbf{B} . Определить электродвижущую силу индукции в рамке в момент времени $t = 5 \text{ с}$ и количество теплоты, которое выделяется в рамке за первые 5с, если сопротивление рамки $R = 0,5 \text{ Ом}$.

Билет рассмотрен и утвержден на заседании кафедры 12.12.2012г. Зав.каф. Лектор

$$\mathcal{E}_i = - \frac{d\Phi_B}{dt} = - \left((a + bt^2) l^2 \right)'_t = - 2l^2 b t$$

$$dQ = I^2 R dt$$

$$I = \frac{|\mathcal{E}_i|}{R} = \frac{2l^2 b t}{R} \Rightarrow dQ = \frac{4l^4 b^2 t^2}{R} dt \Rightarrow$$

$$\Rightarrow Q = \int_0^t \frac{4l^4 b^2 t^2}{R} dt = \frac{4l^4 b^2}{R} \left(\frac{t^3}{3} \right)$$

Номер 14

3. Считая известным соотношение между потенциальной энергией W точечного заряда в электростатическом поле и силой \mathbf{F} , действующей на точечный заряд со стороны электростатического поля в каждой точке поля $\mathbf{F} = -\text{grad} W$, вывести выражение, связывающее потенциал электростатического поля и её напряженность в каждой точке.

Билет рассмотрен и утвержден на заседании кафедры 12.12.2012г.

$$\mathbf{F} = -\text{grad} W$$

$$\mathbf{E} q = -\text{grad} \varphi \Rightarrow \mathbf{E} = -\text{grad} \varphi$$

Номер 15

3. Частица, имеющая заряд электрона, влетает в однородное магнитное поле под углом $\alpha = 45^\circ$ к линиям индукции и движется по винтовой линии с шагом $h = 2 \text{ см}$. Определить импульс частицы, если индукция поля $B = 10^{-2} \text{ Тл}$.

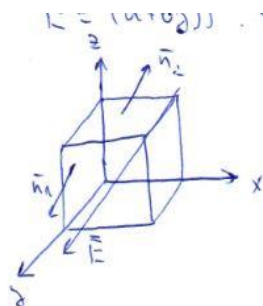
Билет рассмотрен и утвержден на заседании кафедры 12.12.2012г.

$\vec{p} = h \vec{v}$
 $|\vec{v}| = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$

$\begin{cases} h = v_x t \\ m v_y^2 = q v_y B \\ R = \frac{v_y t}{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} h = v_x t \\ h = \frac{q B}{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} t = \frac{2h}{v_x} \\ v_x = \frac{h q B}{2m} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} t = \frac{2h}{v_x} \\ v_x = v_y = \frac{h q B}{2m} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} |\vec{v}| = \sqrt{2} \frac{h q B}{2m} \\ |\vec{p}| = \frac{\sqrt{2} h q B}{2} \end{cases}$

Номер 16

3. Вершина куба со стороной ℓ находится в начале координат, а оси x, y, z направлены по ребрам куба. Напряженность электрического поля в этой области определяется формулой $\vec{E} = (a + by)\vec{j}$. Определите величину заряда внутри куба.



По теореме Гаусса: $\oint \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{q_{\text{вн}}}{\epsilon_0}$
 $\vec{E} = (a + by)\vec{j}$
 $\Rightarrow q_{\text{вн}} = \epsilon_0 \oint \vec{E} \cdot d\vec{S} = \epsilon_0 \int_0^\ell \int_0^\ell (a + by) dy dz = \epsilon_0 \ell \int_0^\ell (a + by) dy = \epsilon_0 \ell \left[ay + \frac{by^2}{2} \right]_0^\ell = \epsilon_0 \ell \left(a\ell + \frac{b\ell^2}{2} \right)$

Номер 17

3. Тонкая пленка спирта ($n_{\text{сп}} = 1,36$) покрывает плоскую стеклянную пластину ($n_{\text{ст}} = 1,58$). При нормальном падении монохроматического света доля отраженного света минимальна при $\lambda_1 = 520 \text{ нм}$ и максимальна при $\lambda_2 = 640 \text{ нм}$. Чему равна толщина пленки?

Задача 1
 Тонкая пленка спирта покрывает плоскую стеклянную пластину.
 Чему равна толщина пленки?
 $n_{\text{спирт}} = 1,36$
 $n_{\text{стекло}} = 1,58$
 min: при $\lambda_1 = 520 \text{ нм}$
 max: при $\lambda_2 = 640 \text{ нм}$
 Определить d - толщину пленки спирта.

Решение:
 min: $2dn_{\text{спирт}} + \frac{\lambda_1}{2} - \frac{\lambda_1}{2} = (2m+1) \frac{\lambda_1}{2}, m = 1, 2, 3, \dots$
 max: $2dn_{\text{спирт}} + \frac{\lambda_2}{2} - \frac{\lambda_2}{2} = m\lambda_2$
 $m = \frac{2dn_{\text{спирт}}}{\lambda_2}; 2dn_{\text{спирт}} = \left(2 \frac{2dn_{\text{спирт}}}{\lambda_2} + 1\right) \frac{\lambda_1}{2}$

Номер 18

3. В вакууме распространяется плоская гармоническая линейно поляризованная электромагнитная волна частоты ω . Интенсивность волны равна I . Найти амплитудное значение плотности тока смещения в этой волне.

$$\vec{j}_m = \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}, \quad \vec{D} = \epsilon_0 \vec{E}, \quad \vec{E} = \vec{E}_m \cos(\omega t - kx), \Rightarrow j_m = \omega \epsilon_0 E_m$$

$$I = \sqrt{\frac{\epsilon_0}{\mu_0}} \frac{E_m^2}{2} \Rightarrow j_m = \omega \sqrt{\frac{2 \epsilon_0 I}{c}}$$

Номер 19

2. Естественный и поляризованный свет. Закон Малюса.
3. Между пластинами плоского конденсатора, заряженного до напряжения $U=400\text{В}$, помещена диэлектрическая пластина толщиной $h=1,2\text{см}$ и диэлектрической проницаемостью $\epsilon=5$. Найти: 1) поверхностную плотность σ свободных зарядов на обкладках конденсатора; 2) поверхностную плотность связанных зарядов (зарядов поляризации) на пластине.

Номер 20

3. Луч света, падая на поверхность раствора, частично отражается, частично преломляется. Определить показатель преломления раствора, если отраженный луч полностью поляризуется при угле преломления 35° .

Задача 20.

Луч света, падая на поверхность раствора, частично отражается, частично преломляется. Определить показатель преломления раствора, если отраженный луч полностью поляризуется при угле преломления 35° .

Дано:

$$\gamma = 35^\circ$$

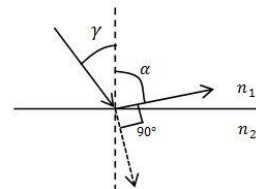
Найти:

n —?

Решение:

$$\frac{\sin \alpha}{\sin \gamma} = n$$

По условию задачи сказано, что луч полностью поляризуется при угле преломления 35° . Этот угол является углом Брюстера. А если луч падает под этим углом, то отраженный и преломленный лучи взаимно перпендикулярны. Следовательно, запишем угол α как $\alpha = (90^\circ - \gamma)$



$$n = \frac{\sin(90^\circ - \gamma)}{\sin \gamma} = \frac{0,82}{0,57} = 1,44$$

Номер 21

3. Найти выражение для потенциальной энергии положительного точечного заряда q в электростатическом поле, создаваемом равномерно заряженной с поверхностной плотностью σ сферической поверхностью радиуса R . Потенциальную энергию точечного заряда, бесконечно удаленного от заряженной поверхности, считать равной нулю.

$$\vec{E}_{cp} = \frac{\sigma \cdot 4\pi R^2}{4\pi \epsilon_0 \cdot e^2} = \frac{\sigma R^2}{\epsilon_0 e^2}$$

По определению потенциальной энергии:

$$\int_{e_1}^{\infty} q \vec{E} d\vec{r} = \int_{e_1}^{\infty} \frac{\sigma R^2 q}{\epsilon_0 e^2} dr = - \frac{\sigma R^2 q}{\epsilon_0 e} \Big|_{e_1}^{\infty} = \frac{\sigma R^2 q}{\epsilon_0 e_1}, \text{ так } e_1 -$$

- расстояние от центра зарядов.

Номер 22

тип суперпозиции квантовых состояний.

3. Сравнить разрешающие способности дифракционных решеток, если одна из них имеет 420 штрихов на 1 мм при ширине 2 см, а вторая – 700 штрихов на 1 мм при ширине 4,8 см.

4. Сравнить разрешающие способности дифракционных решеток, если одна из них имеет 420 штрихов на 1 мм при ширине 2 см, а вторая – 700 штрихов на 1 мм при ширине 4,8 см.

Дано:

$$n_1 = 4,2 \cdot 10^5 \text{ м}^{-1}$$

$$l_1 = 2 \cdot 10^{-2} \text{ м}$$

$$n_2 = 7 \cdot 10^5 \text{ м}^{-1}$$

$$l_2 = 4,8 \cdot 10^{-2} \text{ м}$$

$$\frac{R_2}{R_1} = ?$$

Решение. Разрешающая способность определяется формулой: $R = kN$, где $N = nl$ - число штрихов решетки. Значит, $R = knl$.

Тогда, $R_1 = kn_1 l_1$, $R_2 = kn_2 l_2$. Значит, $\frac{R_2}{R_1} = \frac{kn_2 l_2}{kn_1 l_1} = \frac{n_2 l_2}{n_1 l_1}$.

$$\text{Получаем, } \frac{R_2}{R_1} = \frac{7 \cdot 10^5 \cdot 4,8 \cdot 10^{-2}}{4,2 \cdot 10^5 \cdot 2 \cdot 10^{-2}} = 4.$$

$$\text{Ответ. } \frac{R_2}{R_1} = 4.$$

Номер 23

анализе.

3. Дифракционная решетка шириной 2 см имеет постоянную 5 мкм. Определить разрешающую способность этой решетки в 3-м порядке. Какова наименьшая разность длин волн двух разрешаемых спектральных линий в желтой ($\lambda = 600 \text{ нм}$)?

Разрешающая способность определяется по формуле: $R = kN$. По условию $k=3$, $N = \frac{l}{d}$, тогда:


$$R = 3 \cdot \frac{l}{d} = 3 \cdot \frac{2 \text{ см}}{5 \text{ мкм}} = 3 \cdot \frac{2 \cdot 10^2 \text{ м}}{5 \cdot 10^{-6} \text{ м}} = 12000.$$

~~$$\text{Тогда } \Delta \lambda = \frac{\lambda}{R} = \frac{600}{12000} = 0,05 \text{ нм}$$~~

$$\text{Тогда } \Delta \lambda = \frac{\lambda}{R} = \frac{600}{12000} = 0,05 \text{ нм}$$

Номер 24

3. Протон влетает в однородное магнитное поле с индукцией $B=2 \cdot 10^{-5}$ Тл перпендикулярно линиям индукции магнитного поля. Сколько оборотов будет делать в магнитном поле протон за 1 с?



$$\frac{mv^2}{R} = qvB$$

$$\frac{mv}{R} = qB$$

$$v = \frac{qBR}{m}$$

$$T = \frac{2\pi R}{v} = \frac{2\pi m}{qB}$$

$$\nu = \frac{1}{T} = \frac{qB}{2\pi m} \quad \text{— оборотов за 1 с}$$

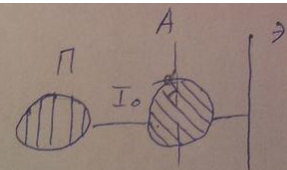
Номер 25

ные призмы и поляроиды.

3. Луч естественного света последовательно проходит через поляризатор и анализатор, угол между главными плоскостями которых $\alpha=60^\circ$. Какая доля начального потока выйдет из анализатора?

1 дан

№25



Дано

$$\alpha = 60^\circ$$

$$\frac{I}{I_0} = ?$$

$$I = I_0 \cdot \cos^2 \alpha$$

$$\frac{I}{I_0} = \frac{I_0 \cdot \cos^2 \alpha}{I_0} = \left(\frac{1}{4} \right)$$

Номер 26

2. Фотоны. Эффект Комптона.

3. Одна из двух щелей, освещаемых светом с длиной волны $\lambda=510$ нм, закрыта очень тонким листом прозрачного пластика ($n=1,60$). В центре экрана вместо максимума света - темная полоса. Чему равна (минимальная) толщина пластика?

Задача 11 *наблюдать лучи*

Дано:
 $\lambda = 510 \text{ нм}$
 $n = 1,60$

Решение:
 $\Delta = \frac{\lambda}{2}$
 $(nd_{\min} - \lambda) = \frac{\lambda}{2}$

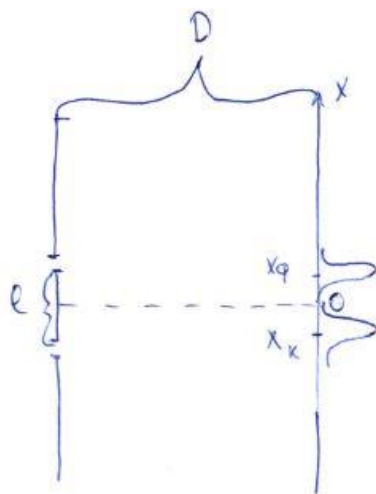
отсюда ищем d_{\min}

$$(n-1) d_{\min} = \frac{\lambda}{2}$$

$$d_{\min} = \frac{\lambda}{2(n-1)} = \frac{510 \text{ нм}}{2(1,6-1)} \approx 425 \text{ нм}$$

Номер 27

3. Белый свет проходит через две щели, отстоящие друг от друга на расстоянии $\ell = 0,50 \text{ мм}$. Интерференционная картина наблюдается на экране, который находится на расстоянии $D = 2,5 \text{ м}$. Полоса первого порядка напоминает радугу, фиолетовую с одного края и красную с другого. Фиолетовый цвет находится примерно в $x_{\phi} = 2,0 \text{ мм}$, а красный – в $x_k = 3,5 \text{ мм}$ от середины центральной белой полосы. Оцените длины волн фиолетового и красного цветов.



Условие максимума:

$$x_m = \pm \frac{D}{\ell} m \lambda, \text{ где } m \text{ — порядок максимума, но } m=1, x_m = \pm \frac{D}{\ell} \lambda$$

Итак:

$$x_{\phi} = \frac{D}{\ell} \lambda_{\phi} \Rightarrow \lambda_{\phi} = \frac{x_{\phi} \ell}{D} = 400 \text{ нм}$$

$$x_k = \frac{D}{\ell} \lambda_k \Rightarrow \lambda_k = \frac{x_k \ell}{D} = 700 \text{ нм}$$

Номер 28

3. Когерентные пучки, длина волны которых в вакууме $\lambda = 500 \text{ нм}$, приходят в некоторую точку с геометрической разностью хода $\Delta X = 1 \text{ мкм}$. Определите максимум или минимум наблюдается в этой точке, если пучки приходят в воздухе (с показателем преломления $n_1 = 1$), скипидаре (с $n_2 = 1,5$) и в стекле (с $n_3 = 1,75$).

N 28

$$\Delta x = 1 \text{ мкм}$$

$$\lambda_0 = 500 \text{ нм}$$

$$n_1 = 1$$

$$n_2 = 1.5$$

$$n_3 = 1.75$$

Решение

$$\Delta = \Delta x \cdot n$$

$$\Delta = m \lambda_0$$

$$\left. \begin{array}{l} \Delta = \Delta x \cdot n \\ \Delta = m \lambda_0 \end{array} \right\} \Rightarrow m = \frac{\Delta x \cdot n}{\lambda_0}$$

$$m_1 = \frac{1 \cdot 1 \cdot 10^{-6}}{500 \cdot 10^{-9}} = 2 \Rightarrow \text{будет максимум}$$

т.к. целое число

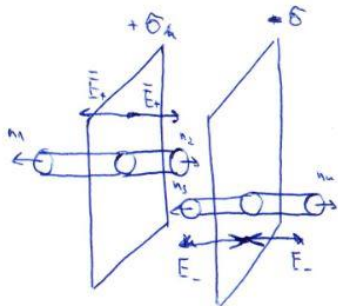
$$m_2 = \frac{1.5 \cdot 1 \cdot 10^{-6}}{500 \cdot 10^{-9}} = 3 \Rightarrow \text{максимум}$$

$$m_3 = \frac{1.75 \cdot 1 \cdot 10^{-6}}{500 \cdot 10^{-9}} = 3.5 - \text{максимум}$$

т.к. не целое число
чем ближе к пяти десяткам
тем ближе к максимуму.

Номер 29

3. Определите напряженность электрического поля между двумя большими параллельными пластинами, расположенными на малом расстоянии друг от друга. Поверхностная плотность заряда одной пластины $+\sigma$, другой $-\sigma$.



$$2\Delta S E_+ = \frac{\sigma \Delta S}{\epsilon_0} \quad E_+ = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

$$-2\Delta S E_- = -\frac{\sigma \Delta S}{\epsilon_0} \quad E_- = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

$$\left. \begin{array}{l} E_+ = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \\ E_- = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \end{array} \right\} E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} + \frac{\sigma}{2\epsilon_0} = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$