

# Optimización

## Administración de Bases de Datos

Departamento de Lenguajes y Sistemas Informáticos

eman ta zabal zazu



Universidad  
del País Vasco

Euskal Herriko  
Unibertsitatea

# Contenido

1. Índices
2. Procesamiento de consultas
3. Estimación de costes



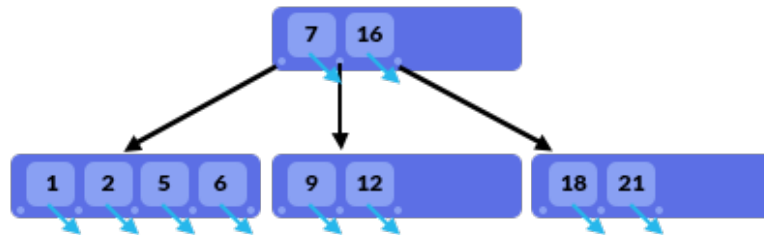
# Índice

- Estructura de datos que acelera la obtención de registros
- Se utiliza en ciertas condiciones de búsqueda
- Se puede construir sobre 1 o varios campos de una tabla
- Pueden ser de distintos tipos
  - B-Tree, Hash, GiST, ...
  - La variedad depende del SGBD



# Índices

- El tipo más común es el B-Tree<sup>1</sup>:
  - Ordena los valores de una columna en forma de árbol:



- Evita tener que recorrer todos los valores de una columna.
  - Esta operación se conoce como “full table scan”.
- Funciona adecuadamente para la mayoría de tipos de datos.



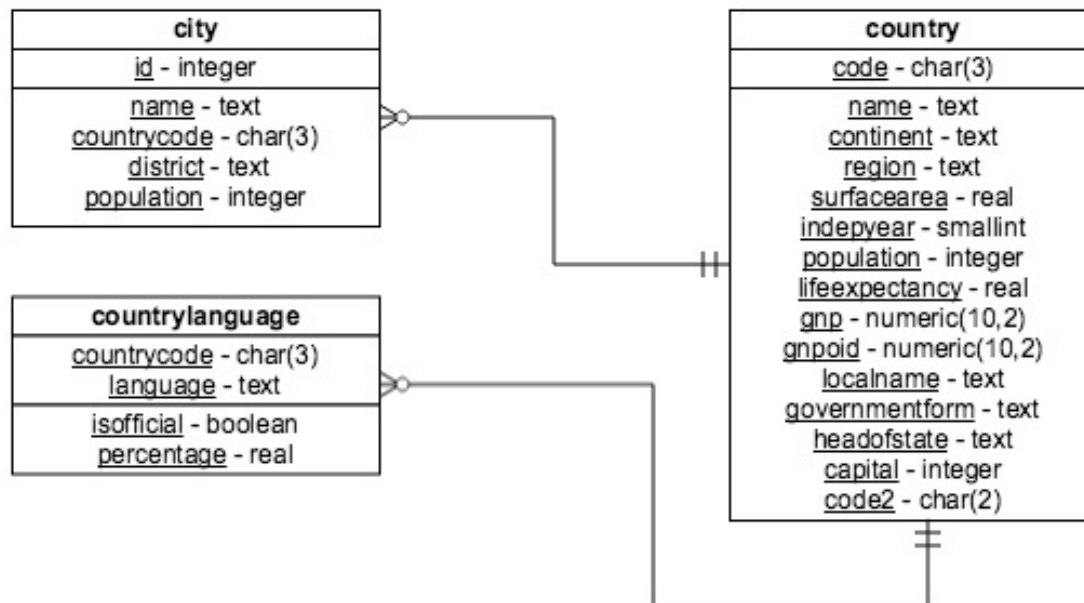
# Índices

- Usar índices tiene desventajas:
- Los índices ocupan espacio.
  - Se guardan en ficheros de disco.
  - Cuantos más datos en una columna indexada, mayor el índice.
- Retrasa las operaciones insert/update/delete.
  - El índice tiene que actualizarse cuando hay cambios en la tabla.
- Puede que no se utilice.
  - Algunas consultas serán más rápidas sin usar índices.



# Índices

- Base de datos de ejemplo “World”:
  - Descarga: <https://downloads.mysql.com/docs/world-db.zip>
  - Esquema<sup>1</sup>:



<sup>1</sup>Obtenido de : <https://gist.github.com/mdang/9a4a8063ebea3b829b8025746643ade1>

# Índices

- Crear un índice:

```
ALTER TABLE <tabla> ADD INDEX <nombre> (columna)
```

- Donde:

- <tabla>: Tabla donde se crea el índice
- <nombre>: Nombre del índice creado
- <columna>: Columna a la que se le asigna el índice

- Ejemplo:

```
ALTER TABLE ciudades ADD INDEX idx_poblacion (poblacion)
```



# Índices

- Consultar índices creados:

- Para una tabla concreta:

```
SHOW INDEX FROM <tabla>
```

- donde <tabla> es la tabla a consultar.

- Para todas las tablas de una BD:

```
select table_name, index_name, index_type from  
INFORMATION_SCHEMA.STATISTICS WHERE TABLE_SCHEMA = "<nombre-BD>"
```

- donde <nombre-BD> es la BD a consultar.





# Índices

- Comprobar el espacio utilizado por los índices:

```
show table status from <nombre-bd>
```

- donde <nombre-db> es el nombre de la BD.
- La columnas muestran:
  - Data\_length: Espacio utilizado por cada tabla, en bytes.
  - Index\_length: Espacio utilizado por los índices en cada tabla, en bytes.

- Borrar un índice:

```
ALTER TABLE <tabla> DROP INDEX <nombre>
```

- donde:
  - <tabla>: Tabla objetivo.
  - <nombre>: Nombre del índice.



# Índices

- Medir el tiempo de las consultas con más precisión:
  - Activar el profiling de consultas:

```
set profiling=1;
```

- Mostrar el tiempo de las consultas registradas:

```
show profiles;
```

- Por defecto, muestra las 15 últimas como máximo.
- Más información:
  - <https://dev.mysql.com/doc/refman/8.0/en/show-profile.html>



# Ejercicio 1

- *Utilizando la BD "World":*
- Crear una consulta que obtenga el nombre de los países en los que se hable inglés por un 50% de la población al menos.
  - Mostrar el nombre del país junto con el porcentaje de hablantes.
- Crear un índice en la tabla "countrylanguage" y comparar el tiempo de ejecución de la consulta con/sin índice.
  - Elegir la(s) columna(s) más apropiadas.



# Índices B-Tree

- B-Tree se refiere a una estructura de datos concreta.
- B-Tree también se usa como referencia a una familia de estructuras de datos:
  - B-Tree (1971)
  - B+Tree (1973)
    - La más utilizada
  - B\*Tree (~1977)
  - B<sup>link</sup>-Tree (1981)



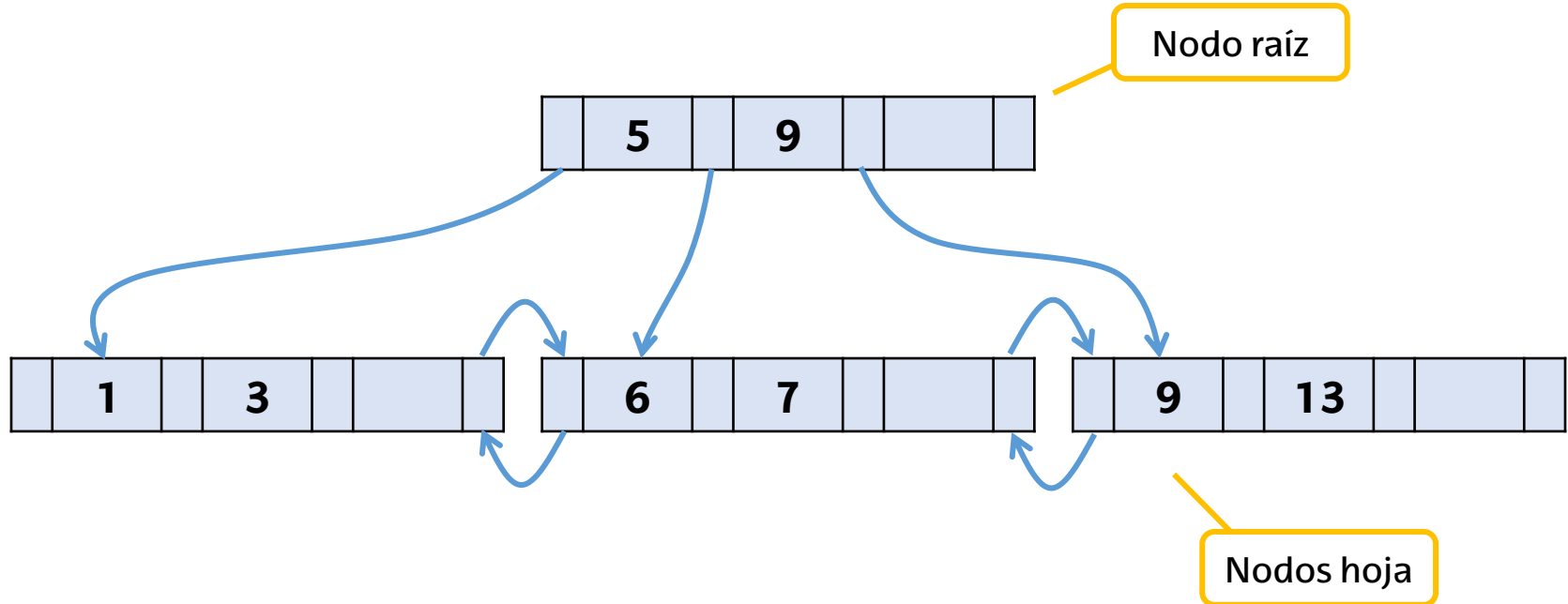
# Índices B+Tree

- Estructura de datos ordenada que permite búsquedas, acceso secuencial, inserciones y borrado en  $O(\log n)$ .
- Generalización del árbol de búsqueda binario.
- Se considera una estructura de  $M$ -caminos, con las siguientes propiedades:
  - Balanceado (todos los nodos hoja están a la misma profundidad).
  - Todos los nodos (excepto la raíz) tienen  $M/2-1$  a  $M-1$  elementos.
  - Todo nodo intermedio con  $k$  elementos tiene  $k+1$  hijos no nulos.



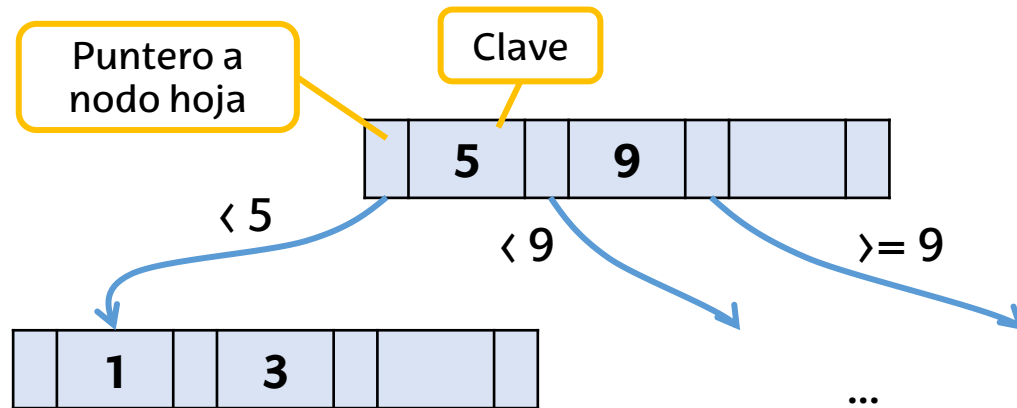
# Índices B+Tree

- Ejemplo:



# Índices B+Tree

- Ejemplo:
  - Mostrando sólo 1 de los nodos hoja:



- En los nodos hoja, por cada clave, hay un puntero a la tupla correspondiente a la entrada de índice.
  - En algunos SGBDs, se almacena la tupla en lugar del puntero.



# Índices B+Tree

- Algoritmo para insertar un nuevo elemento E.
  - 1) Encontrar el nodo hoja H que le corresponda.
  - 2) Insertar E en H.
  - 3) ¿H tiene suficiente espacio para contener E?
    - Si: Fin.
    - No: Dividir las claves de H entre H y un nuevo nodo hoja H2.
      - Distribuir las claves de forma uniforme.
      - Insertar elemento apuntando a H2 en el padre de H.





# Índices B+Tree

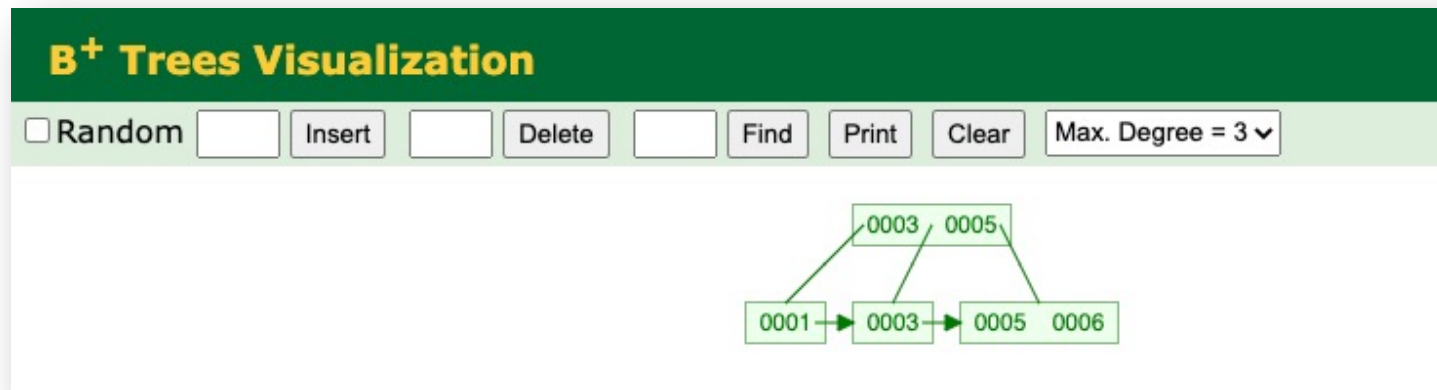
- Algoritmo para eliminar un elemento E.
  - 1) Encontrar el nodo hoja H que contiene E.
  - 2) Eliminar E.
  - 3) ¿H contiene más de  $M/2 - 1$  elementos?
    - Si: Fin.
    - No: Re-distribuir elementos, cogiendo del nodo hoja cercano.
      - Si no es posible re-distribuir, fusionar H con el nodo hoja cercano.



# Índices B+Tree

- Visualizador:

- URL: <https://cmudb.io/btree>
- Autor: David Galles, Universidad de San Francisco
- El valor *Max. Degree* representa el  $n^{\circ}$  máximo de elementos que puede contener un nodo + 1.



# Procesamiento de consultas

- No es recomendable añadir índices sin entender su impacto en el SGBD.
- SQL es un lenguaje declarativo.
  - Una consulta define **qué** datos recuperar/modificar.
  - No define **cómo** se deben recuperar/modificar.



# Procesamiento de consultas

- Cuando emitimos una consulta a un SGBD, esta pasa por diferentes fases:

- 1) Análisis gramatical ("parse")
- 2) Optimización
- 3) Ejecución

- El SGBD elige la estrategia de ejecución más optima.



# Procesamiento de consultas

- El análisis gramatical divide la consulta en palabras y verifica que:
  - La sintaxis SQL es correcta.
  - Hace referencia a objetos existentes en la BD/SGBD.
- Si la consulta es correcta, se crea un árbol sintáctico.
  - Representa los objetos y operaciones.



# Procesamiento de consultas

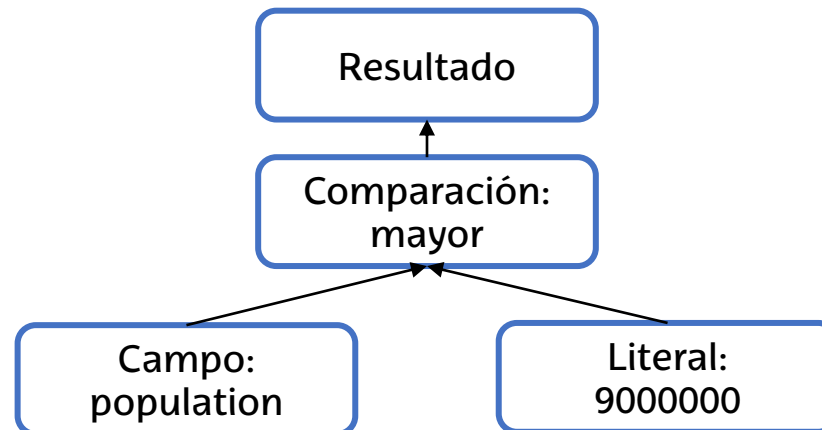
- Ejemplo:

- Consulta para la BD "World":

```
select * from city where population > 9000000;
```

- El analizador gramatical:

- 1) Comprueba que la sintaxis y objetos usados son correctos.
- 2) Crea árbol sintáctico:



# Procesamiento de consultas

- Después, el optimizador usa el árbol sintáctico para:
  - Determinar qué operaciones Join se deben hacer.
  - Determinar si es mejor usar índices o “table scan”.
  - Determinar el orden de las operaciones.
  - ...
- El resultado del optimizador es un plan de ejecución.
  - Secuencia de operaciones a realizar.



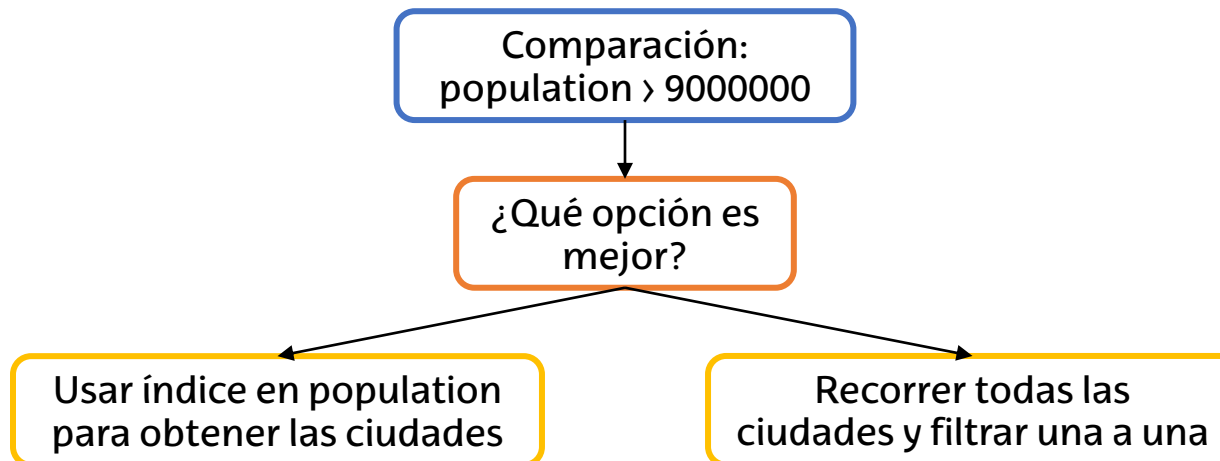
# Procesamiento de consultas

- Ejemplo:

- Consulta para la BD "World":

```
select * from city where population > 9000000;
```

- Se asume un índice en el campo "population".
    - El optimizador plantea:





# Procesamiento de consultas

- El optimizador estima el coste de cada alternativa para decidir qué ejecutar.
- El coste de una operación es un valor que sirve para comparar la complejidad entre diferentes planes.
  - No tiene unidad.
  - Se usa crear el plan de ejecución.



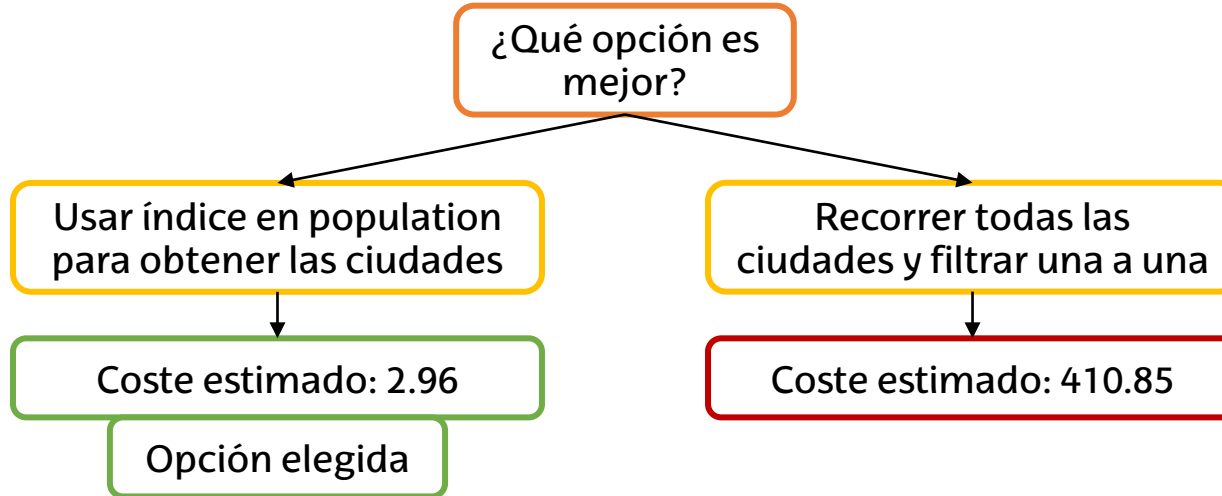
# Procesamiento de consultas

- Ejemplo:

- Consulta para la BD "World":

```
select * from city where population > 9000000;
```

- El optimizador calcula:



# Procesamiento de consultas

- Podemos obtener información sobre las decisiones que toma el optimizador:
  - Mostrar el plan de ejecución para una consulta **sin** ejecutar la consulta.

```
explain <formato> <consulta>
```

- donde:
  - <formato>: Indica el formato, p.e. "format=tree". Opcional.
  - <consulta>: Consulta SQL a analizar.

- Ejemplo:

```
explain select * from city where population > 9000000;
```



# Procesamiento de consultas

- Podemos obtener información sobre las decisiones que toma el optimizador:
  - Mostrar el plan de ejecución y ejecutar una consulta:

```
explain analyze <consulta>
```

- Ejemplo:

```
explain analyze select * from city where population > 9000000;
```

- Este comando debe usarse sólo para evaluación de rendimiento, nunca en entornos de producción.



# Procesamiento de consultas

- Cómo interpretar la salida de Explain Analyze
  - *Ejemplo para la consulta anterior:*

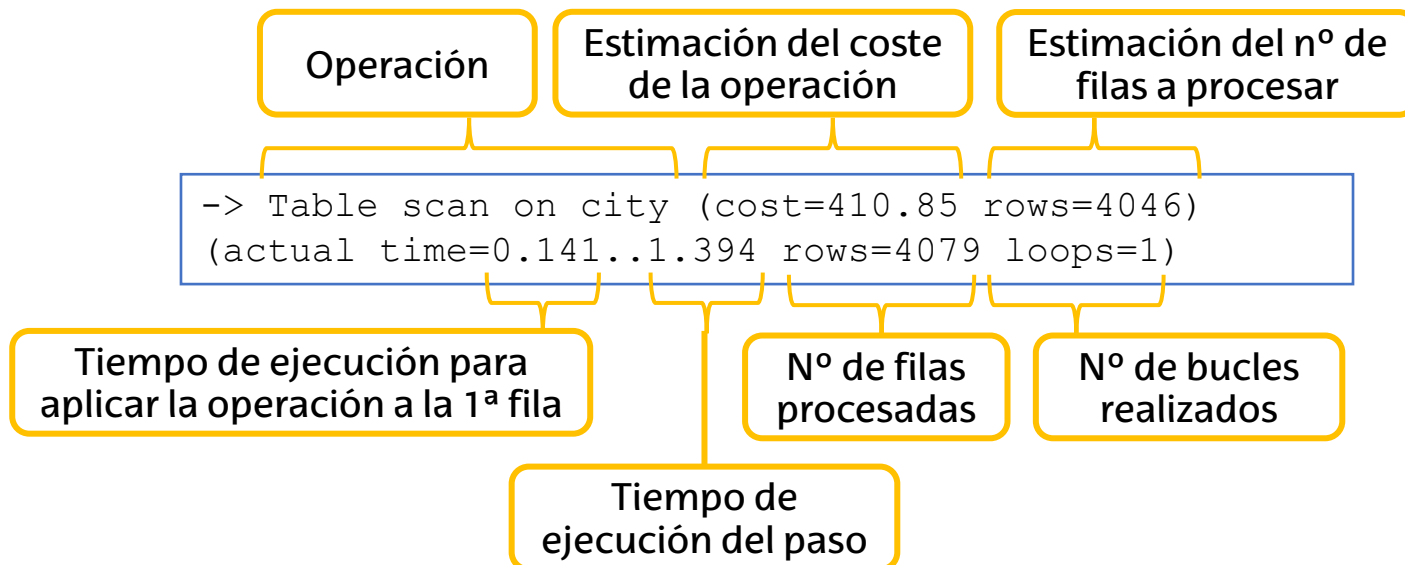
```
-> Filter: (city.Population > 9000000) (cost=410.85 rows=1349) (actual time=0.239..1.629 rows=6 loops=1)  
-> Table scan on city (cost=410.85 rows=4046) (actual time=0.141..1.394 rows=4079 loops=1)
```

- Cada línea con -> es un “nodo de consulta”
  - Paso en el que se ha accedido o procesado datos
- El primer paso es el más interior en el árbol.
- Cada paso se ejecuta y pasa su resultado al paso más cercano hacia arriba.
- El resultado final es el paso más exterior y mas arriba en el árbol.



# Procesamiento de consultas

- Cómo interpretar la salida de Explain Analyze
  - *Ejemplo para un paso de la consulta anterior:*



# Ejercicio 2

- *Utilizando la BD "World":*
- Crear las siguientes consultas:
  - 1) Obtener el nombre de los países en los que se hable inglés por un 50% de la población al menos.
    - Mostrar el nombre del país junto con el porcentaje de hablantes.
  - 2) Mostrar los idiomas oficiales hablados en los países con esperanza de vida superior a 80 años.
  - 3) Mostrar el nombre y población de las 10 ciudades más pobladas que NO sean capitales de país.
- *Continúa en la siguiente diapositiva*



# Ejercicio 2

- Completar la siguiente tabla:
  - Obtener el coste de las consultas sin crear índices adicionales.
  - Crear índices en las columnas que veáis convenientes.
  - Obtener el coste de las consultas con índices adicionales.

Consulta	Coste estimado	
	Sin índices	Con índices
Consulta 1		
Consulta 2		
Consulta 3		

- ¿Qué consulta obtiene la mayor reducción de coste al usar un índice?





# Estimación de costes

- El coste estimado de una operación es una aproximación de la complejidad de su cómputo.
  - Depende de los datos de entrada.
- Se basa en:
  - Estadísticas de las operaciones y datos involucrados en las consultas.
  - Valores heurísticos del SGBD.



# Estimación de costes

- Los datos estadísticos necesarios para calcular costes se obtienen del diccionario de datos.
  - Tablas del SGBD con estadísticas que se actualizan tras cada operación.
- En MySQL es la BD llamada *Information\_Schema*
  - P.e. consultar estadísticas sobre los índices en las tablas de "world"

```
select * from information_schema.statistics where table_schema="world";
```

- "index\_name" muestra el nombre de cada índice creado.
- "cardinality" muestra una estimación del nº de valores únicos en el índice.
- Más información: <https://dev.mysql.com/doc/refman/8.0/en/information-schema-statistics-table.html>



# Estimación de costes

- En este tema, consideraremos 3 operaciones para estimar el coste de un plan.
  - Representadas como:

Operación	Equivalente SQL	Símbolo algebraico
Proyección	Select	$\pi$
Restricción	Where	$\sigma$
Fusión	Join	$\bowtie$

- Utilizaremos una representación algebraica para describir las consultas de forma genérica.
- En un SGBD real se tienen en cuenta más operaciones.



# Estimación de costes

- En este tema, consideraremos 3 operaciones para estimar el coste de un plan.
  - Ejemplos de conversión a representación algebraica:

```
SELECT name FROM city
```

$$\pi_{\text{name}}(\text{city})$$

```
SELECT name FROM city  
WHERE population > 9000000
```

$$\pi_{\text{name}}(\sigma_{\text{population} > 9000000}(\text{city}))$$

```
SELECT ci.name, co.name  
FROM city ci INNER JOIN country co  
ON ci.CountryCode=co.Code;
```

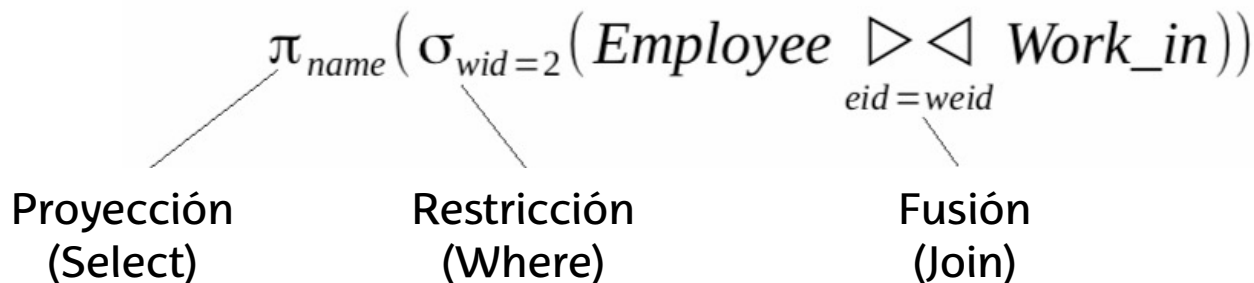
$$\pi_{\text{ci.name, co.name}}(\text{city} \bowtie_{\text{countryCode=Code}} \text{country})$$


# Estimación de costes

- En este tema, consideraremos 3 operaciones para estimar el coste de un plan.
  - Ejemplo de conversión a representación algebraica :

```
SELECT name  
FROM Employee AS E, Work_in AS W  
WHERE E.eid=W.weid and W.wid=2;
```

- Representación algebraica:

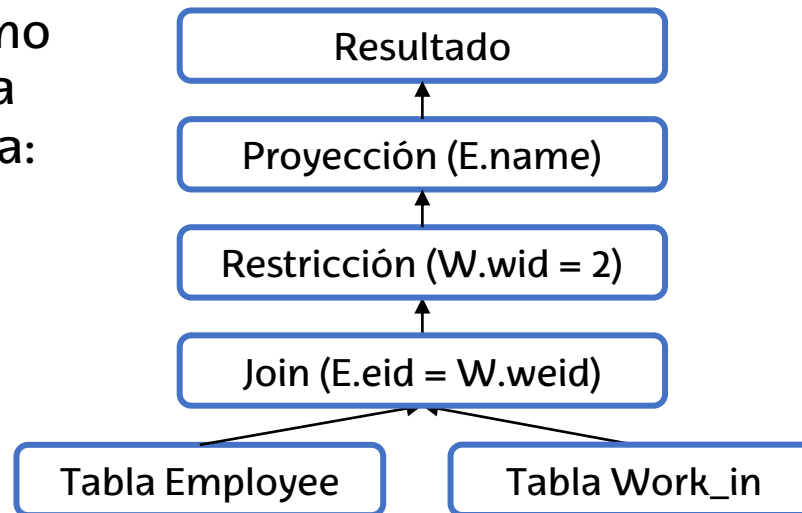


# Estimación de costes

- La representación algebraica se utiliza para construir el árbol sintáctico.
  - Ejemplo:

$$\pi_{name}(\sigma_{\substack{wid=2 \\ eid=weid}}(EMPLOYEE \bowtie WORK\_IN))$$

- Árbol sintáctico como representación de la expresión algebraica:



# Ejercicio 3

- Obtener la representación algebraica de las siguientes consultas:

- Parte 1/2

a)

```
SELECT ci.name, ci.population, co.name  
FROM city ci INNER JOIN country co  
ON ci.CountryCode=co.Code  
WHERE co.Name="France";
```

b)

```
SELECT A.a2, B.b1, B.b2, C.c2  
FROM A INNER JOIN B INNER JOIN (SELECT c1, c2 FROM C WHERE c3 > 0) AS C  
ON A.a1 = B.b1 AND B.b1 = C.c1  
WHERE A.a3 > 0 AND B.b2 > C.c2
```



# Ejercicio 3

- Obtener la representación algebraica de las siguientes consultas:

- Parte 2/2

c)

```
SELECT S.id, R.course, R.student, C.code, C.name
FROM Student as S INNER JOIN Registration as R ON S.id = R.Student
INNER JOIN Course as C on R.course=C.code
WHERE S.level = 3 and R.student > C.coordinator
```

d)

```
SELECT T.id, T.first_name, C.code, C.coordinator, R.course, R.year
FROM Teacher as T INNER JOIN Course as C INNER JOIN
  (SELECT course, year FROM Registration WHERE year<2010) as R
ON T.id=C.coordinator AND C.code = R.course
WHERE R.mark = 5 and T.first_name like 'A%'
```





# Estimación de costes

- Una misma consulta puede tener múltiples planes de ejecución.
  - El optimizador ejecutará el plan con el menor coste.
- El coste de un plan será la suma de los costes sus operaciones.

$$\text{cost}(\text{plan}) = \sum \text{cost}(\text{operation}_i)$$

- Consideraremos el tamaño resultante de cada operación.
  - N° de tuplas resultantes.
  - Se representará como:  $\text{size}(\text{operation})$



# Estimación de costes: operaciones

- Operación Restricción (Where)

$$\sigma_c(A)$$

- donde:

- A: Tabla objetivo
- C: Condición

- 2 técnicas posibles para su implementación:

- 1: Búsqueda lineal:

- No existe índice en el atributo o no se utiliza.

$$\text{cost}(\sigma_c(A)) = \text{size}(A)$$

- donde  $\text{size}(A)$  es el tamaño (nº de tuplas) de A.



# Estimación de costes: operaciones

- Operación Restricción (Where)

$$\sigma_c(A)$$

- donde:

- A: Tabla objetivo
- C: Condición

- 2 técnicas posibles para su implementación:

- 2: Búsqueda por índice:

- Se utiliza un índice para buscar en la columna.

$$\text{cost}(\sigma_c(A)) = t * \log_2(\text{size}(A))$$

- donde **t** es el promedio de veces que se repite un valor en la columna.
  - Este valor se obtiene del diccionario de datos.



# Estimación de costes: operaciones

- Operación Restricción (Where)

$$\sigma_c(A)$$

- donde:

- A: Tabla objetivo
- C: Condición

- Tamaño:

- Se cumple que:  $\text{size}(\sigma_c(A)) \leq \text{size}(A)$

- La operación  $\sigma_c(A)$  hereda todos los índices de A



# Estimación de costes: operaciones

- Operación Proyección (Select)

$$\pi_p(A)$$

- Donde:

- A: tabla objetivo
    - p: Atributos a proyectar

- Coste:  $\text{cost}(\pi_p(A)) = \text{size}(A)$

- Tamaño:  $\text{size}(\pi_p(A)) = \text{size}(A)$

- La operación  $\pi_p(A)$  hereda todos los índices de A.



# Estimación de costes: operaciones

- Ejercicio de ejemplo:

- Esquema:

country
code: integer
name: text

city
ID: integer
Name: text
countryCode: integer



- Diccionario de datos:

- Hay 20 países
    - Hay 40 ciudades
    - No hay ningún índice creado

- Consultas:

- a)  $\pi_{\text{name}}(\text{country})$
- b)  $\pi_{\text{ID,name}}(\sigma_{\text{name}=\text{"Washington"}}(\text{city}))$



# Estimación de costes: operaciones

- Operación Fusión (Join)

$$R \bowtie_{r=s} S$$

- En SQL hay diferentes tipos de Join:
  - Considerando las siguientes 2 tablas de ejemplo<sup>1</sup>:

User Table – Table 1

ID (Primary Key)	Name	Address
1	Sally Select	123 Join Dr
2	Frank From	25 Where St

Event Table – Table 2

User_ID (Foreign Key)	ID (Primary Key)	Action
1	A	LOGIN
3	B	VIEW PAGE
4	C	LOGIN



<sup>1</sup>Imagen: <https://dataschool.com/how-to-teach-people-sql/sql-join-types-explained-visually/>

# Estimación de costes: operaciones

- Operación Fusión (Join)

$$R \bowtie_{r=s} S$$

- En SQL hay diferentes tipos de Join:
  - Considerando las 2 tablas de ejemplo<sup>1</sup>:

Table 1

1		
2		

Table 2

1		
3		
4		

Outer Join

1				
2				
3				
4				

Inner Join

1				
---	--	--	--	--

Left Join

1				
2				

Union

1		
2		
1		
3		
4		

Cross Join

1			1		
1			3		
1			4		
2			1		
2			3		
2			4		

En este tema siempre  
serán Inner Join



<sup>1</sup>Imagen: <https://dataschool.com/how-to-teach-people-sql/sql-join-types-explained-visually/>



# Estimación de costes: operaciones

- Operación Fusión (Join)

$$R \bowtie_{r=s} S$$

- donde:

- R y S: Tablas a fusionar
    - r y s: Atributos de R y S utilizados para indicar la fusión.

- 3 técnicas posibles para su implementación

- 1: Fuerza bruta

- No se usan índices. Se examinan todas las combinaciones posibles entre las tuplas de R y S.

$$\text{cost}(R \bowtie S) = \text{size}(R) * \text{size}(S)$$

- $R \bowtie S$  hereda todos los índices de R.



# Estimación de costes: operaciones

- Operación Fusión (Join)

$$R \bowtie_{r=s} S$$

- donde:

- R y S: Tablas a fusionar
    - r y s: Atributos de R y S utilizados para indicar la fusión.

- 3 técnicas posibles para su implementación

- 2: Búsqueda por índice

- Existe un índice sobre el atributo s.

$$\text{cost}(R \bowtie S) = \text{size}(R) * t * \log_2(\text{size}(S))$$

- $R \bowtie S$  hereda todos los índices de R.



# Estimación de costes: operaciones

- Operación Fusión (Join)

$$R \bowtie_{r=s} S$$

- donde:

- R y S: Tablas a fusionar
    - r y s: Atributos de R y S utilizados para indicar la fusión.

- 3 técnicas posibles para su implementación

- 3: Búsqueda por mezcla

- Existe un índice sobre el atributo r y otro índice sobre s.

$$\text{cost}(R \bowtie S) = \text{size}(R) + \text{size}(S)$$

- $R \bowtie S$  hereda los índices sobre los atributos r y s.



# Estimación de costes: operaciones

- Operación Fusión (Join)

$$R \bowtie_{r=s} S$$

- donde:

- R y S: Tablas a fusionar
    - r y s: Atributos de R y S utilizados para indicar la fusión.

- Tamaño:

$$\text{size}(R \bowtie S) \leq \text{size}(R) * \text{size}(S)$$



# Estimación de costes: operaciones

- Operación Fusión (Join)

$$R \bowtie_{r=s} S$$

- donde:

- R y S: Tablas a fusionar
    - r y s: Atributos de R y S utilizados para indicar la fusión.

- Propiedades:

- Asociatividad:

$$R \bowtie (S \bowtie T) = (R \bowtie S) \bowtie T$$

- Semi-conmutatividad:

$$R \bowtie S \simeq S \bowtie R$$



# Estimación de costes: operaciones

- Como parte de la optimización de un plan, se pueden ordenar los valores de una relación R.
- No implica la creación permanente de un índice.
  - Los valores ordenados se destruyen tras ejecutar el plan.
- El coste es:

$$\text{sort}(R) = \text{size}(R) * \log_2(\text{size}(R))$$

- Este coste se suma al coste total del plan.



# Estimación de costes: Resumen I

- Restricción

- Coste de búsqueda lineal:  $\text{cost}(\sigma_c(A)) = \text{size}(A)$
- Coste de búsqueda por índice:  $\text{cost}(\sigma_c(A)) = t * \log_2(\text{size}(A))$

- Tamaño:  $\text{size}(\sigma_c(A)) \leq \text{size}(A)$

- Proyección

- Coste:  $\text{cost}(\pi_p(A)) = \text{size}(A)$

- Tamaño:  $\text{size}(\pi_p(A)) = \text{size}(A)$



# Estimación de costes: Resumen II

- Join

- Coste de fuerza bruta:  $\text{cost}(R \bowtie S) = \text{size}(R) * \text{size}(S)$
- Coste de búsqueda por índice:  $\text{cost}(R \bowtie S) = \text{size}(R) * t * \log_2(\text{size}(S))$
- Coste de búsqueda por mezcla:  $\text{cost}(R \bowtie S) = \text{size}(R) + \text{size}(S)$
- Tamaño:  $\text{size}(R \bowtie S) \leq \text{size}(R) * \text{size}(S)$

- Ordenación

- Coste:  $\text{sort}(R) = \text{size}(R) * \log_2(\text{size}(R))$





# Bibliografía

- R. Elmasri, S. B. Navathe. "Fundamentals of Database Systems", 7th edition, Pearson, 2017.
- S. Pachev. "Understanding MySQL Internals", 1st edition, O'Reilly, 2007.
- S. Grider. "SQL and PostgreSQL: The Complete Developer's Guide", Udemy, 2022.
- A. Pavlo. "Database Systems", 2022
  - CMU 15-445: <https://15445.courses.cs.cmu.edu/fall2022/>

