



# Clase 8

---

## Análisis de bienestar del consumidor

# ¿Qué pasa cuando precios cambian?

---

- Imagina un consumidor que tiene un ingreso ( $m$ ) y con precios ( $p$ ) elige una canasta ( $x, y$ )
- Imagina ahora que el precio del bien  $x$  sube
  - Sabemos que la utilidad del consumidor ha bajado (no-saciabilidad)
  - Pero, ¿cómo podemos cuantificar el cambio de utilidad

# Variación compensatoria

---

- Mide la diferencia de ingreso necesaria para que el consumidor obtenga el mismo nivel de utilidad que antes pero con los nuevos precios

$$VC = E(p_1^0, p_2^0, u_0) - E(p_1^1, p_2^1, u_0)$$

$$VC = E(p_1^1, p_2^1, u_1) - E(p_1^1, p_2^1, u_0)$$

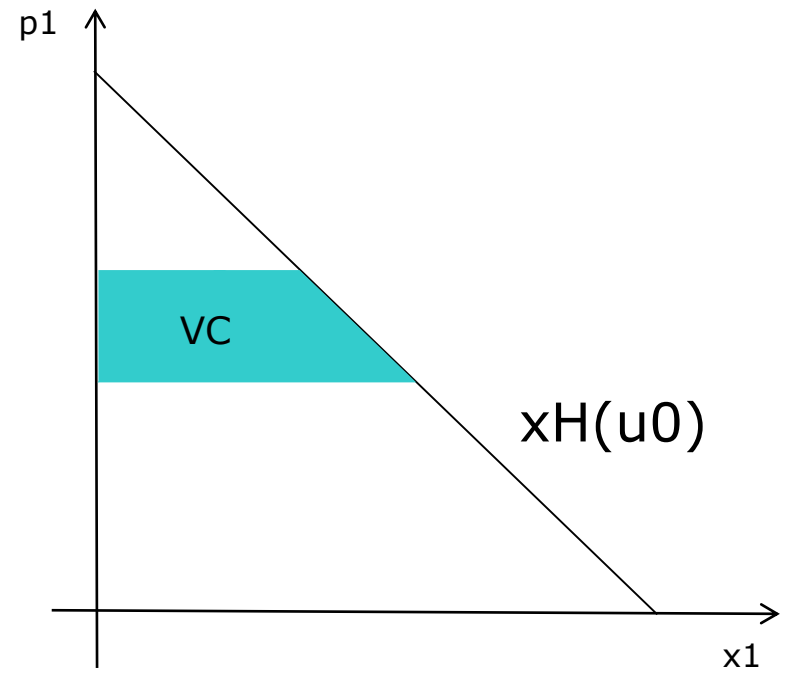
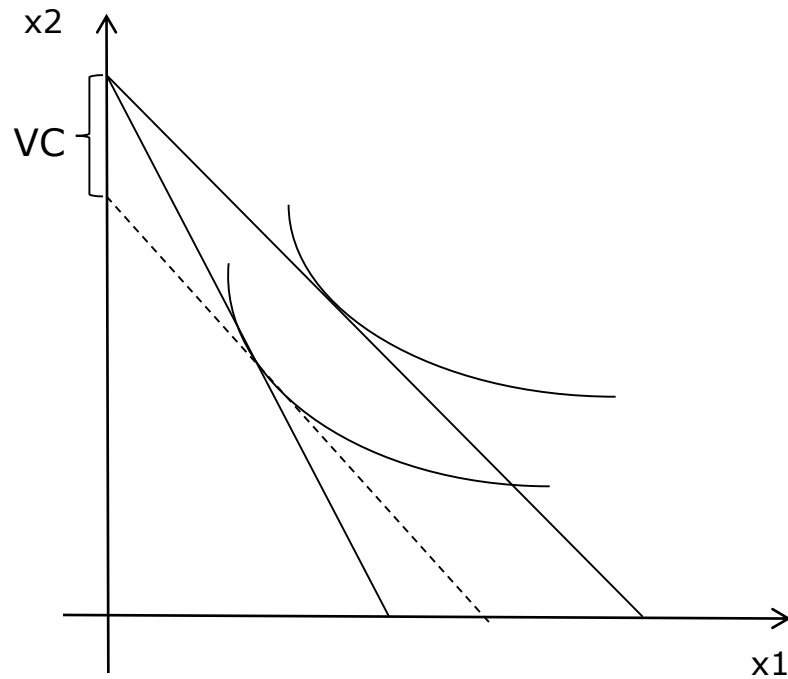
# Variación compensatoria y demanda hicksiana

---

- Imagina que sólo el precio del bien 1 cambia
- Usando el Lema de Shephard, podemos escribir la variación compensatoria como:

$$VC = \int_{p_1^1}^{p_1^0} \frac{\partial E(p_1, p_2, u_0)}{\partial p_1} dp_1 = \int_{p_1^1}^{p_1^0} x_1^H(p_1, p_2, u_0) dp_1$$

# VC: gráficos



# Variación equivalente

---

- Mide la diferencia de ingreso necesaria para que el consumidor haría tenido el mismo nivel de utilidad que ahora pero con los precios antiguos

$$VE = E(p_1^0, p_2^0, u_1) - E(p_1^1, p_2^1, u_1)$$

$$VE = E(p_1^0, p_2^0, u_1) - E(p_1^0, p_2^0, u_0)$$

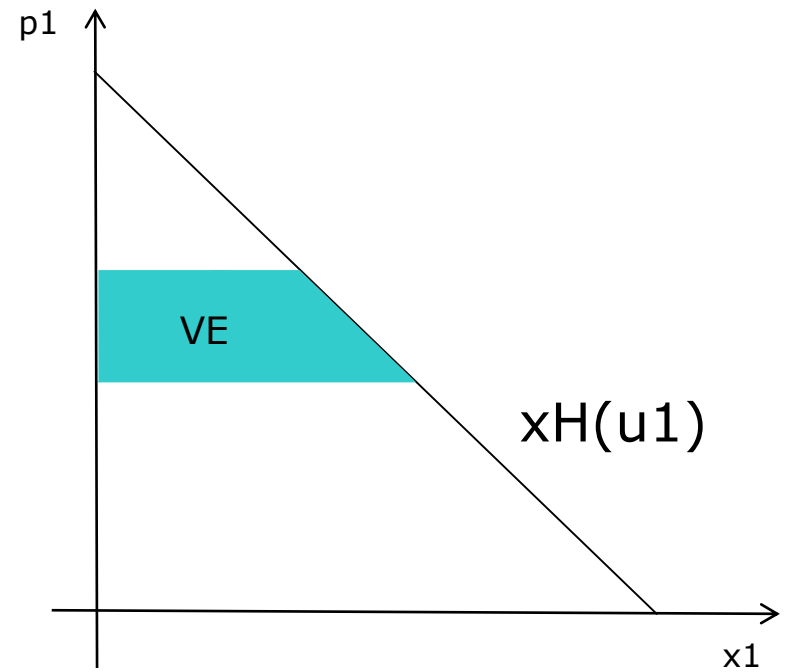
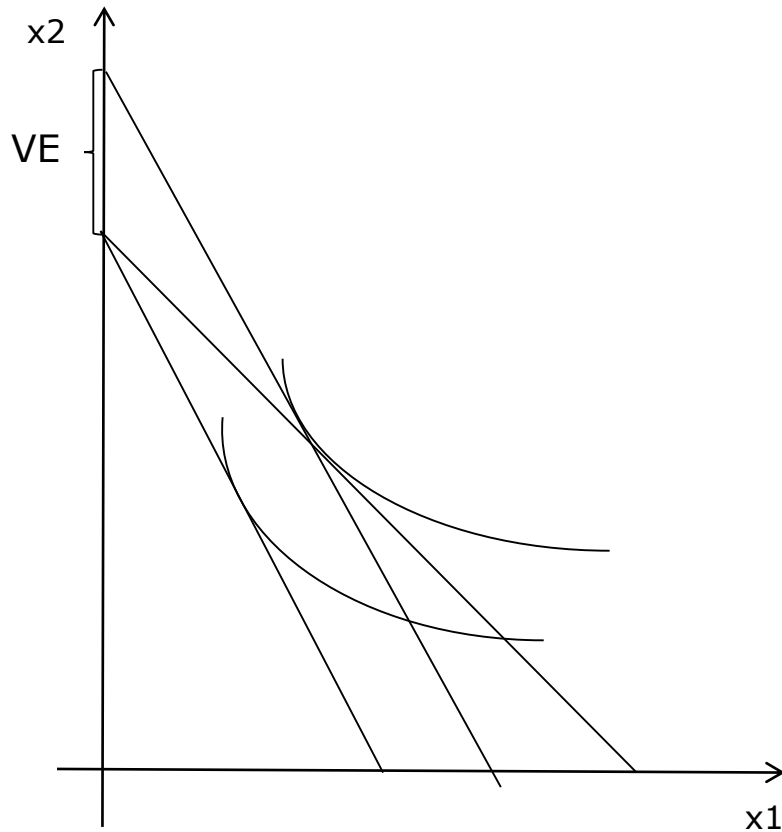
# Variación equivalente y demanda hicksiana

---

- Imagina que solo el precio del bien 1 cambia
- Usando el Lema de Shephard, podemos escribir la variación compensatoria como:

$$VE = \int_{p_1^1}^{p_1^0} \frac{\partial E(p_1, p_2, u_1)}{\partial p_1} dp_1 = \int_{p_1^1}^{p_1^0} x_1^H(p_1, p_2, u_1) dp_1$$

# VE: gráficos





# Excedente del consumidor (demanda marshalliana)

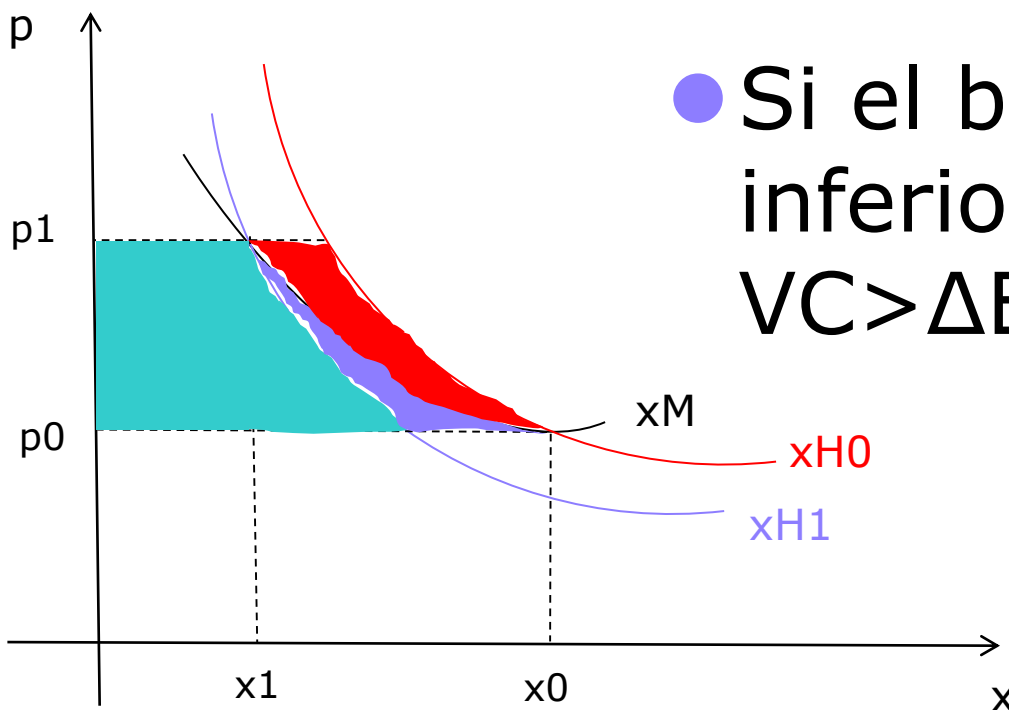
---

$$EC = \int_{p_i}^{\infty} x_i^M(p_1, p_2, m) dp_i$$

$$\Delta EC = \int_{p_i^1}^{p_i^0} x_i^M(p_1, p_2, m) dp_i$$

# Comparación entre las medidas de bienestar del consumidor

- Si el bien es normal:  $VC < \Delta EC < VE$
- $VC = \text{verde} + \text{lila} + \text{rojo}$ ,  $\Delta EC = \text{verde} + \text{lila}$ ,  $VE = \text{verde}$



- Si el bien es inferior:  
 $VC > \Delta EC > VE$

# Comparación entre las medidas

---

- La diferencia entre las medidas depende de la elasticidad ingreso de la demanda
- Las tres medidas deberían estar muy cerca cuando el bien no es una proporción grande de los gastos

$$\eta_{lk}^M = \eta_{lk}^H - \eta_{lm}^M \left( \frac{p_l x_l^H}{m} \right)$$

# Medir cambios de bienestar a través de índices de precios

---

- La VE y VC necesitan que el analista sepa exactamente la función de utilidad del consumidor
  - Raramente el caso en tema de políticas públicas
- ¿Cómo puedo el gobierno ajustar el ingreso de los consumidores en respuesta a cambios de precios?

# Índices de precios

---

- La idea de los índices de precios es de ponderar los cambios de precios de manera que reflejen la importancia de cada bien en una canasta promedio.
- Si la gente consume mucho de un bien y que el precio de este bien sube, el ingreso que los consumidores necesita subir más que si es el precio de un bien que casi nada usa

# Ponderaciones

---

- Si el consumidor siguiera comprando misma canasta sin importar los precios
  - Muy fácil de construir un índice de precios
- Pero, en realidad, no es así: los consumidores cambian su canasta optima al frente de nuevos precios
  - Cual canasta usamos como ponderación?  
La antigua, la nueva, una mezcla de los dos?

# Índice de Precios de Laspeyres

---

- Usa la canasta inicial

$$IPL = 100 * \frac{\sum_{i=1}^n x_i^0 p_i^1}{\sum_{i=1}^n x_i^0 p_i^0}$$

$$IPL = 100 * \frac{\sum_{i=1}^n x_i^0 p_i^0 \frac{p_i^1}{p_i^0}}{m_0}$$

$$IPL = 100 * \sum_{i=1}^n \alpha_i^0 \frac{p_i^1}{p_i^0}$$

# Índice de Precios de Paasche

---

- Usa la canasta final

$$IPP = 100 * \frac{\sum_{i=1}^n x_i^1 p_i^1}{\sum_{i=1}^n x_i^1 p_i^0}$$

$$IPP = 100 * \frac{m_1}{\sum_{i=1}^n x_i^1 p_i^1 \frac{p_i^0}{p_i^1}}$$

$$IPP = 100 * \frac{1}{\sum_{i=1}^n \alpha_i^1 \frac{p_i^0}{p_i^1}}$$



# Otros índices de precios

---

- Índice de Marshall-Edgeworth usa el promedio de las dos canastas
- Índice de Fisher es la mediana geométrica de los de Laspeyres y de Paasche:  $\sqrt{IPL * IPP}$

# Aplicación: El sesgo de sustitución

---

- Como los consumidores eligen nuevas canastas cada vez que los precios cambian, ni el IPL ni el IPP son los más adecuados
- El “sesgo de sustitución” puede ser muy alto:
  - en EEUU, el sesgo constituía la cuarta fuente de gastos federales más alta después pensiones, salud y defensa
- El BLS ha cambiado de un IPL a un índice de Fisher y también ahora construye la canasta de bienes cada 2 años

# Aplicación: Colegios y precios de casa

---

- Muchos países tienen sistemas escolares donde el acceso a colegios esta determinado por el lugar de residencia
- ¿Cómo se mide el valor que la gente pone en acceder a un buen colegio?
- Se puede usar los precios de las casas que entregan información sobre la disposición a pagar por un tipo de colegio.