

вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
<b>1</b>					
Име:					

Второ контролно по „Логическо програмиране“  
 спец. „Компютърни науки“  
 07.01.2012 г.

**Задача 1.** Да се докаже, че множеството от следните четири формули е изпълнимо:

$$\neg \exists x p(x, x), \quad \forall x \forall y (p(x, y) \Rightarrow \exists z (p(x, z) \& p(z, y))), \\ \forall x \exists y (p(x, y) \vee p(y, x)), \quad \exists x \forall y p(x, y).$$

**Задача 2.** Нека  $\mathcal{L}$  е езикът на предикатното смятане от първи ред без формално равенство, който има само един нелогически символ — двуместния предикатен символ  $p$ . Нека  $\mathcal{A}$  е структурата за  $\mathcal{L}$  с универсум множеството на естествените числа и

$$\langle n, k \rangle \in p^{\mathcal{A}} \iff \text{броят на простите делители на } n \text{ е не по-голям от броя на простите делители на } k$$

Да се докаже, че: (а) множествата  $\{0\}$  и  $\{1\}$  са определими; (б) множеството  $\{2012\}$  е неопределимо.

вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
<b>1</b>					
Име:					

Второ контролно по „Логическо програмиране“  
 спец. „Компютърни науки“  
 07.01.2012 г.

**Задача 1.** Да се докаже, че множеството от следните четири формули е изпълнимо:

$$\neg \exists x p(x, x), \quad \forall x \forall y (p(x, y) \Rightarrow \exists z (p(x, z) \& p(z, y))), \\ \forall x \exists y (p(x, y) \vee p(y, x)), \quad \exists x \forall y p(x, y).$$

**Задача 2.** Нека  $\mathcal{L}$  е езикът на предикатното смятане от първи ред без формално равенство, който има само един нелогически символ — двуместния предикатен символ  $p$ . Нека  $\mathcal{A}$  е структурата за  $\mathcal{L}$  с универсум множеството на естествените числа и

$$\langle n, k \rangle \in p^{\mathcal{A}} \iff \text{броят на простите делители на } n \text{ е не по-голям от броя на простите делители на } k$$

Да се докаже, че: (а) множествата  $\{0\}$  и  $\{1\}$  са определими; (б) множеството  $\{2012\}$  е неопределимо.

вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
<b>2</b>					
Име:					

Второ контролно по „Логическо програмиране“  
 спец. „Компютърни науки“  
 07.01.2012 г.

**Задача 1.** Да се докаже, че множеството от следните четири формули е изпълнимо:

$$\forall x \neg p(x, x), \quad \forall x \forall y (p(x, y) \Rightarrow \exists z (p(x, z) \& p(z, y))), \\ \forall x \exists y (p(x, y) \vee p(y, x)), \quad \neg \forall x \exists y \neg p(x, y).$$

**Задача 2.** Нека  $\mathcal{L}$  е езикът на предикатното смятане от първи ред без формално равенство, който има само един нелогически символ — двуместния предикатен символ  $p$ . Нека  $\mathcal{A}$  е структурата за  $\mathcal{L}$  с универсум множеството на естествените числа и

$$\langle n, k \rangle \in p^{\mathcal{A}} \iff \text{броят на простите делители на } n \text{ е по-голям или равен на броя на простите делители на } k$$

Да се докаже, че: (а) множествата  $\{0\}$  и  $\{1\}$  са определими; (б) множеството  $\{2012\}$  е неопределимо.

вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
<b>2</b>					
Име:					

Второ контролно по „Логическо програмиране“  
 спец. „Компютърни науки“  
 07.01.2012 г.

**Задача 1.** Да се докаже, че множеството от следните четири формули е изпълнимо:

$$\forall x \neg p(x, x), \quad \forall x \forall y (p(x, y) \Rightarrow \exists z (p(x, z) \& p(z, y))), \\ \forall x \exists y (p(x, y) \vee p(y, x)), \quad \neg \forall x \exists y \neg p(x, y).$$

**Задача 2.** Нека  $\mathcal{L}$  е езикът на предикатното смятане от първи ред без формално равенство, който има само един нелогически символ — двуместния предикатен символ  $p$ . Нека  $\mathcal{A}$  е структурата за  $\mathcal{L}$  с универсум множеството на естествените числа и

$$\langle n, k \rangle \in p^{\mathcal{A}} \iff \text{броят на простите делители на } n \text{ е по-голям или равен на броя на простите делители на } k$$

Да се докаже, че: (а) множествата  $\{0\}$  и  $\{1\}$  са определими; (б) множеството  $\{2012\}$  е неопределимо.