

# 朴素贝叶斯文本分类器

Artificial Intelligence Course, Fall 2017

张义飞  
2014000201010

周峙龙  
2014000201004

冯齐  
2014000202008

November 27, 2017

## 1 摘要

在人们的日常生活中，垃圾短信常常影响人们的心情和工作效率。例如，人们会因为阅读一篇垃圾短信而浪费时间和精力。所以，分类垃圾短信一直是一个贴近生活并且有很大作用的应用。

分类垃圾短信，这是一个二分类问题，在机器学习中有许多分类器能够用来解决这样一个二分类问题，例如支持向量机（SVM），朴素贝叶斯分类器等。在这次设计中，我们使用朴素贝叶斯分类器来分类垃圾短信。

在机器学习中，朴素贝叶斯分类器是一系列以假设特征之间强（朴素）独立下运用贝叶斯定理为基础的简单概率分类器。

朴素贝叶斯是一种构建分类器的简单方法。该分类器模型会给问题实例分配用特征值表示的类标签，类标签取自有限集合。它不是训练这种分类器的单一算法，而是一系列基于相同原理的算法：所有朴素贝叶斯分类器都假定样本每个特征与其他特征都不相关。举个例子，如果一种水果其具有红，圆，直径大概3英寸等特征，该水果可以被判定为是苹果。尽管这些特征相互依赖或者有些特征由其他特征决定，然而朴素贝叶斯分类器认为这些属性在判定该水果是否为苹果的概率分布上独立的。

对于某些类型的概率模型，在监督式学习的样本集中能获得非常好的分类效果。在许多实际应用中，朴素贝叶斯模型参数估计使用最大似然估计方法；换言之

之，在不用到贝叶斯概率或者任何贝叶斯模型的情况下，朴素贝叶斯模型也能奏效。

在本文中，我们使用朴素贝叶斯方法来实现文本分类进而分类垃圾短信。我们的训练集是由5574条短信构成，其中有747条垃圾短信。我们使用了交叉验证的方法对我们的分类器进行了验证，最后得到了很好的结果。

本文的结构如下：在第2部分，我们将介绍朴素贝叶斯的基本原理以及我们实现的思路。在第三部分，我们展示我们分类器所得到的结果，并探讨了可能影响分类器性能的几个参数。在第四部分，我们对这次的课程设计做一个总结。

## 2 主要方法

### 2.1 朴素贝叶斯概率模型

理论上，概率模型分类器是一个条件概率模型：

$$P(C|F_1, \dots, F_n)$$

独立的类别变量 $C$ 有若干类别，并且条件依赖于若干特征变量 $F_1, F_2, \dots, F_n$ 。

在此之前，我们先引入贝叶斯定理 (Bayes theorem)，对于互相独立的事件集合 $B_1, B_2, \dots, B_n$ ，满足条件 $\sum_{i=1}^n P(B_i) = 1$ ，则对于事件 $A$ 有：

$$P(B_i|A) = \frac{P(B_i)P(A|B_i)}{\sum_{i=1}^n P(B_i)P(A|B_i)}$$

通过贝叶斯公式，我们可以由独立事件集合的先验概率 (Prior probability)

ham	I never realized that you were so embarassed by your accomodations. I thought you liked it, since i was doing the best i could and you always seemed so happy about " the cave" . I' m sorry I didn' t and don' t have more to give. I' m sorry i offered. I' m sorry your room was so embarassing.
ham	Fair enough, anything going on?
spam	Free entry in 2 a wkly comp to win FA Cup final tkts 21st May 2005. Text FA to 87121 to receive entry question(std txt rate)T&C' s apply 08452810075over18' s
ham	Yeah hopefully, if tyler can' t do it I could maybe ask around a bit
ham	Nah I don' t think he goes to usf, he lives around here though

Table 1: SMS Spam Collection 数据集部分样本

来计算相应事件的后验概率(Posterior probability)。

在朴素贝叶斯概率模型中，贝叶斯表现如下：

$$P(C|F_1, ..., F_n) = \frac{P(C)P(F_1, ..., F_n|C)}{P(F_1, ..., F_n)}$$

实际上，我们只需关心式子的分子部分，因为分母并不依赖于 $C$ ，并且特征 $F_i$ 的值是给定的，即分母是一个常数。

朴素贝叶斯假设各个特征是相互独立的，即：

$$P(F_i|C, F_j) = P(F_i|C), j \neq i$$

根据这一假设，我们可以对分子进行分解，即：

$$P(F_1, ..., F_n|C) = \prod_{i=1}^n P(F_i|C)$$

然后，我们就得到了独立分布特征模型：

$$P(C|F_1, ..., F_n) = \frac{P(C) \prod_{i=1}^n P(F_i|C)}{P(F_1, ..., F_n)}$$

## 2.2 构造分类器

由以上推导出的独立特征模型，我们可以构造相应的分类器，也就是朴素贝叶斯分类器。朴素贝叶斯分类器采用最大后验概率作为决策规则，及对于各个类别 $C_i$ ，取后验概率最大的类别作为选定类别。每个类别的后验概率计算公式为：

$$P(C_i|F_1, ..., F_n) = \frac{P(C_i) \prod_{j=1}^n P(F_j|C_i)}{\sum_{i=1}^m \prod_{j=1}^n P(C_j)P(C_j|F_k)}$$

## 2.3 使用互信息筛选特征词

直接用训练集中所有出现过的词汇做为特征词汇，会导致分类器的词表十分巨大，从而降低算法的性能。因此，我们决定提取其中的部分词汇，做为特征词。

理想的特征词应当与分类结果密切相关。在概率论和信息论中，两个随机变量的互信息 (Mutual Information, 简称 MI) 是变量间相互依赖性的量度。一般地，两个随机变量 $X, Y$ 的互信息可以定义为：

$$MI(X; Y) = \sum_{y \in Y} \sum_{x \in X} p(x, y) \log \left( \frac{p(x, y)}{p(x)p(y)} \right)$$

其中 $p(x, y)$ 是 $X$ 和 $Y$ 的联合概率分布函数，而 $p(x)$ 和 $p(y)$ 分别是 $X$ 和 $Y$ 的边缘概率分布函数。

我们计算了所有在训练集中出现的词汇与词汇所在类别的互信息，然后按照互信息值的大小排序，选取前 $n$ 个词汇作为特征词，从而使算法的复杂度大幅度降低。

## 3 实验结果

我们使用了一个公开的骚扰短信标注数据集 (SMS Spam Collection v.1, <http://www.dt.fee.unicamp.br/~tiago/smsspamcollection/>) 进行训练，该数据集包含了5574条英文短信数据，其中骚扰短信有470条，正常短信为4827条。表1列出了数据集的部分样本。

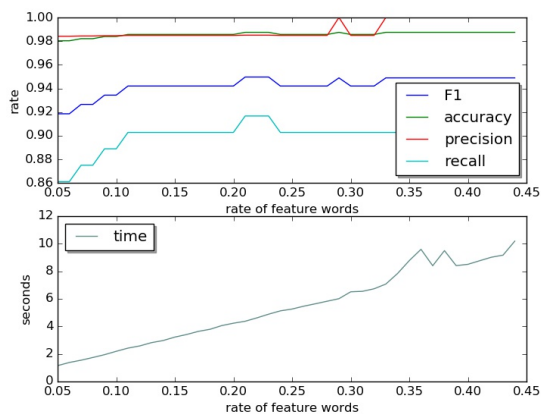


Figure 1: 特征词占比对分类器性能的影响

### 3.1 探究特征词占比的影响

我们采用互信息法选取了与分类结果最相关的 $n$ 个词作为特征词，并且探究了 $n$ 的取值对分类结果的影响。

如图1所示，随着特征词的增加，各项参数都在稳步上升，但耗时也逐渐增加。特征词选用地越多，分类器对文本特征掌握的信息就越多，分类的精确度也越高，由于特征词的个数决定了特征向量的维度，整个分类器消耗的时间和空间复杂度也会随之上升。由图可知，当特征值占比选用在0.15时，分类器的性能和耗时可处在最佳状态。

### 3.2 探究拉普拉斯平滑的影响

为了防止出现后验概率为0的情况，我们在计算时采用了拉普拉斯平滑，经过探究发现，不同的 $\lambda$ 取值会对分类器性能也会造成影响。

如图2所示，当 $\lambda = 0$ 时，由于很多后验概率计算为0，分类器的各项指标均很低，仅为0.7左右，但是只要 $\lambda > 0$ ，分类器的性能便稳定在0.9左右。随着 $\lambda$ 取值不断升高，分类器的召回率不断下降，也就是分类器越来越倾向于将短信判定为正常短信。

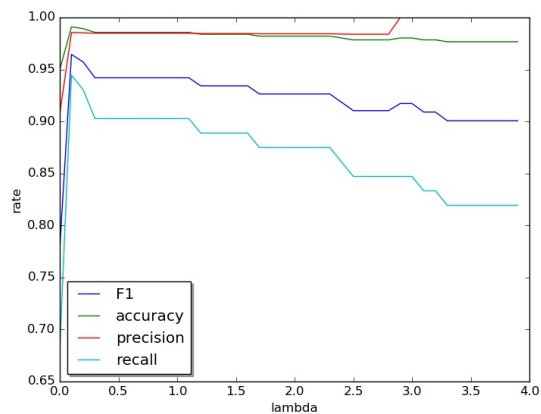


Figure 2: 拉普拉斯平滑对分类器性能的影响

拉普拉斯平滑参数 $\lambda = 1$ 以及采用15%的词作为特征词时，分类器的准确度可以稳定在98%左右。特征词占比上升会提高分类准确度，但相应地也会增加时间开销；拉普拉斯参数取值过大，同样会导致分类器性能下降。

## 4 总结

我们在实验中发现，朴素贝叶斯分类器在分类任务上可以取得相当好的效果，在